

3. Vol.

110

111



ITARD 008

500

# E V C L I D I S

## E L E M E N T O R V M

LIBRI XV. GRAE-  
cè & Latinè,

Quibus, cum ad omnem Mathematicæ scientiæ  
partem, tum ad quamlibet Geometriæ tractatio-  
nem, facilis comparatur aditus.

Επίγραμμα παλαιόν.

Σχήματα πέντε Πλάτωνος, à Πυθαγόρας σοφὸς  
εὔρε.

Πυθαγόρας σοφὸς εὔρε, Πλάτων δ' αἰείδηλ' ἐδί-  
δαξεν,

Εὐκλείδης ὅτι τοῖσι κλέος ἀειχάλλες ἔτευξεν.

Franciscus



Barrolus

Apud Hieronymum de Marnef, & Gulielmum  
Cauellat, sub Pellicano, monte D. Hilarij.

1573.

ad usum Capucinarum  
Valentia

LYON  
US



WOLFF  
ELEMENTORVM  
LIBRVS I.  
CAPITVLVS I.

Quia, cum ad hunc mundum  
peruenimus, nonnulli  
sunt, qui hunc mundum  
non solummodo  
sunt, sed etiam  
sunt, etiam  
sunt, etiam  
sunt, etiam



Quia, cum ad hunc mundum  
peruenimus, nonnulli  
sunt, qui hunc mundum  
non solummodo  
sunt, sed etiam  
sunt, etiam  
sunt, etiam  
sunt, etiam



AD CANDIDVM LE-  
CTOREM ST. GRACILIS

P R A E F A T I O.

**D**ERMAGNI referre semper  
existimaui, lector beneuole,  
quantum quisque studij & di-  
ligentiae ad percipienda scien-  
tiarum elemēta adhibeat, qui-  
bus non satis cognitis, aut per-  
peram intellectis, si vel digitum progredi tentes,  
erroris caliginem animis offundas, nō veritatis lu-  
cem rebus obscuris adferas. Sed principiorum quā-  
ta sint in disciplinis momenta, haud facile credat,  
qui rerum naturam ipsa specie, non viribus metia-  
tur. Vt enim corporum quæ oriuntur & intereunt,  
vilissima tenuissimāque videntur initia: ita rerum  
æternarum & admirabilium, quibus nobilissimæ  
artes continētur, elementa ad speciem sunt exilia,  
ad vires & facultatem quāmaxima. Quis non  
videt ex fici tantulo grano, vt ait Tullius, aut ex  
acino vinaceo, aut ex cæterarum frugum aut stir-

A ij

pium minutissimis seminibus tantos truncos ramosque procreari? Nam Mathematicorum initia illa quidem dictu audituque perexigua, quãtam theoprematum syluam nobis pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis seminibus, sic & in artium principis inesse vim earum rerum, quae ex his progignuntur. Praeclare igitur Aristoteles, ut alia permulta, μέγιστον ἴσως ἀρχὴ παντός, καὶ ὅσοι κράτιστον τῆ δυνάμει, τοσοῦτό μικρότατον ὂν τοῦ μεγέθους, χαλεπὸν ἔστιν ὀφθεῖναι. Quocirca committendum non est, ut non bene prouisa & diligenter explorata scientiarum principia, quibus propositarum quarumque rerum veritas sit demonstranda, vel constituas, vel constituta approbes. Cauendum etiam, ut ne tantulum quidem fallaci & captiosa interpretatione turpiter deceptus, a vera principiorum ratione temere deflectas. Nam qui initio fortè aberrauerit, is ut tandem in maximis versetur erroribus necesse est: cum ex vno erroris capite densiores sensim tenebrae rebus clarissimis obducantur. Quid tam varias veterum physiologorum sententias non modò cum rerum veritate pugnantes, sed vehemèter etiam inter se dissentientes nobis inuexit? Equidem haud scio fueritne vlla potior tanti dissidij causa, quam quòd ex principis partim falsis partim nõ censentaneis du-



Etas rationes probando adhiberent. Fit enim ple-  
 runque, vt qui non rectè de artium rerùmque ele-  
 mentis sentiunt, ad præfinitas quasdam opinio-  
 nes suas omnia reuocare studeant. Pythagorei,  
 vt meminit Aristoteles, cùm denarij numeri  
 summam perfectionem cælo tribuerent, nec plu-  
 res tamen quàm nouem sphaeras cernerent, deci-  
 mam affingere ausi sunt terræ aduersam, quam  
 ἀρτίχθονα appellarunt. Illi enim vniuersitatis re-  
 rùmque singularū naturam ex numeris ceu prin-  
 cipiis æstimantes, ea protulerunt quæ Φαυρομέ-  
 vous congruere nusquam sunt cognita. Nam ridi-  
 cula Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxa-  
 gora, Anaximandri, & reliquorum id genus  
 physiologorum somnia, ex falsis illa quidem or-  
 ta naturæ principis, sed ad Mathematicum ni-  
 hil aut parum spectantia, sciens prætereo. Non-  
 nullos attingam, qui repetitis aliùs, vel aliter ac  
 decuit positus rerum initiis, cùm in physicis mul-  
 ta turbarunt, tùm Mathematicos oppugnatione  
 principiorum pessimè mulctarunt. Ex planis fi-  
 guris corpora constituit Timæus: Geometrarū hīc  
 quidem principia cuniculis oppugnantur. Nam  
 & superficies seu extremitates crassitudinem ha-  
 bebunt, & lineæ latitudinem: denique puncta nō  
 erunt indiuidua, sed linearum partes. Prædicant

A iij

Democritus atque Leucippus illas atomos suas, & indiuidua corpuscula. Concedit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines. Hic verò Geometriæ fundamenta aperte petuntur, & funditus euertuntur: quibus dirutis nihil equidem aliud video restare, quam vt amplissima Mathematicorum theatra repente concidant. Iacebunt ergo, si diis placet, tot præclara Geometrarum de asymmetris & alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim causæ dicas cur indiuidua linea hanc quidem metiatur, illam verò metiri non queat? Siquidem quod minimum in vnoquoque genere reperitur, id communis omnium mensura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quæ ex falsis eiusmodi decretis absurda cõsequuntur: & horum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura colligit Physicus. Quid varia  $\tau\epsilon\tau\rho\gamma\alpha\phi\eta\mu\acute{\alpha}\tau\omega\upsilon$  genera commemorem, quæ ex hoc vno fonte tam longè latè que diffusa fluxisse videntur? Notissimus est Antiphontis tetragonismus, qui Geometrarum & ipse principia non parum labefecit, càm rectæ lineæ curuam posuit æqualem. Longum esset mihi singula percensere, præsertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum & in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter monet Aristoteles,  $\alpha\omega\upsilon\delta\alpha\tau\epsilon\omega\upsilon\ \acute{\omicron}\pi\alpha\omega\varsigma$



ορειδῶσι καλῶς αἱ ἀρχαί. μέγαλλιν γὰρ ἔχουσι  
 ῥοπλὴν πρὸς ἐπιπέδον. Nā principijs illa cōgrue-  
 re debet, quæ sequuntur. Quòd si tantum perspi-  
 citur in istis exilioribus Geometriae initiis, quæ  
 puncto, linea, superficie definiuntur, momentum,  
 ut ne hæc quidem sine summo impendentis rui-  
 nae periculo conuelli aut oppugnari possint: quan-  
 ta quæso vis putanda est huius τοιχειώσεως, quam  
 collatis tot præstantissimorum artificum inuen-  
 tis, mira quadam ordinis solertia contexuit Eu-  
 clides, vniuersæ Matheσεως elementa complexu  
 suo coercentem? Vt igitur omnibus rebus instru-  
 ctior & paratior quisque ad hoc studiū libentiùs  
 accedat, & singula vel minutissima exactiùs se-  
 cum reputet atque perdiscat, operæ precium cēsui  
 in primo institutionis aditu vestibulòque præci-  
 pua quædam capita, quibus tota ferè Mathema-  
 ticæ scientiæ ratio intelligatur, breuiter explica-  
 re: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligen-  
 ter persequi: Euclidis denique in extruenda hac  
 τοιχειώσῃ consiliū sedulò ac fideliter exponere.  
 Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimū ducta  
 fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò in-  
 genuum animi candorem ad legendum attulerit.  
 Ac de Mathematicæ diuisione primū dicamus.

Mathematicæ in primis scientiæ studiosos

A iij



fuisse Pythagoreos, non modò historicorum, sed etiam philosophorum libri declarant. His ergo placuit, ut in partes quatuor vniuersum distribuatur Mathematicæ scientiæ genus, quarum duas  $\omega\epsilon\iota$  τὸ ποσὸν, reliquas  $\omega\epsilon\iota$  τὸ πηλίχον versari statuerunt. Nam  $\omega\epsilon$  τὸ ποσὸν vel sine vlla comparatione ipsum per se cognosci, vel certa quadam ratione comparatum spectari: in illo Arithmetica, in hoc versari Musicam:  $\omega\epsilon$  τὸ πηλίχον partim quiescere, partim moueri quidem: illud Geometriæ propositum esse: quod verò sua sponte motu cietur, Astronomiæ. Sed ne quis falsò putet Mathematicam scientiam, quòd in vtroque quanti genere cernitur, idcirco inanem videri (si quidem non solùm magnitudinis diuisio, sed etiam multitudinis accretio infinite progredi potest) meminisse decet, τὸ πηλίχον  $\chi$  τὸ ποσὸν, quæ subiecto Mathematicæ generi imposita sunt à Pythagoreis nomina, non cuiuscunque modi quantitatem significare, sed eam demum, quæ tum multitudine tum magnitudine sit definita,  $\omega\epsilon$  suis circumscripta terminis. Quis enim vllam infiniti scientiæ defendat? Hoc scitum est, quod non semel docet Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidem complecti quenquã posse. Itaque ex infinita multitudinis  $\omega\epsilon$  magnitudinis  $\delta\omega\acute{\alpha}\mu\eta$ , finitam hæc

scientia decerpit & amplectitur naturam, quam  
 tractet, & in qua versetur. Nā de vulgari Geo-  
 metrarum consuetudine quid sentiendum sit, cum  
 data interdum magnitudine infinita aut fabri-  
 cantur aliquid, aut proprias generis subiecti affe-  
 ctiones exquirunt, disertè monet Aristoteles,  
 οὐδὲ γὰρ (de Mathematicis loquens) θεόνται τῆ  
 ἀπειρος, ἔδὲ γῶνται, ἀλλὰ μόνον εἶναι ὅσω αὐ βέ-  
 λωνται, περὶ φασμένω. Quamobrem disputatio  
 ea qua infinitum refellitur, Mathematicorum  
 decretis rationibúsq; non aduersatur, nec eorum  
 apodixes labefacit. Etenim tali infinito opus il-  
 lis nequaquā est, quod exitu nullo paragrari pos-  
 sit, nec talem ponunt infinitam magnitudinem:  
 sed quantumcunque velit aliquis effingere, ea  
 ut suppetat, infinitam præcipiunt. Quinetiam  
 non modò immensa magnitudine opus non ha-  
 bent Mathematici, sed ne maxima quidem: cum  
 instar maximæ minima quæque in partes totidē  
 pari ratione diuidi queat. Alteram Mathema-  
 ticæ diuisionem attulit Geminus, Vir (quantum  
 ex Proclo conicere licet) μαθημάτων laude cla-  
 rissimus. Eam, quæ superiore plenior & accu-  
 rator fortè visa est, cum doctissimè pertracta-  
 rit sua in decimū Euclidis præfatione P. Mōtau-  
 aureus Vir senatorius, & regis bibliothecæ præ-

Montanus. Parisi Mont. d. 11.



fectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum  
 velut summis generibus, τῶν νοητῶν ἔξ τῶν αἰ-  
 ονητῶν, quæ res sub intelligẽtiã cadunt, Arith-  
 metica & Geometria attribuit Geminus : quæ  
 vero in sensus incurrunt, Astrologia, Musica,  
 Supputatrici, Optica, Geodesia & Mechanica  
 adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem spectaf-  
 se videtur Aristoteles, cùm Astrologiam, Opti-  
 cam, Harmonicam φυσικώτερας τῶν μαθηματικῶν  
 nominat, vt quæ naturalibus & Mathematicis  
 interiecta sint, ac velut ex vtrisque mixta disci-  
 plina: Siquidem genera subiecta à Physicis mu-  
 tuantur, causas verò in demonstrationibus ex su-  
 periore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristo-  
 teles ipse apertissimè testatur, ἐν αὐτῶν γὰρ, φη-  
 σὶ, τὸ μὲν ὅτι, τῶν αἰ ονητῶν εἰδέναι, τὸ δὲ διότι,  
 τῶν μαθηματικῶν. Sequitur, vt quid Mathema-  
 tica cõueniat cū Physica & prima Philosophia:  
 quid ipsa ab vtraque differat, paucis ostẽdamus.  
 Illud quidem omnium commune est, quòd in ve-  
 ri contemplatione sunt posita, ob idque θεωρητι-  
 καὶ à Græcis dicuntur. Nam cùm ἀλογία siue  
 ratio & mens omnis sit vel πρακτικὴ, vel ποιη-  
 τικὴ, vel θεωρητικὴ, totidem scientiarũ sint gene-  
 ra necesse est. Quòd si Physica, Mathematica,  
 & prima Philosophia, nec in agendo, nec in ef-



ficiendo sunt occupata, hoc certè perspicuum est,  
 eas omnes in cognitione contemplationeque neces-  
 sariò versari. Cùm enim rerum non modò agen-  
 darum, sed etiam efficiendarum principia in a-  
 gente vel efficiente consistant, illarum quidem  
 ἀεὶ ἀπορίας, harum autem vel mens, vel ars, vel  
 vis quaedam & facultas rerum profectò natu-  
 raliū, Mathematicarum, atque diuinariū prin-  
 cipia in rebus ipsis, non in philosophis inclusa la-  
 tent. Atque hæc vna in omnes valet ratio, quæ  
 θεωρητικὰς esse colligat. Iam verò Mathemati-  
 ca separatim cum Physica congruit, quòd vtra-  
 que versatur in cognitione formarum corpori na-  
 turali inherentiū. Nam Mathematicus pla-  
 na, solida, longitudines & puncta cōtemplatur,  
 quæ omnia in corpore naturali à naturali quo-  
 que philosopho tractantur. Mathematica item  
 & prima philosophia hoc inter se propriè con-  
 ueniunt, quòd cognitionem vtraque persequitur  
 formarū, quoad immobiles, & à concretionem ma-  
 teriæ sunt liberae. Nā tametsi Mathematicæ for-  
 mæ re vera per se non coherent, cogitatione ta-  
 men à materia & motu separantur, οὐδὲ γίνονται  
 ψεύδος καὶ ζόνητων, vt ait Aristoteles. De co-  
 gnatione & societate breuiter diximus. Iā quid  
 intersit, videamus. Vnaquæque Mathematicarū

certum quoddam rerum genus propositum habet, in quo versetur, ut Geometria quantitatem & continuationem aliorum in vnam partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorūque quatenus quanta sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem Philosophia, cum sit omnium communis, vniuersum Entis genus, quæque ei accidunt & conueniunt hoc ipso quod est, considerat. Ad hæc, Mathematica eam modò naturam amplectitur, quæ quanquam non mouetur, separari tamen seiungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamque causam ἐξ ἀφαιρέσεως dici consuevit. Sed prima Philosophia in iis versatur, quæ & seiuncta, & æterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Cæterum Physica & Mathematica quāquā subiecto discrepare non videntur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, vnde dissimilitudo quoque scientiarum sequitur. Etenim mathematicæ species nihil re vera sunt aliud, quàm corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem consecratur physicorum ars, quatenus cum materia comprehensæ sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex quo fit, ut quæcun-



que in Mathematicis incommoditates accidunt, eadem etiam in naturalibus rebus Videantur accidere, nō autem vicissim. Multa enim in naturalibus sequuntur incōmoda, quæ nihil ad Mathematicum attinet, Ἀλλὰ τὸ, inquit Aristoteles, τὰ μὲν ἐξ ἀφαιρέσεως λέγεται, τὰ μαθηματικὰ, τὰ δὲ φυσικὰ ἐκ προσθέσεως. Siquidem res cum materia deuinctas contemplatur physicus: Mathematicus verò rem cognoscit circumscriptis iis omnibus quæ sensu percipiuntur, ut grauitate, leuitate, duritie, mollitie, & præterea calore, frigore, aliisque contrariorum paribus quæ sub sensum subiecta sunt: tantum autem relinquit quantitatem & continuum. Itaque Mathematicorum ars in iis quæ immobilia sunt, cernitur (τὰ γὰρ μαθηματικὰ τῶν ὄντων ἀνεκινήσεως ἔστιν, ἕξω τῶ ἐν τῷ ἀφρολόγιον) quæ verò in natura obscuritate posita est, res quidem quæ nec separari nec motu vacare possunt contemplatur. Id quod in utroque scientiæ genere perspicuum esse potest, siue res subiectas definias, siue proprietates earum demonstrates. Etenim numerus, linea, figura, rectum, inflexum, æquale, rotundum, vniuersa denique Mathematicus quæ tractat & profitetur, absque motu explicari docerique possunt: χωριστὰ γὰρ τῇ νοήσῃ κινήσεώς ἔστι. Physica



autem sine motione species nequaquã possunt intelligi. Quis enim, hominis, plantæ, ignis, ossiũ, carnis naturã & proprietates sine motu qui materiam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper substantia quæque naturalis constare dici solet, quoad opus & munus suum, agendo patiendõque tueri ac sustinere valeat: qua certè amissa δὲ μὴ, ne nomen quidem nisi ὁ μὲν ὡς retinet. Sed Mathematico ad explicandas circuli aut trianguli proprietates, nullũ adferre potest vsum, materiæ vt auri, ligni, ferri, in qua insunt, cõsideratio: quin eò verius eiusmodi rerum, quarũ species tanquã materia vacantes efformemus animo, naturam complectemur, quòd coniunctione materiæ quasi adulterari deprauarique videntur. Quocirca Mathematicæ species eodem modo quo κοίλον, siue concauitas, sine motu & subiecto definitione explicari cognoscique possunt: naturales verò cùm eam vim habeant, quam, vt ita dicam, finitas, cum materia comprehensæ sunt, nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus exemplis quid inter Physicas & Mathematicas species intersit, haud difficile est animaduertere. Illis certè non semel est vsus Aristoteles. Valeant ergo Protagoræ sophismata, Geometras hoc nomine refellentis, quòd circulus normam pun-

Eto non attingat. Nam diuina Geometrarū theō-  
 remata qui sensu aestimabit, vix quidemquam re-  
 periet quod Geometrae concedendum videatur.  
 Quid enim ex his quæ sensum mouent, ita rectum  
 aut rotundum dici potest, vt à Geometra ponitur?  
 Nec verò absurdum est aut vitiosum, quòd li-  
 neas in puluere descriptas pro rectis aut rotundis  
 assumit, quæ nec rectæ sunt nec rotundæ, ac ne  
 latitudinis quidem expertes. Siquidē non iis vti-  
 tur Geometra quasi inde vim habeat conclusio,  
 sed eorum quæ discenti intelligenda relinquun-  
 tur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui pri-  
 mùm instituuntur, hi ductu quodam & velut  
 ἄλογον ἔργον sensuum opus habent, vt ad illa quæ  
 sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi com-  
 parare queant. Sed tamen existimandum non est  
 rebus Mathematicis omnino negari materiam, ac  
 non eam tantùm quæ sensum afficit. Est enim ma-  
 teria alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo  
 & ratione intelligitur. Illam αἰσθητὴν, hanc νοη-  
 τὴν vocat Aristoteles. Sensu percipitur, vt es,  
 vt lignum, omnisque materia quæ moueri potest,  
 Animo & ratione cernitur ea quæ in rebus sen-  
 silibus inest, sed non quatenus sensu percipiuntur,  
 quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Ari-  
 stotele scriptum legimus ὅτι τῶν ἐν ἀφαιρέσει



ὄντων rectum se habere ut simum: μετὰ ἑωυχοῦ  
 γὰρ quasi velit ipsius recti, quod Mathematico-  
 rum est, suam esse materiam, nō minū quam si-  
 mi quod ad Physicos pertinet. Nā licet res Ma-  
 thematicæ sensili vacent materia, non sunt ta-  
 men indiuiduæ, sed propter continuationem par-  
 titiōni semper obnoxie, cuius ratione dici possunt  
 sua materia non omnino carere: quin aliud vide-  
 tur τὸ εἶναι γεαμῆν, aliud quoad continuationi  
 adiuncta intelligitur linea. Illud enim ceu forma  
 in materia, proprietatum causa est, quas sine ma-  
 teria percipere nō licet. Hæc est societatis & dis-  
 sidij Mathematicæ cum Physicæ & prima Phi-  
 losophia ratio. Nunc autem de nominis etymo  
 & notatione pauca quedam afferamus. Nam si  
 quæ iudicio & ratione imposita sunt rebus no-  
 mina, ea certè non temere indita fuisse credendum  
 est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque  
 otiosa semper haberi debet ista etymologiæ inda-  
 gatio, cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non pa-  
 rum valeat recta nominis interpretatio. Sic enim  
 Aristoteles ducto ex verborum ratione argumē-  
 to, αὐτομάτως, μεταβολῆς, αἰθέρος, aliarumque  
 rerum naturam ex parte confirmavit. Quoniam  
 igitur Pythagoras Mathematicam sciētiam non  
 modò studiosè coluit, sed etiam repetitis à capitè  
 principiis,



principiis, geometricam contemplationem in liberalis disciplinae formam composuit, & perspetis absque materia, solius intelligentiae adminiculo theōrematibus, tractationem  $\alpha\epsilon\iota\ \tau\eta\varsigma\ \alpha\lambda\omicron\gamma\omega\upsilon$ , &  $\kappa\omicron\sigma\mu\epsilon\mu\alpha\tau\omega\upsilon\ \sigma\chi\eta\mu\acute{\alpha}\tau\omega\upsilon$  constitutionem excogitavit: credibile est, Pythagoram, aut certè Pythagoreos, qui & ipsi doctoris sui studia libenter amplexi sunt, huic scientiae id nomen dedisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrueret, verūque propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cū existimarent illi omnē disciplinā, quae  $\mu\acute{\alpha}\theta\eta\sigma\iota\varsigma$  dicitur,  $\alpha\acute{\nu}\alpha\mu\eta\sigma\iota\upsilon$  esse quandam, id est recordationem & repetitionem eius scientiae, cuius antè quā in corpus immigraret: composuerit anima, quemadmodum Plato quoque in Menōne, Phaedōne, & aliis aliquot locis videtur astruxisse: animaduertent autem eiusmodi recordationem, quae non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientiis demonstrari, si quis nimirum, ait Plato,  $\epsilon\pi\iota\ \tau\alpha\ \alpha\lambda\gamma\epsilon\gamma\epsilon\mu\mu\alpha\tau\alpha\ \acute{\alpha}\gamma\eta$ : probabile est equidē Mathematicas à Pythagoreis artes  $\kappa\alpha\tau'\ \epsilon\zeta\omicron\chi\omega$  fuisse nominatas, ut ex quibus  $\mu\acute{\alpha}\theta\eta\sigma\iota\varsigma$ , id est aeternarum in anima rationum recordatio  $\alpha\lambda\epsilon\phi\epsilon\rho\acute{\nu}\tau\omega\varsigma$  & praecipue intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis diuinus fecit Plato, qui in Menōne Socratem in-

duxit hoc argumenti genere persuadere cupientem discere nihil esse aliud quam suarum ipsius rationum animū recordari. Etenim Socrates pusionem quendam, ut Tullij verbis utar, interrogat de geometrica dimensione quadrati. ad ea sic ille respondet ut puer, & tamen tam faciles interrogationes sunt, ut gradatim respondens, eodem perueniat, quò si Geometrica didicisset. Aliam nominis huius rationem Anatolius exposuit, ut est apud Rhodiginum, quòd cum cetera disciplinae deprehendi vel non docente aliquo possint omnes, Mathematica sub nullius cognitionem veniant, nisi praecunte aliquo, cuius solertia succidantur vepreta, vel exurantur, & superciliosa complanentur aspreta. Ita enim Cælius: quod quam vim habeat, non est huius loci curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Mathematicos in magna rerum obscuritate, recondita arte, multiplicique ac subtili versari scribit. sed quis nescit id ipsum cum aliis grauioribus scientiis, esse comune? Est enim, vel eodem autore Tullio, omnis cognitio multis obstructa difficultatibus, maximaque est & in ipsis rebus obscuritas, & in iudiciis nostris infirmitas: nec vllus est, modò interius paulò Physica penetrarit, qui non facile sit expertus, quam multi vndique



emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, & inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio scorsim loco expendendum fuerit. Quocirca primam Verbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censeo. Hactenus de Vniuerso Mathematicæ genere quanta potui & perspicuitate & breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea disseram, quæ initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, quæ versatur in cognitione magnitudinum, figurarum, & quibus hæ continentur, extremorum, item rationum & affectionū, quæ in illis cernuntur ac inhaerent: ipsa quidem progrediens à puncto indiuiduo per lineas & superficies, dum ad solida conscendat, variâsque ipsorum differentias patefaciat. Quumque omnis scientia demonstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi momentis continetur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & cõtemplatur: causis & principiis, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur: & proprietatibus, quæ de genere subiecto per se enunciantur: Geometriæ quidem subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circu-

B ij



lis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earumque extremitatibus consistit. His autem inhaerent diuisiones, rationes, tactus, æqualitates,  $\pi\alpha\rho\epsilon\beta\omicron\lambda\alpha\iota$ ,  $\iota\sigma\omicron\beta\omicron\lambda\alpha\iota$ ,  $\epsilon\lambda\lambda\epsilon\iota\psi\iota\varsigma$ , atque alia generis eiusdem propè innumerabilia, Postulata verò & Axiomata ex quibus hæc inesse demonstrantur, eiusmodi ferè sunt: Quouis centro & intervallo circulum describere: Si ab æqualibus æqualia detrahas, quæ relinquuntur esse æqualia, cæteráq; id genus permulta, quæ licet omnium sint communia, ad demonstrandum tamen tum sunt accommodata, cum ad certum quoddam genus traducuntur. Sed cum præcipua Videatur Arithmetica & Geometria inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit  $\alpha\chi\epsilon\lambda\beta\epsilon\tau\epsilon\rho\alpha$ , & exactior quàm Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic verò & Aristotelem sequemur ducem, qui scientiam cum scientia ita comparat, ut accuratorem esse velit eam, quæ rei causam docet, quàm quæ re esse tantum declarat: deinde quæ in rebus sub intelligentiam cadentibus versatur, quàm quæ in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremò quæ ex simplicioribus initiis con-

stat, quàm quæ aliqua adiectione compositis utitur. Atque hac quidem ratione Geometriæ præstat Arithmetica, quòd illius initium ex additione dicatur, huius sit simplicius. Est enim punctum, ut Pythagoreis placet, vnititas quæ situm obtinet: vnititas verò punctum est quod situ vacat. Ex quo percipitur, numerorū quàm magnitudinum simplicius esse elementum, numerosque magnitudinibus esse puriores, & à concretione materiæ magis disiunctos. Hæc quanquam nemini sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria quo se plurimum efferat, opibusque suis ac rerum vbertate multiplici vel cum Arithmetica certet: id quod tute facile deprehendas cum ad infinitam magnitudinis diuisionem, quam respuit multitudo, animum conuerteris. Nunc quæ sit Arithmetice & Geometriæ societas, videamus. Nam theorematum quæ demonstratione illustratur, quædam sunt vtriusque scientiæ communia, quædam verò singularum propria. Etenim quòd omnis proportio sit  $\rho\eta\tau\acute{o}\varsigma$  siue rationalis, Arithmetice soli conuenit, nequaquam Geometriæ, in qua sunt etiam  $\acute{\alpha}\rho\eta\tau\acute{o}\iota$ , seu irrationales proportionales: item, quadratorum  $\gamma\eta\omega\mu\omicron\nu\alpha\varsigma$  minimo definitos esse, Arithmetice proprium (si quidem in Geometria nihil tale minimum esse potest)

B ij



sed ad Geometriam propriè spectant situs, qui in numeris locum non habent: tactus, qui quidem à continuus admittuntur: ἀλογον, quoniam ubi diuisio infinite procedit, ibi etiam τὸ ἀλογον esse solet. Communia porro vtriusque sunt illa, quæ ex sectionibus eueniunt, quas Euclides libro secundo est persequutus: nisi quòd sectio per extremam & mediam rationem in numeris nusquam reperiri potest. Iam verò ex theωrematibus eiusmodi communibus, alia quidem ex Geometria ad Arithmetica traducuntur: alia contrà ex Arithmetica in Geometriam transferuntur: quædam verò perinde vtrique scientiæ conueniunt. Vt quæ ex vniuersa arte Mathematica in vtrâque harum cōueniant. Nam & alterna ratio, & rationum conuersiones, compositiones, diuisiones hoc modo communia sunt vtriusque. Quæ autem sunt τῶν ἐπιπέδων, id est de commensurabilibus, Arithmetica quidem primùm cognoscit & cōtemplatur: secundo loco Geometria Arithmetica imitata. Quare & cōmensurabiles magnitudines illæ dicuntur, quæ rationem inter se habent quã numerus ad numerũ, perinde quasi cōmensuratio & συμμετρία in numeris primùm cōsistat (Vbi enim numerus, ibi & συμμετρον cernitur: & ubi συμμετρον, illic etiam numerus) sed quæ



triangulorum sunt & quadrangulorum, à Geometria primùm considerantur: tum analogia quadam Arithmeticus eadem illa in numeris contemplatur. De Geometria diuisione hoc adiciendum puto, quòd Geometria pars altera in planis figuris cernitur, quæ solam latitudinem longitudini coniunctam habent. altera verò solidas contemplatur, quæ ad duplex illud interuallum crassitudinem adsciscunt. Illam generali Geometria nomine veteres appellarunt: hanc propriè Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, & Stereometriam cum Mechanica non raro cõparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis antecessit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem etate vllam fuisse omnino verum est, quemadmodum à Platone scriptum videtur. Ad Geometria vtilitatẽ accedo, quæ quanquam suapte vi & dignitate ipsa per se nititur, nullius vsus aut actionis ministerio mãcipata (vt de Mathematicis omnibus sciẽtiis concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen vtilitatis externæ quæritur, Dij boni quàm lætos, quàm vberes, quàm varios fructus fundit? Nec verò audiendus est vel Aristippus, vel Sophistarũ alius, qui Mathematicorum artes idcirco repudiet, quòd ex fine nihil docere videantur, eĩsque quod melius aut deterius nullam habeant

rationem. Vt enim nihil causæ dicas, cur sit melius, trianguli, Verbi gratia, tres angulos duobus esse rectis æquales: minimè tamen fuerit consentaneum, Geometriæ cognitionem Vt inutilem exagitare, criminari, explodere, quasi quæ finem & bonũ quò referatur, habeat nullum. Multas haud dubiè solius contemplationis beneficio citra materiæ cõtationem adfert Geometria commoditates partim proprias, partim cum Vniuerso genere communes. Cùm enim Geometria, Vt scripsit Plato, eius quod semper est cognitionem profiteatur, ad Veritatem excitabit illa quidem animum, & ad ritè philosophandum cuiusque mentè comparabit. Quinetiam ad disciplinas omnes faciliùs perdiscendas, attigeris necne Geometriam, quanti referre censes? Nam Vbi cum materia coniungitur, nõnne præstâtissimas procreat artes, Geodesiam, Mechanicam, Opticam, quarum omnium Vsu, mortalium vitam summis beneficiis completitur? Etenim bellica instrumenta, Vrbiũque propugnacula, quibus munitæ Vrbes, hostium vim propulsarent, his adiutricibus fabricata est: montiũ ambitus & altitudines, locorũque situs nobis indicauit: dimetiendorum & mari & terra itinerum rationem præscripsit: trútinas & Stateras, quibus exacta numerorum æqualitas in ciuitate retineatur, composuit: Vniuersi ordinem si-



mulachris expressit: multaque quæ hominum fidem superarēt, omnibus persuasit. Vbique extant præclara in eam rem testimonia. Illud memorabile, quod Archimedi rex Hiero tribuit. Nā extructo vastæ molis nauigio, quod Hiero Aegyptiorum regi Ptolemæo mitteret, cū vniuersa Syracusanorum multitudo collectis simul viribus nauem trahere non posset, effecissetque Archimedes vt solus Hiero illam subduceret, admiratus viri sciētiam rex, ἀπὸ ταύτης, ἐφθ, τῆς ἡμέρας, εἰ πάντος Ἀρχιμῆδ' λέγοντι πικρύτεον. Quid? quod Archimedes idem, vt est apud Plutarchū, Hieroni scripsit datis viribus datum pondus moueri posse? fretusque demonstrationis robore, illud sæpe iactaret, si terram haberet alteram vbi pedem figeret, ad eam, nostram hanc se transmouere posse? Quid varia αὐτομάτων machinarūque genera, ad vsus necessarios comparata memorem? Innumerabilia profectò sunt illa, & admiratione dignissima, quibus prisci homines incredibili quodam ad philosophandum studio concitati, inopem mortaliū vitam artis huius præsidio subleuarunt: tametsi memoriæ sit proditum, Platonem Eudoxo & Archytæ vitio vertisse, quod Geometrica problemata ad sensilia & organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis & labefieri Geometriæ præstantiam, quæ ab intelli-



bilibus & incorporeis rebus ad sensiles & corporeas prolaberetur. Quapropter ridicula idē scripsit Plato Geometrarū esse vocabula, quae quasi ad opus & actionem spectent, ita sonare videntur. Quid enim est quadrare, si nō opus facere? Quid addere, producere, applicare? Multa quidem sunt eiusmodi nomina, quibus necessariō & tanquam coacti Geometrae vtuntur, quippe cū alia desint in hoc genere cōmodiora. Sic ergo censuit Plato, sic Aristoteles, sic deniq; philosophi omnes, Geometriam ipsam cognitionis gratia exercendam, nec ex aliquo vsu externo, sed ex rerū νοητῶν intelligentia estimandā esse. Exposita breuius quā res tanta dici possit, vtilitatis ratione, Geometriae ortum, qui in hac rerum periodo ex historicorum monumentis nobis est cognitus, deinceps aperiamus. Geometria apud Aegyptios inuenta, (ne ab Adam, Setho, Noah, quos cognitione rerū multiplici valuisse constat, eam repetamus) ex terrarum dimensione, vt verbi prae se fert ratio, ortum habuisse dicitur: cū anniuersaria Nili inundatione & incrementis limo obducti agrorum termini confunderentur. Geometriam enim, sicut & reliquas disciplinas, in vsu quā in arte prius fuisse aiunt. Quōd sanē mirum videri non debet, vt & huius & aliarum scientiarum inuentio ab vsu cœperit ac necessitate. Etenim tempus,

rerum vsus, ipsa necessitas ingenium excitat, & ignauiam acuit. Deinde quicquid ortum habuit (vt tradunt Physici) ab inchoato & imperfecto processit ad perfectum. Sic artium & scientiarum principia experientiae beneficio collecta sunt, experientia vero à memoria fluxit, quae & ipsa à sensu primum manauit. Nam quod scribit Aristoteles, Mathematicas artes, comparatis rebus omnibus ad vitam necessariis, in Aegypto fuisse constitutas, quod ibi sacerdotes omnium concessu in otio degerent: non negat ille adductos necessitate homines ad excogitandam, verbi gratia, terrae dimetiendae rationem, quae theorematurum deinde inuestigationi causam dederit: sed hoc confirmat, praecleara eiusmodi theorematum inuenta, quibus extructa Geometriae disciplina constat, ad vsus vitae necessarios ab illis non esse expetita. Itaque vetus ipsum Geometriae nomen ab illa terrae partiunde finiumque regundorum ratione postea recessit, & in certa quadam affectionum magnitudini per se inhaerentium scientia propria remansit. Quemadmodum igitur in mercium & contractuum gratiam, supputandi ratio quam secuta est accurata numerorum cognitio, à Phoenicibus initium duxit: ita etiam apud Aegyptios, ex ea, quam commemoravi, causa ortum habuit Geometria. Hanc certe, vt id obiter dicam,



Thales in Graciam ex Aegypto primùm transtulit? cui non pauca deinceps à Pythagora, Hippocrate Chio, Platone, Archyta Tarentino, aliisque compluribus, ad Euclidis tempora factæ sunt rerum magnarum accessiones. Cæterùm de Euclidis ætate id solùm addam, quod à Proclo memoria mandatum accepimus. Is enim commemoratis aliquot Platonis tum equalibus tum discipulis, subiicit, non multò ætate posteriorem illis fuisse Euclidem eum, qui Elementa conscripsit, & multa ab Eudoxo collecta, in ordinem luculentum composuit, multaque à Theateto inchoata perfecit, quæque mollius ab aliis demonstrata fuerant, ad firmissimas & certissimas apodexes reuocauit. Vixit autem, inquit ille, sub primo Ptolemæo. Et enim ferunt Euclidem à Ptolemæo quondam interrogatum, numqua esset via ad Geometriam magis compediaria, quàm sit ista  $\tau\omicron\iota\chi\epsilon\acute{\iota}\omega\varsigma$ , respondisse,  $\mu\grave{\eta}\epsilon\acute{\iota}\nu\alpha\iota\ \beta\alpha\sigma\iota\lambda\iota\kappa\acute{\iota}\omega\ \acute{\alpha}\ \sigma\alpha\pi\acute{\omicron}\nu\ \epsilon\pi\iota\ \gamma\epsilon\omega\mu\epsilon\tau\acute{\rho}\iota\alpha\iota$ . Deinde subiungit, Euclidẽ natu quidẽ esse minorẽ Platone, maiorem verò Eratosthene & Archimede (hi enim æquales erant) cùm Archimedes Euclidis mentionem faciat. Quòd si quis egregiã Euclidis laudẽ, quam cùm ex aliis scriptionibus accuratissimis, tum ex hac Geometrica  $\tau\omicron\iota\chi\epsilon\acute{\iota}\omega\varsigma$  consequutus est, in qua diuinus rerum ordo sapientissimis quibusque hominibus magna semper admira-

tioni fuit, is Proclū studiosè legat, quò rei veritatem illustriorē reddat grauiſſimi testis autoritas. Superest igitur vt finem videamus, quò Euclidis elemēta referri, & cuius causa in id studium incumbere oporteat. Et quidem si res quæ tractātur, consyderes : in tota hac tractatione nihil aliud queri dixeris, quàm vt κοσμητὰ quæ vocantur, σχήματα (fuit enim Euclides professione & instituto Platonicus) Cubus, Icosaëdrū, Octaëdrū, Pyramis, & Dodecaëdrum certa quadā suorum & inter se laterū, & ad sphaerae diametrū ratione eidē sphaerae inscripta cōprehēdātur. Huc enim pertinet Epigrāmation illud vetus, quod in Geometrica Michaëlis Pselli ζωόγραφιστῆρος scriptū legitur.

Σχήματα πέντε Πλάτωνος, ἀ Πυθαγόρας σοφὸς εὖρε,

Πυθαγόρας σοφὸς εὖρε, Πλάτων δ' ἀείδῃλ' ἐδί-  
δαξεν,

Εὐκλείδης ὅτι τοῖσι κλέος ᾤειχάλλες ἔτευξεν.

Quòd si discēntis institutionem spectes, illud certe fuerit propositum, vt huiusmodi elementorum cognitione informatus discēntis animus, ad quamlibet non modò Geometriae, sed & aliarum Mathematicae partiū tractationem idoneus paratúsque accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometra vendicare videtur, & tanquam in possessionem suam venerit, alios ex-



cludere posse: inde tamen permulta suo quodāmodo iure decerpit Arithmeticus, pleraque Musicus, non pauca detrahit Astrologus, Opticus, Logisticus, Mechanicus, itēque ceteri: nec ullus est denique artifex præclarus, qui in huius se possessionis societatem cupide non offerat, partēque sibi concedi postulet. Hinc  $\epsilon\omicron\iota\chi\epsilon\iota\omega\tau\iota\varsigma$  absolutum operi nomen, &  $\epsilon\omicron\iota\chi\lambda\omega\tau\iota\varsigma$  dictus Euclides. Sed quid longius prouehor? Nam quod ad hanc rem attinet, tam copiose & erudite scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem dixi, loco P. Mōtaureus, ut nihil desiderio loci reliquerit. Quæ verò ad dicendum nobis erant proposita, hæcenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi perfecisse videor. Nam tametsi & hæc eadem & alia pleraque multò fortè præclariora ab hominibus doctissimis, qui tum acumine ingenij, tum admirabili quodam lepore dicendi semper floruerūt, grauius, splendidius, vberius tractari posse scio: tamē experiri libuit, num quid etiā nobis diuino sit cōcessum munere, quod rudes in hac Philosophiæ parte discipulos adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit quòd ista recēs elementorum editio, in qua nihil non parū fuisset studij, aliquid à nobis efflagitare videbatur, quod eius cōmendationem adaugeret. Cū enim vir doctissimus Io. Magnienus Mathematicarū artium in hac Parrhi-

siorum Academia professor verè regius, nostrum  
 hunc typographum in excudendis Mathematico-  
 rum libris diligentissimū, ad hanc Elementorum  
 editionem sæpè & multum esset adhortatus, e-  
 iusque impulsu permulta sibi iam comparasset ty-  
 pographus ad hanc rem necessaria, citò interuenit,  
 malum, Ioannis Magnieni mors insperata, quæ  
 tam graue inflixit Academiae vulnus, cui ne post  
 multos quidem annorū circuitus cicatrix obduci  
 vlla posse videatur. Quamobrem amisso instituti  
 huius operis duce, typographus, qui nec sumptus  
 antea factos sibi perire, nec studiosos, quibus id  
 muneris erat pollicitus, sua spe cadere vellet, ad  
 me venit, & impēsē rogauit vt meam propositæ  
 editioni operā & studiū nauarem. quod cum de-  
 negaret occupatio nostra, iuberet officij ratio: fe-  
 ci equidem rogatus, vt quæ subobscurè vel parū  
 cōmodè in sermonem Latinū è Græco trēsata vi-  
 debātur, clariore, aptiore, & fideliore interpreta-  
 tione nostra (quod cuiusque pace dictū volo) lu-  
 cem acciperent. Id quod in omnibus ferè libris po-  
 sterioribus tute primò obtutu perspicias. Nam  
 in sex prioribus non tantum temporis quantū in  
 cæteris ponere nobis licuit: decimi autem interpre-  
 tatio, qua melior nulla potuit adferri, P. Montau-  
 reo solida debetur. Atque vt ad perspicuitatē fa-  
 cilitatēque nihil tibi deesse queraris, adscriptæ



sunt propositionibus singulis vel lineares figurae, vel punctorum tanquam vnitatum notulae, quae Theonis apodixin illustrēt: illae quidem magnitudinum, haec autem numerorum indices, subscriptis etiam ciphrarum, ut vocāt, characteribus, qui propositum quemuis numerum exprimant: ob eamque causam eiusmodi vnitatum notulae, quae pro numeri amplitudine maius paginae spatium occuparent pauciores saepius depictae sunt, aut in lineas etiam commutatae. Nam literarū, ut a, b, c, characteres non modò numeris & numerorum partibus nominandis sunt accommodati, sed etiā generales esse numerorum ut magnitudinum affectiones testantur. Adiecta sunt in super quibusdam locis non pœnitenda Theonis scholia, siue maius lemmata, quae quidem longè plura accessissent, si plus otij & temporis vacui nobis fuisset relictum, quod huic studio impartiremus. Hanc igitur operam boni consule, & quae obuia erunt impressionis vitia, candidus emenda. Vale.

Lutetiae ꝑ Idus April. 1557.



# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ  
ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-  
IVM PRIMVM.

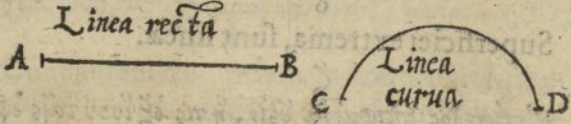
ΟΡΟΙ.

**Σ**ΗΜΕΙΟΝ <sup>α</sup> ἄπειρος ἔστι, ἕ μέρους ἔχει.  
DEFINITIONES.

<sup>1</sup>  
Punctum est, cuius pars Punctum  
nulla est.

<sup>β</sup>  
Γραμμὴ δὲ, μήκος ἀπλατές.

<sup>2</sup>  
Linea verò, longitudo latitudinis expers.





<sup>γ</sup>  
Γραμμῆς δὲ πέρατα, σημεῖα.

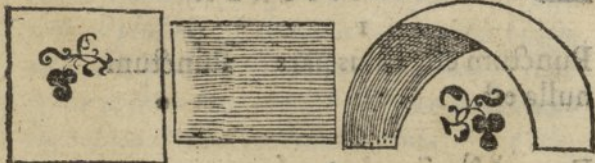
<sup>δ</sup>  
Lineæ autem termini, sunt puncta.

<sup>δ</sup>  
Εὐθεία γραμμὴ ἔστιν, ἥ τις ἐξ ἴσου τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς  
σημείοις κεῖται.

<sup>ε</sup>  
Recta linea est, quæ ex æquo sua interioret  
puncta.

<sup>ε</sup>  
Ε'πιφανεία δὲ ἔστιν, ὃ μῆκος καὶ πλάτος μόνον ἔχει.

<sup>ς</sup>  
Superficies est, quæ longitudinem latitudi-  
nemque tantum habet.



<sup>ς</sup>  
Ε'πιφανείας δὲ πέρατα, γραμμῆς.

<sup>ζ</sup>  
Superficiæ extrema, sunt lineæ.

<sup>ζ</sup>  
Ε'πίπεδος ἑπιφανεία ἔστιν, ἥ τις ἐξ ἴσου ταῖς ἐφ'  
ἑαυτῆς εὐθείαις κεῖται.

7

Planá superficies est, quæ ex æquo suas in-  
teriacet lineas.

Επίπεδος δὲ γωνία ἐστίν, ἢ ἐν ἐπιπέδῳ, δύο γραμ-  
μαὶ ἀπομύων ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κειμέ-  
νων, πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν κλίσις.



8

Planus angu-  
lus est, duarū  
linearū in pla-  
no se mutuò  
tāgētium, &  
non in directum iacentium, alterius ad alte-  
ram inclinatio.

Ὅταν δὲ αἱ ἀείχουσαι πλὴν γωνίαν γραμμαὶ, εὐ-  
θεῖαι ᾧσιν, εὐθύγραμμος καλεῖται ἡ γωνία.

9

Cùm autem quæ angulum continent lineæ,  
rectæ fuerint, rectilineus ille angulus ap-  
pellatur.

C ij



Όταν δὲ εὐθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα, τὰς ἐφεξῆς  
γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῆι, ὀρθὴ ἔστιν ἐκατέρωθεν  
ἴσων γωνιῶν: καὶ ἡ ἐφεστηκυῖα εὐθεῖα κάθετος κα-  
λεῖται ἐφ' αὐτὴν ἐφεστηκεν.

10

Cum verò recta linea super rectam confi-  
stens lineam, eos qui sunt deinceps angu-  
los æquales inter se fecerit: rectus est vter-  
que æqualium angulorum: & quæ insistit  
recta linea, perpendicularis vocatur eius cui  
insistit.



1α

Κμβλεῖα γωνία ἔστιν, ἢ μείζων ὀρθῆς.

11

Obtusus angulus est, qui recto maior est.

1β

Ὄξεία δὲ ἢ ἐλάσσων ὀρθῆς.

12

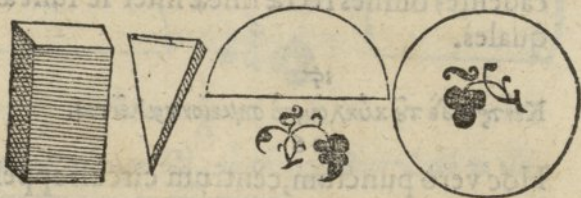
Acutus verò, qui minor est recto.

1γ

Ὄρος ἔστιν, ὃ ἰνός ἐστι πέρους.

13

Terminus est, quod alicuius extremum est.



13

Σχήμα ἔστι, τὸ ὑπὸ πινος, ἢ πινῶν ὄρων περιεχόμενον.

14

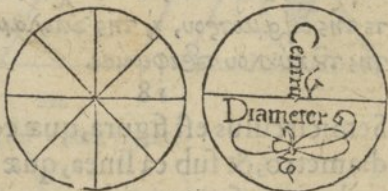
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus terminis comprehenditur.

16

Κύκλος ἔστι σχῆμα ἐπίπεδον, ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον, ἢ καλεῖται περιφέρεια, πρὸς ἧν ἀφ' ἐνὸς σημείου τῆς ἐν τῷ σχήματι κειμένων, πᾶσαι αἱ περιπίπτουσαι εὐθεῖαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

15

Circulus, est figura plana sub vna linea comprehensa, quæ pe-



C. iij



ripheria appellatur: ad quam ab vno puncto eorum, quæ intra figuram sunt positæ, cadentes omnes rectæ lineæ inter se sunt æquales.

15

Κέντρον δὲ τῷ κύκλου, τὸ σημεῖον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli appellatur.

15

Διάμετρος δὲ ὁ κύκλος ἔστιν, εὐθεῖά τις ἀπὸ τῶν κέντρων ἠγμένη, καὶ περὶ τοῦ κέντρου ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς τῷ κύκλω περιφέρειας, ἥτις καὶ διχοτομῆς τὸν κύκλον.

17

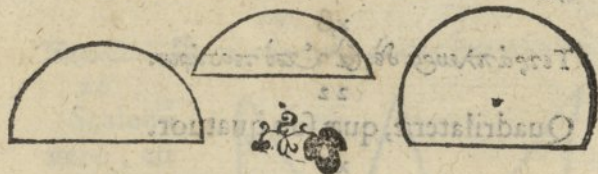
Diameter autem circuli est, recta quædam linea per centrum ducta, & ex vtraque parte in circuli peripheriam terminata, quæ circum biferiam secat.

17

Ἡ μὲν κύκλιον δὲ ἔστι, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τῆς διαμέτρου, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἀπὸ τῆς τῷ κύκλω περιφέρειας.

18

Semicirculus est figura, quæ continetur sub diametro, & sub ea linea, quæ de circuli peripheria aufertur.



18  
 Τμήμα κύκλου ἔστι, τὸ ἀεὶ μετὰ τὸν κέντρον ὑπὸ τε εὐ-  
 θείας, καὶ κύκλου ἀεὶ περιφέρειας.

19  
 Segmentum circuli est, figura, quæ sub recta  
 linea, & circuli peripheria continentur.

κ  
 Εὐθύγραμμα σχήματά ἔστι, τὰ ὑπὸ εὐθειῶν  
 περιεχόμενα.

20  
 Rectilinearæ figuræ sunt, quæ sub rectis li-  
 neis continentur.



κα  
 Τεῖς πλευραὶ μὲν, τὰ ὑπὸ τριῶν.

21  
 Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

C. iij

Τετράπλευρα δὲ, <sup>κβ</sup> ἅ ἐκ τῶν τεσσάρων.

22

Quadrilateræ, quæ sub quatuor.

Πολύπλευρα δὲ, <sup>κγ</sup> ἅ ἐκ πλείονων ἢ τεσσάρων  
εὐθειῶν περιέχονται.

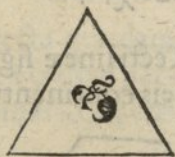
23

Multilateræ verò, quæ sub pluribus quàm  
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

Τῶν δὲ τριπλεύρων σχημάτων, ἰσόπλευρον μὲν τρί-  
γωνόν ἐστι, τὸ τρεῖς ἴσας ἔχον πλευράς.

24

Trilaterarum porrò figu-  
rarum, æquilaterū est trian-  
gulum, quod tria latera ha-  
bet æqualia.



κε

Ἰσοσκελὲς δὲ, τὸ τὰς δύο μόνας ἴσας ἔχον πλευράς.

25

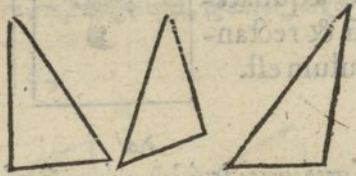
Isofceles  
autem, est  
quod duo  
tantum æ-  
qualia ha-  
bet latera.





25  
Σκαλιῶν δὲ, τὸ τὰς τρεῖς ἀϊσας ἔχον πλευράς.

26  
Scalenū  
verò, est  
quod tria  
inæqualia  
habet la-  
tera.



27  
Εἴπερ τε, τῶν τριπλεύρων σχημάτων, ὀρθογώνιον μὲν  
τρίγωνόν ἐστι, τὸ ἔχον ὀρθὴν γωνίαν.

28  
Ad hæc etiam, trilaterarū figurarū, rectāgu-  
lum quidē triangulū est, quod rectū angu-  
lum habet.

κ η  
Ἀμβλυγώνιον δὲ, ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν.

29  
Amblygonium autem, quod obtusum an-  
gulum habet.

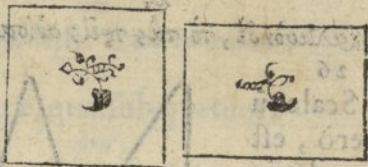
κ θ  
Ὄξυγώνιον δὲ, τὸ τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

30  
Oxygonium verò, quod tres habet acutos  
angulos.

λ  
Τῶν δὲ τετραπλεύρων σχημάτων, τετράγωνον μὲν  
ἐστίν, ἰσόπλευρόν τε ἐστὶ, καὶ ὀρθογώνιον.

30  
Quadrilaterarum autem figurarum, qua-

dratum quide est, quod & æquilaterū & rectangulum est.



λα

Εἰτερόμυχες δὲ, ὃ ὀρθογώνιον μὲν, ὅτ' ἰσόπλευρον δὲ.

31

Altera parte longior figura est, quæ rectangula quidem, at æquilatera non est.

λβ

Ῥόμβος δὲ, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, ὅτ' ὀρθογώνιον δὲ.

32

Rhombus autē, quæ æquilatera, sed rectangula non est.



λγ

Ῥομβοειδὲς δὲ, τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε καὶ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχον, ὃ ἔτε ἰσόπλευρόν ὄσιν, οὔτε ὀρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quæ aduersa & latera & angulos habens inter se æqualia, ne-

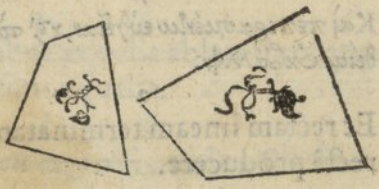
que æquilatera est, neque rectangula.

λδ

Τὰ δὲ τῶν ταῦτα, τετράπλευρα, τραπέζια καλεῖσθαι.

34

Præter has autem, reliquæ quadrilateræ figuræ, trapezia appellantur.

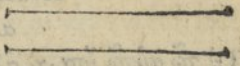


λε

Παράλληλοι εἰσιν εὐθεῖαι, αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ ὀπιπέδῳ οὔσαι, καὶ ἐμβαλλόμεναι ἐπ' ἀπέρρον, ἐφ' ἑκάτερα τῶν μέρη, ὅτι μὴδέτερά συμπίπτουσιν ἀλλήλαις.

35

Parallelae rectæ lineæ sunt, quæ cùm in eodẽ sint plano, & ex vtraque parte in infinitum producãtur, in neutram sibi mutuò incidunt.



Αἰτήματα.

α

Ἡ τήσθαι, ἀπὸ παντὸς σημείου ὅτι πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.





2

Et si æqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt æqualia.

γ

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῆ, τὰ χαλεμώτερον ἔστι ἴσα.

3

Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ relinquuntur sunt æqualia.

δ

Καὶ ἐὰν ἀνίσοις ἴσα ἀφαιρεθῆ, τὰ ὅλα ἔστιν ἀίσα.

4

Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt inæqualia.

ε

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἀνίσων ἴσα ἀφαιρεθῆ, τὰ λοιπὰ ἔστιν ἀίσα.

5

Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, reliqua sunt inæqualia.

Καὶ τὰ αὐτοῦ διπλάσια, ἴσα ἀλλήλοις ἔστι.

Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt æqualia.

Καὶ τὰ αὐτῶν ἡμίση, ἴσα ἀλλήλοις ἔστι.

7

Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

7

Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἀλλήλα, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

8

Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

8

Καὶ τὸ ὅλον τῶ μέρους μεῖζόν ὄντι.

9

Totum est sua parte maius.

9

Καὶ πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

10

Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

10

Καὶ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα, τὰς ἐντὸς καὶ ἔπι τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας πρὸς, ὀρθαλόμνηαι αἱ δύο αὐτῶν εὐθείαι ἐπ' ἀπέφρον, συμπεσιῶνται ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

11

Et si in duas rectas lineas altera recta incidens, inter nos ad eandemque partes angu-



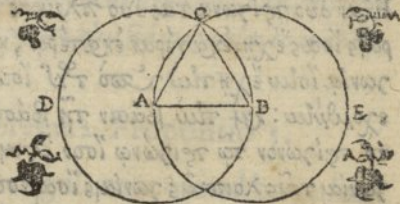
los duobus rectis minores faciat, duæ illæ rectæ lineæ in infinitû productæ sibi mutuò incident ad eas partes, vbi sunt anguli duobus rectis minores.

$\beta$   
Καὶ δύο εὐθεῖαι, χωρίον ἔχει χροῦσιν.  
Dua rectæ lineæ spatium non comprehendunt.

$\alpha$   
Εἰ πὶ τῆς δοθείσης εὐθείας, πεπερασμένης, πρὶν ἄλλο ἰσόπλευρον συστήσασθαι.  
Propositiō.

Problema 1. Propositio 1.

Super data recta linea terminata, triángulum æquilaterû cōstituire.

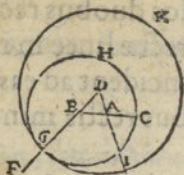


$\beta$   
Πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴσῳ εὐθεῖαν γέσθαι.

Problema 2. Propositio 2.

Ad datum punctum, data rectæ li-

neæ æqualem rectam li-  
neam ponere.

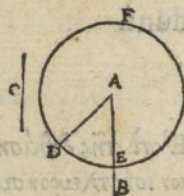


γ

Δύο δοθέντων εὐθεῶν ἀρίστων  
ὑπὸ τῆς μείζονος τῆ ἐλάσσονι ἴσῳ εὐθεῖαν ἀφε-  
φελῆν.

Problema 3. Pro-  
positio 3.

Duabus datis rectis lineis  
inæqualibus, de maiore æ-  
qualem minori rectam li-  
neam detrahere.



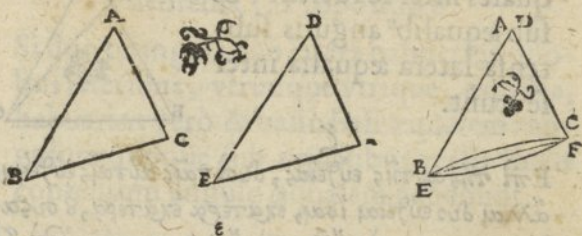
δ

Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τῶν δυοῖν πλευ-  
ρῶν ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραι ἑκατέρα, καὶ τὴν γωνίαν τῆ  
γωνία ἴσῳ ἔχῃ τὴν ὑπὸ τῆς ἴσων εὐθεῶν ἀφε-  
εχρημένην: καὶ τὴν βάσιν τῆ βάσιν ἴσῳ ἔξῃ, καὶ  
τὸ τρίγωνον τῶ τριγώνῳ ἴσον ἔσται, καὶ αἱ λοιπῶν  
γωνία τῶν λοιπῶν γωνίας ἴσῳ ἔσονται, ἑκατέρα  
ἑκατέρα, ὅφ' ἂν αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑπετείνουσι.

Theorema primum. Propositio 4.

Si duo triangula duo latera duobus lateri-  
bus æqualia habeant, vtrunque vtrique,  
habeant verò & angulum angulo æqua-  
lem

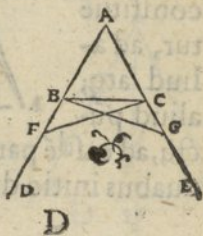
lem sub æqualibus rectis lineis contentum:  
& basin basi æqualem habebunt, eritque  
triangulum triangulo æquale, ac reliqui an-  
guli reliquis angulis æquales erunt, vterque  
vtrique, sub quibus æqualia latera subten-  
duntur.



Ἐῶν ἰσοσκελῶν τριγῶνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ. Καὶ πρὸς σκελευθειῶν τῶν ἴσων εὐθειῶν, αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 2. Propositio 5.

Isofcelium triangulorum qui ad basin sunt  
anguli, inter se sunt æ-  
quales: & si vterius pro-  
ductæ sint æquales illæ  
rectæ lineæ, qui sub basi  
sunt anguli, inter se æqua-  
les erunt.

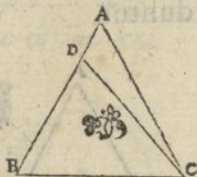




<sup>ε</sup>  
 Εἰ ἀν τριγώνῳ αἱ δύο γωνίαι ἴσαι ἀλλήλας ᾗσι, καὶ  
 αἱ ὑπὸ ταῖς ἴσαις γωνίαις ὑπολείνουσαι πλευραὶ,  
 ἴσαι ἀλλήλας ἔσονται.

## Theorema 3. Propositio 6.

Si trianguli duo anguli æ-  
 quales inter se fuerint : &  
 sub æqualib<sup>9</sup> angulis sub-  
 tenfa latera æqualia inter  
 se erunt.



<sup>ζ</sup>  
 Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας, δυσὶ ταῖς αὐταῖς εὐθείαις  
 ἄλλα δύο εὐθεῖαι ἴσαι, ἐκατέρω ἐκατέρω, ὁμοτα-  
 γήσονται, πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείω, ὅτι τὰ  
 αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρα τὰ ἔχουσαι, ταῖς ἑξαρ-  
 χῆς εὐθείαις.

## Theorema 4. Propositio 7.

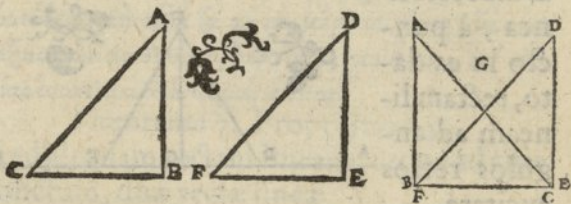
Super eadem recta linea, duabus eisdem re-  
 ctis lineis aliæ duæ rectæ lineæ æquales, v-  
 traque v-  
 triq;, non  
 constitue-  
 tur, ad a-  
 liud atq;  
 aliud pū-  
 ctū, ad easdē partes, eisdēmq; terminos cū  
 duabus initio ductis rectis lineis habentes.



Εάν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυὶ πλευρὰς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, ἔχῃ δὲ καὶ βάσιν τῇ βάσει ἴσῳ: καὶ πῶν γωνίαι τῇ γωνία ἴσῳ ἔξει πῶν ὑπὸ τῆς ἴσων εὐθειῶν περιεχομένων.

## Theorema 5. Propositio 8.

Si duo triangula duo latera habuerint duobus lateribus, vtrunque vtrique, æqualia, habuerint verò & basim basi æqualem: angulum quoque sub æqualibus rectis lineis contentum angulo æqualem habebunt.



θ

Τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμμον δίχα τεμεῖν.

## Problema 4. Propositio 9.

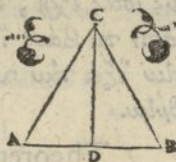
Datum angulum rectilineum bifariam secare:



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην, δίχα τε-  
μεῖν.

Problema 5. Pro-  
positio 10.

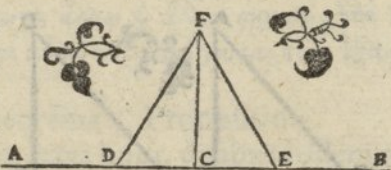
Datam rectam lineam fini-  
tam bifariam secare.



Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ, ἀπὸ τῆς πρὸς αὐτῇ δοθέντος  
σημείου, πρὸς ὀρθὰς γωνίας εὐθεῖαν γραμμὴν ἀ-  
γαγεῖν.

Problema 6. Propositio 11.

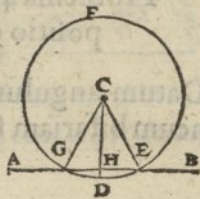
Data recta li-  
nea, à pun-  
cto in ea da-  
to, rectam li-  
neam ad an-  
gulos rectos  
excitare.



Ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀπὸ τῆς δοθέν-  
τος σημείου, ὃ μὴ ὄσιν ἐπ' αὐτῆς, κείσθαι εὐθεῖαν  
γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro-  
positio 12.

Super datam rectam lineam  
infinitam, à dato puncto



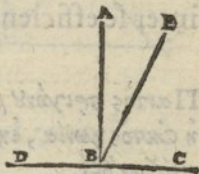


quod in ea non est, perpēdicularem rectam deducere.

<sup>17</sup>  
 Ως αὐ εὐθεία ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα, γωνίας ποιῆ, ἧτοι  
 δύο ὀρθὰς, ἢ δυὸν ὀρθὰς ἴσας ποιήσῃ.

Theorema 6. Propositio 13.

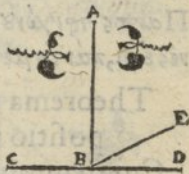
Cū recta linea super re-  
 ctam consistēs lineam, an-  
 gulos facit, aut duos re-  
 ctos, aut duobus rectis æ-  
 quales efficiet.



<sup>1δ</sup>  
 Ε' αὐ πρὸς πνι εὐθεία, καὶ τῶ πρὸς αὐτῇ σημείω  
 δύο εὐθείαι μὴ πρὸς τὰ αὐτὰ μέρη κείνηται, τὰς ἐ-  
 φεξῆς γωνίας δυὸν ὀρθὰς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐ-  
 θείας ἔσονται ἀλλήλας αἱ εὐθείαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad eius  
 punctum, duæ rectæ lineæ  
 non ad easdem partes du-  
 ctæ, eos qui sunt deinceps  
 angulos duobus rectis æ-  
 quales fecerint, in directū  
 erunt inter se ipsæ rectæ  
 lineæ.

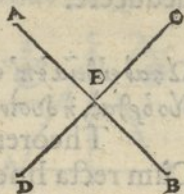


<sup>1ε</sup>  
 Ε' αὐ δύο εὐθείαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κτ' κα-  
 D iij

φυγλιῶ γωνίας, ἴσας ἀλλήλας ποιήσουσι.

Theorema 8. Pro-  
positio 15.

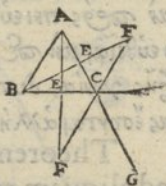
Si duæ rectæ lineæ se mu-  
tuò secuerint, angulos qui  
ad verticem sunt, æquales  
inter se efficient.



<sup>15</sup>  
Παντὸς περιγώνου μιᾶς τῆς πλευρᾶν ἐκβληθείσης,  
ἢ ἐκτὸς γωνία, ἐκατέρως τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον,  
μείζων ἐστί.

Theorema 9. Pro-  
positio 16.

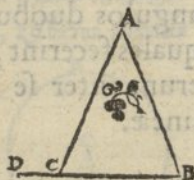
Cuiuscunque trianguli v-  
no latere producto, exter-  
nus angulus vtroq; inter-  
no & opposito maior est.



<sup>16</sup>  
Παντὸς περιγώνου αἱ δύο γωνίαι, δύο ὀρθῶν ἐλάσσο-  
νές εἰσι, πάντη μεταλαμβάνοντα.

Theorema 10. Pro-  
positio 17.

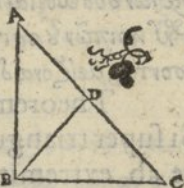
Cuiuscunque trianguli  
duo anguli duobus rectis  
sunt minores, omnifariā  
sumpti.



<sup>17</sup>  
 Παντὸς τριγώνου ἢ μείζων πλευρὰ πῶ μείζονα  
 γωνίαν ὑπολείνει.

Theorema 11. Pro-  
 positio 18.

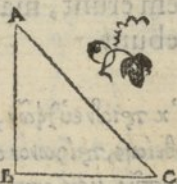
Omnis trianguli maius la-  
 tus maiorē angulum sub-  
 tendit.



<sup>18</sup>  
 Παντὸς τριγώνου ὑπὸ πῶ μείζονα γωνίαν ἢ μεί-  
 ζων πλευρὰ ὑπολείνει.

Theorema 12. Pro-  
 positio 19.

Omnis triaguli maior an-  
 gulus maiori lateri subte-  
 ditur.



<sup>19</sup>  
 Παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ, τῆς λοιπῆς μεί-  
 ζονές εἰσι, πάντη μεταλαμβάνονται.

Theorema 13. Pro-  
 positio 20.

Omnis trianguli duo la-  
 tera reliquo sunt maiora,  
 quomodocunque assum-  
 pta.



D iij

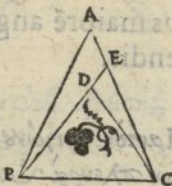


κα

Εἰ ἀνὰ τριγώνου ἑπὶ μιᾶς τῆς πλευρῶν ἀπὸ τῆς πέρατος δύο εὐθείαι ἐπιπέδως συσταθῶσιν, αἱ συσταθείσαι, τῆς λοιπῆς τριγώνου δύο πλευρῶν ἐλάττωες μὴ ἔσονται, μείζονα δὲ γωνίαν περιέξουσιν.

## Theorema 14. Propositio 21.

Si super trianguli uno latere ab extremitatibus duæ rectæ lineæ interiori constitutæ fuerint, hæ constitutæ reliquis trianguli duobus lateribus minores quidem erunt, maiorem verò angulum continebunt.

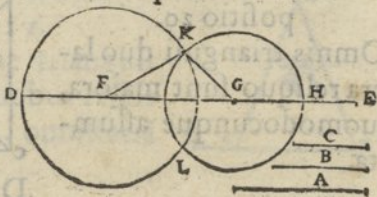


κβ

Εἰ κ' τριῶν εὐθεῶν, αἱ εἰσὶν ἴσαι τρισὶ ταῖς δοθείσαις εὐθείαις, τρίγωνον συστήσασα. Δεῖ δὴ τὰς δύο τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντη μεταλαμβάνομενας, ἀλλὰ τὸ καὶ παντὸς τριγώνου τὰς δύο πλευρὰς, τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντη μεταλαμβάνομενας.

## Problema 8. Propositio 22.

Ex tribus rectis lineis, quæ sunt tribus datis rectis lineis æquales,



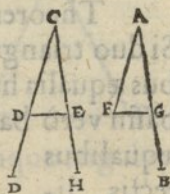
triangulum constituere. Oportet autem duas reliqua esse maiores, omnifariam sumptas: quoniam vniuscuiusque trianguli duo latera omnifariã sumpta, reliquo sunt maiora.

κ γ

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμω ἴσῳ γωνίαν εὐθυγράμμῳ συστήσασθαι.

Problema 9. Propositio 23.

Ad datam rectam lineam datumque in ea punctum, dato angulo rectilineo equalem angulum rectilineum constituere.

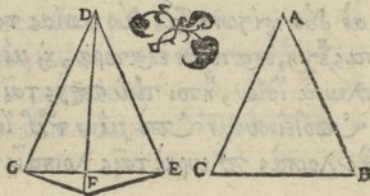


κ δ

Εἰ ἀν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τῶν δυοῖν πλευρῶν ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, τὴν δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχῃ, τὴν ὑπὸ τῆς ἴσων εὐθεῶν περιεχομένην, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo triāgula duo latera duobus lateribus æqua-



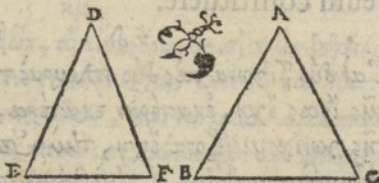
lia habuerint, vtrunque vtrique, angulum verò angulo maiorem sub æqualibus rectis lineis contentum : & basin basi maiorem habebunt.

κε

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευράς τᾶς δυσὶ πλευρᾶς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν, τὴν βάσιν δὲ τῆς βάσεως μείζονα ἔχῃ : καὶ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔξῃ, τὴν ὑπὸ τῆς ἴσων εὐθειῶν ἀπέχεσθαι.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habuerint, vtrunque vtrique, basin verò basi maiorem : & angulum sub æqualibus rectis lineis contentū angulo maiorem habebunt.



κε

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας τᾶς δυσὶ γωνίαις ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν, καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ ἴσῃ, ἢτοι τὴν ὑπὸ τῆς ἴσας γωνίας, ἢ ὑπολείνουσαν ὑπὸ μίαν τῆς ἴσων γωνιῶν : καὶ τὰς λοιπὰς πλευράς τᾶς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσας

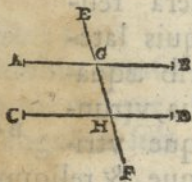




κη

Εἴ τις εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐπιπίπτουσα, τὴν ἐκτὸς γωνίαν τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη ἴσῳ ποιῆ, ἢ τὰς ἐντὸς καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῆ, ὡς ἑλλήλοι ἐσονται ἀλλήλων αἱ εὐθεῖαι.

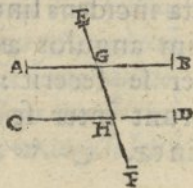
Theorema 19. Propositio 28.  
Si in duas rectas lineas recta incidens linea, externum angulum interno, & opposito, & ad easdem partes æqualem fecerit, aut internos & ad easdem partes duobus rectis æquales: parallela erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.



κθ

Ἡ εἰς τὰς ἑλλήλους εὐθείας εὐθεῖα ἐπιπίπτουσα, τὰς τε ἐναλλάξ γωνίας ἴσας ἀλλήλων ποιεῖ, καὶ τὴν ἐκτὸς τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη ἴσῳ, καὶ τὰς ἐντὸς καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας.

Theorema 20. Propositio 29.  
In parallelas rectas lineas recta incidens linea, & alternatim angulos inter se æquales efficit, & externum interno, & oppo-



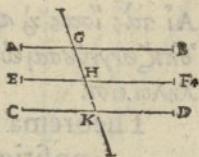
fito, & ad easdem partes æqualem, & inter-  
nos & ad easdem partes duobus rectis æ-  
quales facit.

λ

Αἰτῆ αὐτῆ εὐθεία ὁμοίηλοι, καὶ ἀλλήλων εἰσὶ  
ὁμοίηλοι.

Theorema 21. Pro-  
positio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ  
parallelae, & inter se sunt  
parallelae.

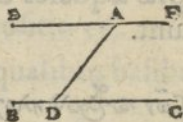


λα

Ἀπὸ τῶν δοθέντων σημείων, τῆς δοθείσης εὐθείας ὁμοίη-  
λον εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 10. Pro-  
positio 31.

A dato puncto, datæ rectæ  
lineæ parallelam rectam  
lineam ducere.



λβ

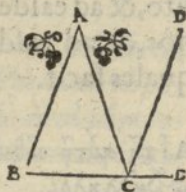
Παντὸς τριγώνου μιᾶς τῶν πλευρῶν ὑποσεκλι-  
θείσης, ἢ ἐκτὸς γωνία διὰ τῆς ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον  
ἴση ἐστὶ. Καὶ αἱ ἐντὸς τῶν τριγώνου τρεῖς γωνίαι δι-  
στὴν ὀρθαῖς ἴσας εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vltterius



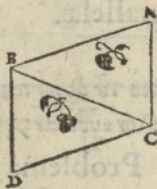
producto: externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis. Et trianguli tres interni anguli duobus sunt rectis æquales.



<sup>λγ</sup>  
Αἱ τὰς ἴσας καὶ ὁμοίους ἔπι τὰ αὐτὰ μέρη ἔπιζευγνύσασαι εὐθεῖαι, καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ ὁμοίαι εἰσι.

Theorema 23. Propositio 33.

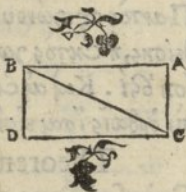
Rectæ lineæ quæ æquales & parallelas lineas ad partes easdem coniungunt, & ipsæ æquales & parallelæ sunt.



<sup>λδ</sup>  
Τῶν ὁμοιογώνων ἑσάρων αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλων εἰσὶ: καὶ ἡ διάμετρος αὐτὰ διχα τέμνει.

Theorema 24. Propositio 34.

Parallelogrammorú spatiorum æqualia sunt inter se quæ ex aduerso & latera & anguli: atque illa bi-



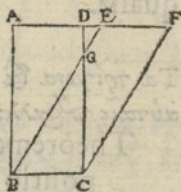
fariam fecat diameter.

λε

Τὰ ὁμοειδή παραλλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοειδέσιν, ἴσα ἀλλήλοις εἶσι.

Theorema 25. Propositio 35.

Parallelogramma super eadem basi & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

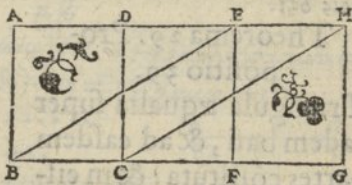


λς

Τὰ ὁμοειδή παραλλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοειδέσιν, ἴσα ἀλλήλοις εἶσι.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super æqualibus basibus, & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

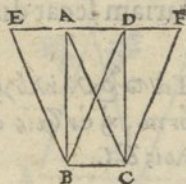


λζ

Τὰ τρίγωνα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοειδέσιν, ἴσα ἀλλήλοις εἶσι.

Theorema 27. Pro-  
positio 37.

Triangula super eadē ba-  
si constituta, & in eisdem  
parallelis, inter se sunt æ-  
qualia.

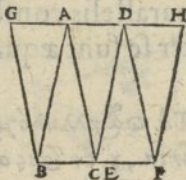


λη

Τὰ τρίγωνα τὰ ἑπὶ τῆς ἴσων βάσεων καὶ ἐν ταῖς  
αὐταῖς ὁμοτέλλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

Theorema 28. Pro-  
positio 38.

Triangula super æquali-  
bus basibus constituta &  
in eisdem parallelis, inter  
se sunt æqualia.

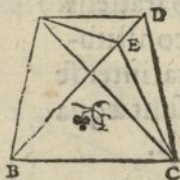


λθ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἑπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα,  
καὶ ἑπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοτέλλοις  
ἔσσι.

Theorema 29. Pro-  
positio 39.

Triangula æqualia super  
eadem basi, & ad easdem  
partes constituta: & in eif-  
dem sunt parallelis.



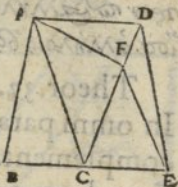
μ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἑπὶ τῆς ἴσων βάσεων ὄντα καὶ  
ἑπὶ



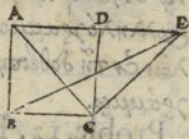
Ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοτέλειαις  
ἔστιν.

Theor. 30. Propo. 40.  
Triangula æqualia super  
æqualibus basibus & ad  
eandem partes constituta,  
& in eisdē sunt parallelis.



Ἐὰν ὁμοτέλειαις ἰσοπέδιλοις τριγώνων βάσιν τε ἔχον  
αὐτῶν, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοτέλειαις ἢ, δι-  
πλάσιον ἔσται τὸ ὁμοτέλειαις τῶν τριγώνων.

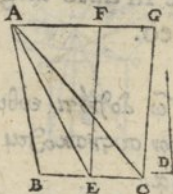
Theor. 31. Propo. 41.  
Si parallelogrammum cū  
triangulo eandē basin ha-  
buerit, in eisdēque fue-  
rit parallelis, duplum erit  
parallelogrammum ipsius  
trianguli.



Ἐὰν δοθέντι τριγώνῳ ἴσον ὁμοτέλειαις συ-  
γρησαῖται, ἐν τῇ δοθείσῃ ἑυθυγράμμῳ γωνία.

Problemā 11. Pro-  
positio 42.

Dato triángulo æquale pa-  
rallelogrammum consti-  
tuere in dato angulo recti-  
lineo.



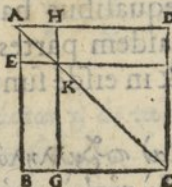
E

μγ

Παντός ὡς ἀλληλογράμμια, τῶν περὶ τὴν ἀξίαν  
 τριῶν ὡς ἀλληλογράμμια ἢ ὡς ἀπληρώματα,  
 ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 32. Propo. 43.

In omni parallelogramo,  
 complementa eorum quæ  
 circa diametrum sunt pa-  
 rallelogrammorum, inter  
 se sunt æqualia.



μδ

Παρά τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν  
 τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον πα-  
 ραλληλόγραμμον ὡς ἀβα-  
 λῆν ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυ-  
 γράμμῳ.



Proble. 12. Propo. 44.  
 Ad datam rectam lineam,  
 dato triangulo æquale pa-  
 rallelogrammum applica-  
 re in dato angulo rectili-  
 neo.



με

Τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσον ὡς ἀλληλόγραμ-  
 μον συστήσασθαι ἐν τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμμῳ γωνί-  
 ᾳ.

Proble. 13. Propo. 45.

Dato rectilineo equale parallelogrammum  
constituere in dato angulo rectilineo.



<sup>μ γ</sup>  
Από τῆς δοθείσης ἑξείας τετράγωνον ἀναγρά-  
ψαι.

Probl. 14. Propo. 46.

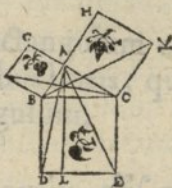
A data recta linea quadra-  
tum describere.



<sup>μ ζ</sup>  
Εν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις τὸ ἀπὸ τῆς πρὸς ὀρθλῆ  
γωνίᾳ ὑποτενέσης πλευρᾷ τετράγωνον, ἴσον ὅτι  
τοῖς ἀπὸ τῆς πρὸς ὀρθλῆ γωνίᾳ ὑπετενέσων πλευ-  
ρῶν τετράγωνοις.

Theor. 33. Propo. 47.

In rectangulis triangulis,  
quadratum quod à laterc  
rectum angulum subten-  
dente describitur, æqua-  
le est eis, quæ à lateribus



E ij

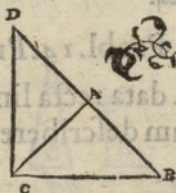


rectum angulum continentibus describuntur, quadratis.

Εὰν τριγώνου τὸ ὑπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετραγώνον ἴσον ἢ τοῖς ὑπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν τετραγώνοις, ἢ ὡς εἰρημιμένη γωνία ὑπὸ τῶν λοιπῶν ἔστω τριγώνου δύο πλευρῶν, ὀρθή ἐστίν.

Theor. 34. Propo. 48.

Si quadratum quod ab uno laterum trianguli describitur, æquale sit eis, quæ à reliquis triaguli lateribus describuntur, quadratis: angulus cōprehensus sub reliquis duobus triaguli lateribus, rectus est.



Finis Elementi primi.





# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ  
ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-  
IVM SECVNDVM.

Ο' ΡΟΙ.

α

**Π**ᾶν ὀρθογώνιον ἑξ ἑξὶ  
ῥαλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, ὡς ἑ-  
ρεῖται λέγεται ὑπὸ δύο τῶν πῶ ὀρθῶν  
γωνίαι ὡς ἑξ ἑξὶ εὐθειῶν.

## DEFINITIONES.

ι

Omne parallelogrammū rectangulum cō-  
tineri dicitur sub rectis duabus lineis, quæ  
rectum comprehendunt angulum.

β

Παντὸς δὲ ὀρθογώνιου ῥαλληλογράμμου ῥαίειου, τῶν πε-  
εὶ πῶ διάμετρον αὐτοῦ ἐν ὀρθογώνιῳ ῥαλληλογράμμου

E iij

ὁποιοῦν (ὡς τοῖς δυοῖν ἀπληρώμασι, γνώμων καλεῖται.

2

In omni parallelogrammo spatio, vnum quodlibet eorum quæ circa diametrum illius sunt parallelogrammorum, cū duobus cōplemētis, Gnommo vocetur.

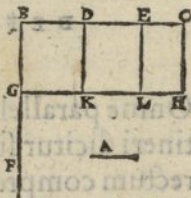


Πρότασις α.

Ἐὰν ᾧσι δύο εὐθεῖαι, τμηθῇ δὲ ἡ ἑτέρα αὐτῶν εἰς ὅσα διηποτοῦν τμήματα, τὸ περιεχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῆς δύο εὐθειῶν, ἴσον ἔσθι τοῖς ὑπὸ τῆς ἀτμήτης ἢ ἐκάστου τῶν τμημάτων περιεχόμενοις ὀρθογωνίοις.

Theor. I. Prop. I.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, seceturque ipsarum altera in quocunque segmenta: rectangulū comprehensum sub illis duabus rectis lineis, æquale est eis rectangulis, quæ sub infecta & quolibet segmentorum comprehenduntur.



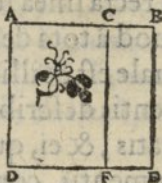
Ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχῃ, τὰ ὑπὸ τῆς



ὅλης ἢ ἑκατέρῃ τῶν τμημάτων ἀειχόμενα ὀρθογώνια, ἴσα ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ὅλης τετραγώνῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

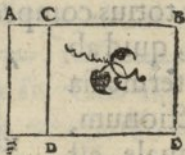
Si recta linea secta sit utcunque, rectāgula quę sub tota & quolibet segmentorum comprehendūtur, æqualia sunt ei, quod à tota fit, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ὡς ἔτυχε τμηθῆ, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης ἢ εἰς τῶν τμημάτων ἀειχόμενα ὀρθογώνια, ἴσον ἐστὶ τῷ τε ὑπὸ τῆς τμημάτων ἀειχόμενα ὀρθογώνιῳ, ἢ τῷ ἀπὸ τῆς ἀειχόμενης τμημάτων τετραγώνῳ.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea secta sit utcunque, rectangulum sub tota & uno segmentorum comprehensum, æquale est & illi, quod sub segmentis comprehenditur, rectangulo, & illi, quod à prædicto segmento describitur, quadrato.



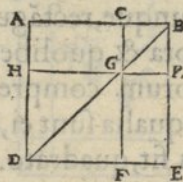
Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης τετραγώνον, ἴσον ἔσται τοῖς τε ἀπὸ τῶν τμη-

E iiiij

μάτων τετραγώνων, καὶ τῶ δὲ ὑπὸ τῆς τμημάτων  
περιεχομένου ὀρθογωνίου.

## Theor. 4. Propo. 4.

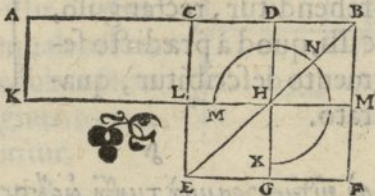
Si recta linea secata sit utcúque: quadratum,  
quod à tota describitur, æ-  
quale est & illis quæ à seg-  
mentis describuntur qua-  
dratis, & ei, quod bis sub  
segmentis comprehendi-  
tur, rectangulo.



Εάν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ εἰς ἴσα καὶ ἀίσια, τὸ ὑπὸ  
τῆς ἀίσιων τῆς ὅλης τμημάτων περιεχομένου ὀρ-  
θογωνίου, μετὰ τῷ ὑπὸ τῆς μεταξὺ τῆς τομῆς τε-  
τραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῆς ἡμισείας τετρα-  
γώνῳ.

## Theor. 5. Propo. 5.

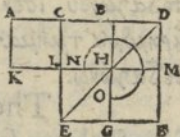
Si recta linea secetur in æqualia & nō æqua-  
lia: rectangulum sub inæqualibus segmen-  
tis totius comprehensum vnà cum quadra-  
to, quid ab  
intermedia  
sectionum,  
æquale est  
ei quod à di-  
midia de-  
scribitur, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ διχα, ὡς τεθῆ δέπιν  
 αὐτῇ εὐθείᾳ ἐπ' εὐθείας, ὀρθογώνιον τὸ ὑπὸ τῆς ὅ-  
 λης ὑπὸ τῆς ὡροσφιδύης, καὶ τῆς ὡροσφιδύης πε-  
 λερχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ δ' ὑπὸ τῆς ἡμισείας τε-  
 τραγώνου, ἴσον ἔσθι τῷ ὑπὸ τῆς συβιδύης ἐκ τε τῆς  
 ἡμισείας καὶ τῆς ὡροσφιδύης, ὡς ὑπὸ μιᾶς, ἀνα-  
 γραφέντι τετραγώνω.

## Theor. 6. Propo. 6.

Si recta linea bifariam fecetur, & illi recta  
 quædam linea in rectum adiciatur, rectan-  
 gulum comprehensum sub tota cum adie-  
 cta & adiecta, simul cum  
 quadrato à dimidia, æqua-  
 le est quadrato à linea, que  
 tum ex dimidia, tum ex  
 adiecta componitur, tan-  
 quam ab vna descripto.



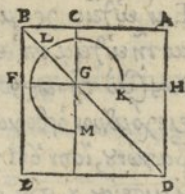
Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχε, τὸ ὑπὸ τῆς  
 ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' εἰδὸς τῆς τμημάτων, τὰ ὑπὸ τῶν  
 τετραγώνων ἴσα ἔσθι τῷ τε δις ὑπὸ τῆς ὅ-  
 λης καὶ τῷ εἰρημένου τμήματος ὡροσφιδύῳ ὀρ-  
 θογωνίῳ, καὶ τῷ ὑπὸ τῆς λοιποῦ τμήματος τετρα-  
 γώνω.

## Theor. 7. Propo. 7.

Si recta linea fecetur vtcunque : quod à



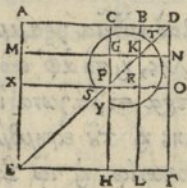
tota, quódq̄ue ab vno segmento, vtraque simul quadrata, æqualia sunt & illi, quod bis sub tota & dicto segmento comprehenditur, rectangulo, & illi, quod à reliquo segmento fit, quadrato.



Ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχῃ, τὸ τε βᾶκισ ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ εἰς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ὑπὸ τῷ λοιποῦ τμήματος τετραγώνου, ἴσον ὅτι τῷ τε ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τῷ εἰρημένῳ τμήματος, ὡς ὑπὸ μιᾶς ἀναγραφέντι τετραγώνῳ.

## Theor. 8. Propo. 8.

Si recta linea secetur vtcunque : rectangulum quater comprehensum sub tota & vno segmentorum, cum eo, quod à reliquo segmento fit, quadrato, æquale est ei, quod à tota & dicto segmento, tanquam ab vna linea describitur, quadrato.

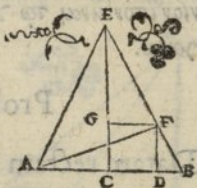


Ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ εἰς ἴσα καὶ αἴσια, τὸ

Ἐπὶ τῶν ἀρίστων τῆς ὅλης τμημάτων τετράγωνα,  
διπλασιά ἐστὶ τὸ τε ἑπὶ τῆς ἑμισείας, καὶ τὸ ἑπὶ  
τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν τετραγώνου.

Theor. 9. Propo. 9.

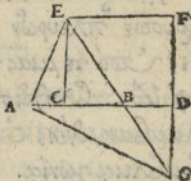
Si recta linea secetur in æqualia & non æ-  
qualia : quadrata quæ ab inæqualibus to-  
tius segmentis fiunt, du-  
plicia sunt & eius quod à  
dimidia, & eius quod ab  
intermedia sectionum fit,  
quadratorum.



Ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ διχα, ἡ ἑμιστεῖ δέ τις  
αὐτῆ εὐθεῖα ἐπὶ εὐθείας, τὸ ἑπὶ τῆς ὅλης (ὡς τῆ  
ἡμισείας) καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τε (ὡς ἡμι-  
φότερος) τετράγωνα, διπλασιά ἐστὶ τὸ τε ἀπὸ τῆς  
ἑμισείας, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἕκτε τῆς ἡμι-  
σειας καὶ τῆς ἡμισείας, ὡς ἑπὶ μιᾶς ἀναγρα-  
φέντος τετραγώνου.

Theor. 10. Propo. 10.

Si recta linea secetur bifariam, adiiciatur au-  
tem ei in rectum quæpiam  
recta linea : quod à tota cū  
adiuncta, & quod ab ad-  
iuncta, vtraque simul qua-  
drata, duplicia sunt & e-



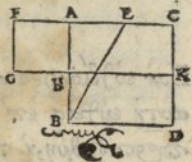
ius quod à dimidia, & eius quod à compo-  
sita ex dimidia & adiuncta, tāquam ab vna  
descriptum fit, quadratorum.

1α

Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τεμεῖν, ὥστε τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης  
καὶ τῆς ἑτέρου τῆς τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώ-  
νιον ἴσον εἶναι τῷ ὑπὸ τῆς λοιποῦ τμήματος τετρα-  
γώνῳ.

Probl. 1. Propo. 11.

Datam rectam lineam fe-  
care, vt comprehensum  
sub tota & altero segmen-  
torum rectangulum, æ-  
quale sit ei, quod à reli-  
quo segmento fit, qua-  
drato.



1β

Ἐν τοῖς ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ὑπὸ τῆς τὴν ἀμ-  
βλεῖαν γωνίαν ὑπολεινούσης πλευρᾶς τετραγώ-  
νον, μείζον ἔστι τῆς ὑπὸ τῆς τὴν ἀμβλεῖαν περιε-  
χουσῶν πλευρῶν, τετραγώνων, τῷ περιεχόμενῳ  
δὲς ὑπὸ τε μιᾶς τῆς περι τὴν ἀμβλεῖαν γωνίαν,  
ἐφ' ἧς ἐκβληθεῖσαι ἢ καθετος πίπτῃ, καὶ τῆς ὑπο-  
λαμβανομένης ἐκτὸς ὑπὸ τῆς καθετῆς πρὸς τῇ  
ἀμβλεῖα γωνία.



## Theor. 11. Propo. 12.

In amblygoniis triángulis, quadratum quod fit à latere angulum obtusum subtendente, maius est quadratis quæ fiunt à lateribus obtusum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum quæ sunt circa obtusum angulum, in quod, cùm protractum fuerit, cadit perpendicularis, & ab assumpta exteriori linea sub perpendiculari prope angulum obtusum.



17

Εν τοῖς ὀξυγωνίαις τριγώναις, τὸ ἀπὸ τῆς πλὴν ὀξείας γωνίας ὑπολεινούσης πλευρᾶς τετράγωνον, ἑλαττόν ἐστι τῆς ἀπὸ τῶν πλὴν ὀξείας γωνίας ἀειεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων, τῶ ἀειεχόμενῳ δὲ ὑπὸ τε μιᾶς τῶν ἀει πλὴν ὀξείας γωνίας, ἐφ' ἣν ἡ κάθετος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐντός ὑπὸ τῆς καθέτου πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

## Theorema 12. Propo. 13.

In oxygoniis triangulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ fiunt à lateribus acutum an-

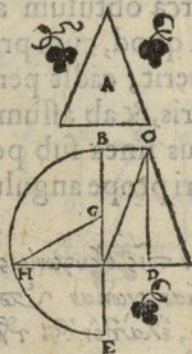
gulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum, quæ sunt circa acutum angulû, in quod perpendicularis cadit, & ab assumpta interius linea sub perpendiculari prope acutum angulum.



Ἰδ  
 Τῶ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσον  
 τετράγωνον συστήσασθαι.

Probl. 2. Propo. 14.

- Dato rectilineo æquale  
 quadratum constituere.



Elementi secundi finis.



# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM TERTIVM.

ΟΡΟΙ.

α

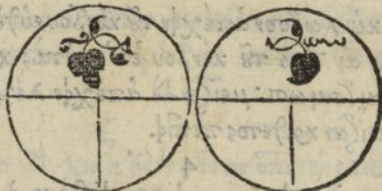
**Ι**ΣΟΙ κύκλοι εἰσιν, ὧν αἱ διαμέτροι εἰσιν ἴσαι: ἢ  
 ὧν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσιν.

DEFINITIONES.

I

Æquales circuli sunt, quorū diametri sunt

æquales,  
 vel quo-  
 rum que  
 ex cætris  
 rectæ li-  
 neæ sunt  
 æquales.





<sup>β</sup>  
 Εὐθεία κύκλου ἐφάπτεσθαι λέγεται, ἥτις ἀπὸ  
 μέρη τῶ κύκλῳ, καὶ ἐμβαλλομένη, ἔ τέμνῃ τὸν κύ-  
 κλον.

<sup>2</sup>  
 Recta linea circulum tan-  
 gere dicitur, quæ cūm cir-  
 culum tangat, si produca-  
 tur, circulum non secat.



<sup>γ</sup>  
 Κύκλοι ἐφάπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, οἵτινες ἀπὸ  
 μέρη ἀλλήλων, ἔ τέμνεσιν ἀλλήλους.

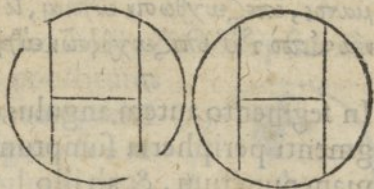
<sup>3</sup>  
 Circuli sese  
 mutuò tāge-  
 re dicuntur:  
 qui sese mu-  
 tuo tangētes,  
 sese mutuò non secant.



<sup>δ</sup>  
 Ἐν κύκλῳ ἴσον ἀπέχην τῷ κέντρῳ εὐθείαι λέγονται,  
 ὅταν αἱ ἀπὸ τῷ κέντρῳ ἐπ' αὐτὰς κείσθῃσι ἀγ-  
 μμαί ἴσαι ᾧσι: μείζον δὲ ἀπέχην λέγεται, ἐφ' ἧς  
 ἡ μείζων κείσθῃσι πλείη.

<sup>4</sup>  
 In circulo æqualiter distare à centro re-  
 ctæ lineæ dicuntur, cūm perpendicula-  
 res

res, quæ à  
centro in  
ipfas ducū-  
tur, sunt æ-  
quales. Ló-  
giūs autem



abesse illa dicitur, in quam maior perpendi-  
cularis cadit.

<sup>ε</sup>  
Τμήμα κύκλου, ὅστις τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ  
τε ὠθείας καὶ κύκλου περιφέρειας.

<sup>δ</sup>  
Segmentum circuli, est fi-  
gura quæ sub recta linea  
& circuli peripheria com-  
prehenditur.



<sup>ε</sup>  
Τμήματος δὲ γωνία ἔστιν, ἢ περιεχόμενη ὑπὸ τε  
ὠθείας καὶ κύκλου περιφέρειας.

<sup>δ</sup>  
Segmenti autem angulus est, qui sub recta  
linea & circuli peripheria comprehendi-  
tur.

<sup>ζ</sup>  
Ἐν τμήματι δὲ γωνία ἔστιν, ὅταν ἴσθι τῆς περιφε-  
ρείας τῶ τμήματος ληφθῆ π σημεῖον, καὶ ἀπ' αὐτῶ  
ἴσθι τὰ πέρατα τῆς ὠθείας, ἢ ἔσθι βάσις τῶ τμή-  
ματος.

F

ματος, ἐπιζευχθῶσιν εὐθείαι, ἢ περιεχόμενη γωνία ὑπὸ τῆς ἐπιζευχθῶσων εὐθεῶν.

7

In segmento autem angulus est, cū in segmento peripheria sumptum fuerit quodpiam punctum, & ab illo in terminos rectæ eius lineæ, quæ segmenti basis est, adiunctæ fuerint rectæ lineæ: is, inquam, angulus ab adiunctis illis lineis comprehensus.



η

Ὅταν δὲ αἱ περιέχουσαι τινὲ γωνίαν εὐθείαι ἀπολαμβάνωσιν τινα περιφέρειαν, ἐπ' αὐτῆς λέγεται βεβηκέναι ἢ γωνία.

8

Cū verò comprehendentes angulum rectæ lineæ aliquā assumunt peripheriam, illi angulus insistere dicitur.



θ

Τομεις δὲ κύκλου εἶναι, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐτοῦ ἢ κύκλος αὐτῆς ἢ γωνία, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῆς τινὲ γωνίαν περιεχουσῶν εὐθεῶν, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν περιφέρειας.



9

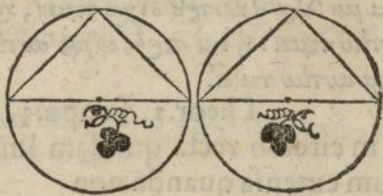
Sector autem circuli est, cùm ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, comprehensa nimirum figura & à rectis lineis angulum continentibus, & à peripheria ab illis assumpta.



Ὅμοια τμήματα κύκλου ἔσσι, τὰ δεχόμενα γωνίας ἴσας: ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαὶ ἴσαι ἀλλήλων εἰσὶ.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiunt æquales: aut in quibus anguli inter se sunt æquales.



Προτάσις.

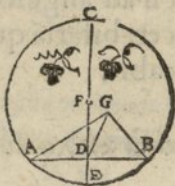
α

Τὸ δοθέντος κύκλου τὸ κέντρον εὐρεῖν.

Probl. i. Propo. i.

Dati circuli centrum reperire.

F ij

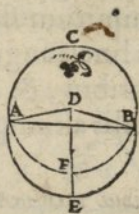


β

Εὰν κύκλῳ ἔπι τῆς περιφερείας ληφθῆ δύο τυχόντα σημεῖα, ἢ ἔπι αὐτὰ σημεῖα ἔπιζευγνυμένη εὐθεῖα, ἐντὸς πεσεῖται τῷ κύκλῳ.

Theor. 1. Propo. 2.

Si in circuli peripheria duo quælibet puncta accepta fuerint, recta linea quæ ad ipsa puncta adiungitur, intra circulum cadet.



γ

Εὰν ἐν κύκλῳ εὐθεῖά τις διὰ τῷ κέντρῳ, εὐθείαι τινα μὴ διὰ τῷ κέντρῳ δίχα τέμνη, καὶ πρὸς ὀρθὰς αὐτῷ τεμνῆ. ἢ εὖν πρὸς ὀρθὰς αὐτῷ τέμνη, καὶ δίχα αὐτῷ τεμνῆ.

Theor. 2. Propo. 3.

Si in circulo recta quædam linea per centrum extensa quandã non per centrum extensam bifariam secet: & ad angulos rectos ipsam secabit. Et si ad angulos rectos eã secet, bifariã quoque eam secabit.



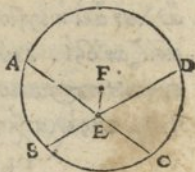
δ

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, μὴ

Διὰ τῶν κέντρων οὖσα, ὅτε τέμνουσιν ἀλλήλας δίχα.

Theor. 3. Propo. 4.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò secant nō per centrum extensæ, sese mutuò bifariam nō secabunt.

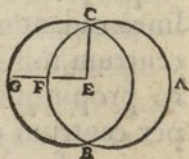


ε

Εὰν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, οὐκ ἔσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor. 4. Propo. 5.

Si duo circuli sese mutuò secant, non erit illorum idem centrum.

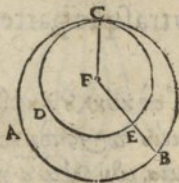


ς

Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπλωνται ἀλλήλων ἐντός, οὐκ ἔσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor. 5. Propo. 6.

Si duo circuli sese mutuò interius tangant, eorum non erit idem centrum.



ζ

Εὰν κύκλος ἔπι τῆς ἀφαιρέσεως ληφθῆ πὶ σημείον, ὃ μὴ ἔστι κέντρον τῶν κύκλων, ἀπὸ δὲ τῶν σημείων ὡρασί-

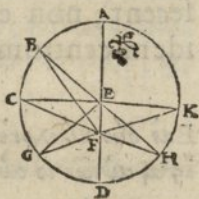
F iij



πλωσιν εὐθείαι τις πρὸς τὸν κύκλον: μέγιστη μὲν  
 ἔσται ἐφ' ἧς τὸ κέντρον, ἐλαχίστη δὲ ἡ λοιπή: τῆς δ'  
 ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐγγίον τῆς ἀπὸ τῆς κέντρος τῆς ἀπώτερον  
 μείζων ἔσται. Δύο δὲ μόνον εὐθείαι ἴσαι ἀπὸ τῆς αὐτῆς  
 σημείως παρασκευαῖται πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκά-  
 στερα τῆς ἐλαχίστης.

## Theor. 6. Propo. 7.

Si in diametro circuli quodpiam fumatur  
 punctum, quod circuli centrum non fit, ab  
 eoque puncto in circulum quaedam rectæ  
 lineæ cadant: maxima quidem erit ea in qua  
 centrum, minima verò reliqua: aliarum ve-  
 rò propinquior illi quæ  
 per centrum ducitur, re-  
 motiore semper maior est.  
 Duæ autem solùm rectæ  
 lineæ æquales ab eodẽ pu-  
 cto in circulum cadunt, ad  
 vtrasque partes minimæ.



Ἡ  
 Ἐὰν κύκλος ληφθῆ τὴν σημείων ἐκ τῶν, ἀπὸ δὲ τῆς ση-  
 μείως πρὸς τὸν κύκλον ἀγαχθῶσιν εὐθείαι τις, ὧν  
 μία μὲν ἀπὸ τῆς κέντρος, αἱ δὲ λοιπαὶ ὡς ἔτυχε: τῆς  
 μὲν πρὸς τὴν κοίλιον περιφέρειαν παρασκευαῖται  
 εὐθείαν, μέγιστη μὲν ἡ ἀπὸ τῆς κέντρος, τῆς δὲ ἄλλων  
 αἰεὶ ἡ ἐγγίον τῆς ἀπὸ τῆς κέντρος, ἢ ἀπώτερον μεί-

ζών ἔσται. τὸ δὲ πρὸς τὴν κυρτὴν περιφέρειαν προσπιπασσῶν εὐθειῶν, ἐλαχίστη μὲν ἔσται ἢ μεταξὺ τῶν σημείων τῆς ἀφαιρέσεως. τῆς δὲ ἄλλων αἰεὶ ἢ ἕγιον τῆς ἐλαχίστης, τῆς ἀπώτερον ἔσται ἐλάττω. Δύο δὲ μόνον εὐθεῖαι ἴσας περιπεσοῦνται ἀπὸ ἑκαστοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

## Theor. 7. Propo. 8.

Si extra circulum sumatur punctum quodpiam, ab eoque puncto ad circulum deducantur rectæ quædam lineæ, quarum vna quidem per centrum protendatur, reliquæ verò vt libet : in cauam peripheriam cadentium rectarum linearum maxima quidem est illa, quæ per centrum ducitur : aliarum autem propinquior ei, quæ per centrum transit, remotiore semper maior est. In conuexam verò peripheriam cadentium rectarum linearum, minima quidem est illa, quæ inter punctum & diametrum interponitur : aliarum autem, ea quæ propinquior est minimæ, remotiore semper minor est. Duæ autẽ tantùm rectæ lineæ æquales ab eo



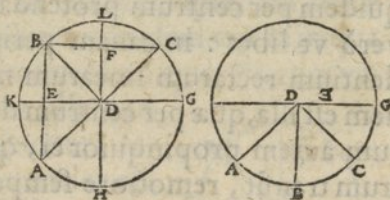
F iij

puncto in ipsum circulum cadūt, ad vtraſq; partes minima.

Εὰν κύκλος ληθῆ τι σημεῖον ἐν τῷ, ἀπὸ δὲ τῶ σημεῖος πρὸς τὸν κύκλον παραπέτωσι πλείους ἢ δύο εὐθεῖαι ἴσαι, τὸ ληθὲν σημεῖον, κέντρον ἐστὶ τῶ κύκλου.

Theor. 8. Propo. 9.

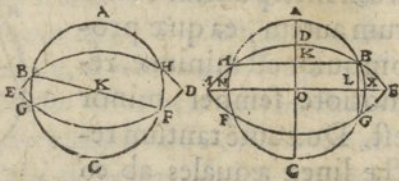
Si in circulo acceptum fuerit punctum aliquod, & ab eo puncto ad circulum cadant plures quàm duæ rectæ lineæ æquales, acceptū pūctum centrū ipsius est circuli.



Κύκλος οὐ τέμνει κύκλον χεῖ πλείονα σημεῖα, ἢ δύο.

Theor. 9. Propo. 10.

Circulus circulum in plurib<sup>9</sup> quàm duo bus pūctis non fecat.



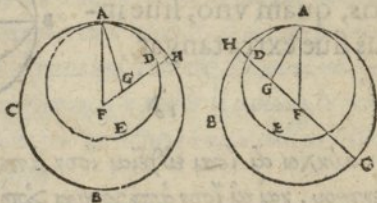


1α

Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπωνται ἀλλήλων ἐντὸς, καὶ λη-  
φθῆ αὐτῶν τὰ κέντρα, καὶ ὅτι τὰ κέντρα, αὐτῶν ὅτι-  
ζευγυμμένη εὐθεῖα καὶ ἐμβαλλομένη, ὅτι τὴν  
ζυγαφῶν πεσεῖται τῶν κύκλων

Theor. 10. Propo. 11.

Si duo circuli sese intus contingant, atque  
accepta fuerint eorum cētra, ad eorum cen-  
tra adiun-  
cta recta li-  
nea & pro-  
ducta, in  
cōtactum  
circularū  
cadet.

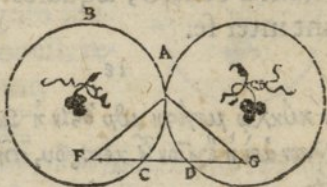


1β

Εὰν δύο κύκλοι ἀπώνται ἀλλήλων ἐκτὸς, ἢ ὅτι  
τὰ κέντρα αὐτῶν ὅτι ζευγυμμένη, καὶ τῆς ἐπαφῆς  
ἐλεύσεται.

Theor. 11. Propo. 12.

Si duo circuli sese exterius cōtingant, linea  
recta quæ ad  
cētra eorum  
adiungitur,  
per contactū  
illum tran-  
sibit.

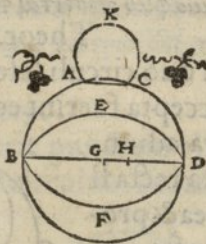


17

Κύκλος κύκλῳ οὐκ ἐφάπτεται πλείονα σημείῳ ἢ  
 καὶ ἐν, ἐάντε ἐντὸς ἐάντε ἐκτὸς ἐφάπτηται.

Theor. 12. Propo. 13.

Circulus circulum non  
 tangit in pluribus pun-  
 ctis, quàm vno, siue in-  
 tus siue extra tangat.

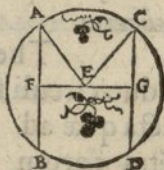


1δ

Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ  
 κέντρου. καὶ αἱ ἴσον ἀπέχουσαι ἀπὸ τοῦ κέντρου, ἴσαι  
 ἀλλήλαις εἰσίν.

Theor. 13. Propo. 14.

In circulo aequales rectae  
 lineae aequaliter distant à  
 centro. Et quae aequaliter  
 distant à centro, aequales  
 sunt inter se.

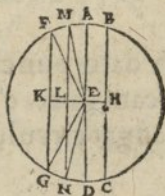


1ε

Ἐν κύκλῳ μέγιστη μὲν ὄσιν ἡ διάμετρος, τῆς δὲ  
 ἄλλων αἰεὶ ἢ ἐγγίον ὅ τῳ κέντρου, τῆς ἀπώτερον μείζων  
 ὄσιν.

## Theor. 14. Propo. 15.

In circulo maxima quidē  
linea est diameter : alia-  
rum autem propinquior  
centro, remotiore semper  
maior.



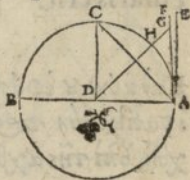
17

Ἡ τῆ ἀφ' ἀμέτρου τῷ κύκλῳ πρὸς ὀρθὰς ἀπ' ἀκρας  
ἀγρῶν, σικτὸς πεσεῖται ὁ κύκλος, καὶ εἰς τὸν μετα-  
ξὺ τόπον τῆς τε εὐθείας καὶ τῆς περιφερείας, ἑτέρα  
εὐθεῖα ὁ παρεμπεσεῖται, καὶ ἡ μὲν ὁ ἡμικύκλιος γω-  
νία, ἀπάσης ὀξείας γωνίας εὐθυγράμμων μείζων ὅσῃν,  
ἡ δὲ λοιπὴ, ἐλάττω.

## Theor. 15. Propo. 16.

Quæ ab extremitate diametri cuiusque cir-  
culi ad angulos rectos ducitur, extra ipsum  
circulum cadet, & in locum inter ipsam re-  
ctam lineam & peripheriã comprehensum,  
altera recta linea nõ cadet.

Et semicirculi quidē an-  
gulus quovis angulo acu-  
to rectilineo maior est, re-  
liquus autem minor.



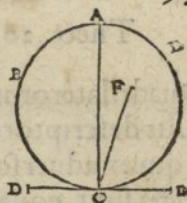
18

Ἀπὸ ὁδοθέντος σημείου, τῷ δοθέντος κύκλῳ ἐφαπτο-  
μῶν εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.





contactu autem recta li-  
nea ad angulos rectos ipsi  
tangenti excitetur, in ex-  
citata erit centrum cir-  
culi.

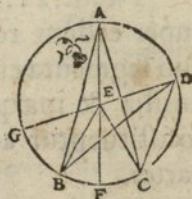


κ

Ἐν κύκλῳ ἢ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασίον  
ἔστί τ' πρὸς τῇ περιφέρειᾳ, ὅταν τινὲ ἀπὸ τῆς περι-  
φέρειᾶς βάσιν ἔχωσιν αἱ γωνίαι.

Theor. 18. Propo. 20.

In circulo angulus ad cen-  
trum duplex est anguli ad  
peripheriam, cū fuerit  
eadē peripheria basis an-  
gulorum.



κα

Ἐν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἀλ-  
λήλαις εἰσίν.

Theor. 19. Propo. 21.

In circulo, qui in eodem  
segmento sunt anguli, sunt  
inter se æquales.



κβ

Τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τετραπλεύρων αἱ ἀπεναντίον  
γωνίαι, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

## Theor. 20. Propo. 22.

Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.

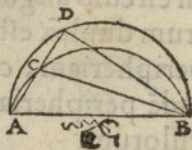


κ γ

Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας, δύο τμήματα κύκλων ὅμοια καὶ ἀΐσει ὁμοιωθήσονται ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη.

## Theor. 21. Propo. 23.

Super eadem recta linea, duo segmenta circulorum similia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.

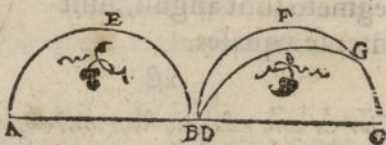


κ δ

Τὰ ὅτι ἴσων εὐθειῶν ὅμοια τμήματα κύκλων, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

## Theor. 22. Propo. 24.

Super æqualib' rectis lineis similia circulorum segmenta





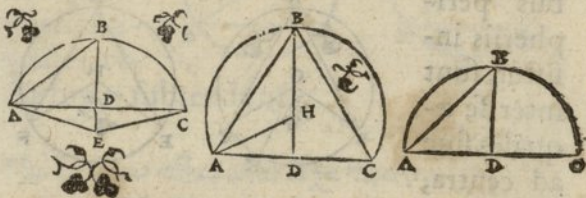
sunt inter se æqualia.

κε

Κύκλος τμήματος δοθέντος, περιαναγράψαι τὸν κύκλον, ὃς ἔστί τμήμα.

Probl. 3. Propo. 25.

Circuli segmento dato, describere circulum, cuius est segmentum.

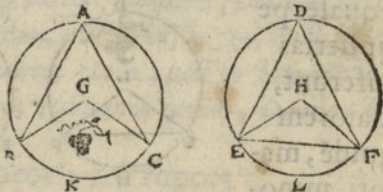


κζ

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ἴσαι γωνίαι ἔπι ἴσων περιφερειῶν βεβηκασιν, εἰάν τε πρὸς τοῖς κέντροις, εἰάν τε πρὸς ταῖς περιφείαις ὡς βεβηκῆται.

Theor. 23. Propo. 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æqualibus peripheriis insistent siue ad centra, siue ad peripherias constituti insistant.

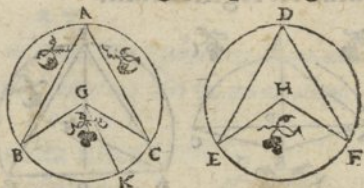


κζ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ὅτι ἴσων περιφερῶν βε-  
 βηκῆαι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν, εἰάντε πρὸς  
 τοῖς κέντροις, εἰάντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὡς βε-  
 βηκῆαι.

Theor. 24. Propo. 27.

In æqualibus circulis, anguli qui æquali-  
 bus peri-  
 pheriis in-  
 sistūt, sunt  
 inter se æ-  
 quales siue  
 ad centra,  
 siue ad peripherias constituti insistant.

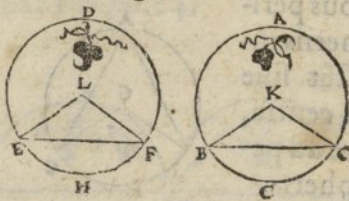


κη

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἴσας περιφε-  
 ρείας ἀφαίρῃσι, τὴν μὲν μείζονα, τὴν μείζονι, τὴν δὲ  
 ἐλάττωνα, τὴν ἐλάττωι.

Theor. 25. Propo. 28.

In æqualibus circulis æquales rectæ lineæ  
 æquales pe-  
 ripherias  
 auferunt,  
 maiorem  
 quidē, ma-  
 iori, mino-  
 rem autem, minori.



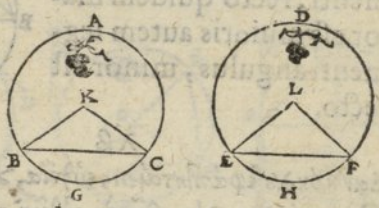
Εγ

κθ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις ὑπὸ τὰς ἴσας ἀεὶ φερέας ἴσας εὐθείαι ὑπολείνθαι.

Theor. 26. Propo. 29.

In æqualibus circulis, æquales peripherias æquales rectæ lineæ subtendunt.

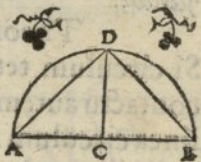


λ

Τὴν δοθεῖσαν ἀεὶ φερέαν διχα τέμνῃν.

Proble. 4. Propo. 30.

Datam peripheriam bifariam secare.



λα

Εν κύκλῳ, ἡ μὲν ἐν τῷ ἡμικύκλιῳ γωνία ὀρθή ἐστίν, ἡ δὲ ἐν τῷ μείζονι τμήματι, ἐλάττω ὀρθῆς, ἡ δὲ ἐν τῷ ἐλάττωι, μείζων ὀρθῆς: καὶ ἐπὶ τῷ μὲν τῷ μείζονος τμήματος γωνία, μείζων ἐστὶν ὀρθῆς, ἡ δὲ τῷ ἐλάττωος τμήματος γωνία, ἐλάττω ἐστὶν ὀρθῆς.

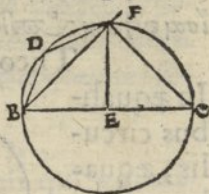
Theor. 27. Propo. 31.

In circulo angulus qui in semicirculo, re-

G



ctus est: qui autem in maiore segmento, minor recto: qui verò in minore segmento, maior est recto. Et insuper angulus maioris segmenti, recto quidem maior est: minoris autem segmenti angulus, minor est recto.



λβ

Εάν κύκλος ἐφάπτηται πρὸς εὐθεία, ἀπὸ δὲ τῆς ἀφῆς ἐπι τὸν κύκλον ἀγαθῆ πρὸς εὐθεία τμήματα τὸν κύκλον: αὐτὸ ποιεῖ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσας ἔσονται ταῖς ἐν τοῖς ἐναλλάξ ἑκαστοῦ τμήμασι γωνίαις.

Theor. 28. Propo. 32.

Si circulum tetigerit aliqua recta linea, à contactu autem producatu quædam recta linea circulum secans: anguli quos ad contingentem facit, æquales sunt iis qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.

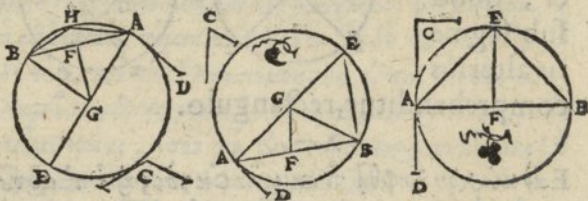


λγ

Ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας ἀγάψαι τμήματα κύκλου δεχόμενον γωνίαν ἴσων τῇ δοθείσῃ γωνία εὐθυγράμμου.

## Proble. 5. Propo. 33.

Super data recta linea describere segmentum circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

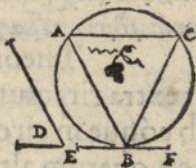


λδ

Από τῆς δοθέντος κύκλου τμήμα ἀφελῆν δεχόμενον γωνία ἴση τῇ δοθείση γωνία εὐθυγράμμου.

## Probl. 6. Propo. 34.

A dato circulo segmentū abscindere capiens angulum æqualem dato angulo rectilineo.



λε

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὸ ὑπὸ τῆς τῆς μιᾶς τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῆς τῆς ἑτέρας τμημάτων περιεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ.

## Theor. 29. Propo. 35.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò

G ij

fecuerint, rectangulum comprehensum sub  
segmentis  
vnius, æ-  
quale est  
ei, quod  
sub segmē-  
tis alterius  
comprehenditur, rectangulo.

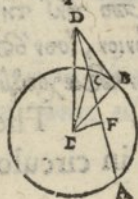


λ γ

Εὰν κύκλου ληφθῆ πῖ σημεῖον ἐκ τῶς, καὶ ἀπ' αὐτῆ  
πρὸς τὸν κύκλον παραπέσωσι δύο εὐθείαι, καὶ ἡ μὲν  
αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ ἐφάπτεται· ἔσται τὸ  
ὑπὸ ὅλης τῆς τεμνύσης, καὶ τῆς ἐκτὸς ἀπολαμβανο-  
μένης μεταξύ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς περιφε-  
ρείας, περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον τῷ ὑπὸ τῆς ἐ-  
φαπτομένης τετραγώνῳ.

Theor. 30. Propo. 36.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod,  
ab eoque in circulum cadant duæ rectæ li-  
neæ, quarum altera quidem circulum secet,  
altera verò tangat: quod sub tota secante, &  
exterior inter punctum & conuexa per mi-  
pheriā as-  
sumpta cō-  
prehendi-  
tur rectā-  
gulum, æ-





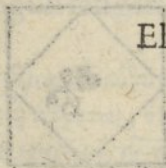
quale erit ei, quod à tangente describitur,  
quadrato.

λζ

Εὰν κύκλος ληφθῆ ἢ πὶ σημεῖον ἐκ τῶς, ἀπὸ δὲ ἑσσι-  
μείσ τερῶς τὸν κύκλον περιπίπτωσι δύο εὐθείαι, ἢ  
ἢ μὲν αὐτῶν τέμνη τὸν κύκλον, ἢ δὲ περιπίπτῃ, ἢ  
δὲ τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης τεμνύσεσ, ἢ τῆς ἐκ τῶς ἀπο-  
λαμβανομένησ μεταξὺ τῶ τε σημείσ ἢ τῆς κυρτῆσ  
περιφέρειασ, ἴσον τῶ ἀπὸ τῆς περιπίπτεσ: ἢ  
περιπίπτωσα ἐφάπεται ἑσ κύκλω.

Theor. 31. Propo. 37.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod,  
ab eoque puncto in circulum cadāt duæ re-  
ctæ lineæ, quarum altera circulum fecet, al-  
tera in eum incidat, sit autem quod sub to-  
ta secante & exteriori inter punctum & con-  
uexam peripheriā assump-  
pta, comprehenditur re-  
ctāgulum, æquale ei, quod  
ab incidente describitur  
quadrato: incidēs ipsa cir-  
culum tanget.



Elementi tertii finis.

G. iij



# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ  
ΤΕΤΑΡΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENTVM  
QVARTVM.

Ο' ΡΟΙ.

α

Σχήμα εὐθύγραμμον εἰς σχῆμα εὐθύγραμμον  
ἐκφέρεται λέγεται, ὅταν ἐκάστη τῶν τῶ  
ἐκφερομένων σχήματος γωνιῶν, ἐκάστης πλευρᾶς τῆ  
εἰς ὃ ἐκφέρεται, ἀπίηται.

DEFINITIONES.

I

Figura rectilinea in figu-  
ra rectilinea inscribi dici-  
tur, cūm singuli eius figu-  
ræ quæ inscribitur, anguli  
singula latera eius, in qua



inscribitur, tangunt.

β

Σχήμα δὲ ὁμοίως περὶ σχῆμα περιγράφεται λέ-  
γεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ ἢ περιγεγραφομένη, ἐκά-  
στης γωνίας τῆς περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπλήται.

2

Similiter & figura circum figuram describi  
dicitur, quum singula eius quæ circumscri-  
bitur, latera singulos eius figuræ angulos  
tetigerint,

circum  
quam illa  
describi-  
tur.



γ

Σχήμα δὲ εὐθύγραμμον εἰς κύκλον ἐπεγράφεται  
λέγεται, ὅταν ἐκάστη γωνία τῆς ἐπιγεγραφομένης ἀπλή-  
ται τῆς τῆς κύκλου περιφέρειας.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur,  
quum singuli eius figuræ quæ inscribitur,  
anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχήμα δὲ εὐθύγραμμον περὶ κύκλον περιγράφε-  
ται λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς τῆς κύκλου  
περιφέρειας, τῆς περιγεγραφομένης ἐφάπληται.

G iiij



4

Figura verò rectilinea circa circulū describi dicitur, quum singula latera eius, quæ circum scribitur, circuli peripheriā tangunt.

ε

Κύκλος δὲ ὁμοίως εἰς σχῆμα λέγεται ἐπιγράφειν, ὅταν ἢ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης πλευρᾶς τῆς εἰς ὃ ἐπιγράφεται, ἀπληται.

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tangit eius figuræ, cui inscribitur.

ζ

Κύκλος δὲ ἐπὶ σχῆμα περιγράφεται λέγεται, ὅταν ἢ τῷ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστης γωνίας τῆς ἐπὶ ὃ περιγράφεται, ἀπληται.

6

Circulus autē circum figuram describi dicitur, quum circuli peripheria singulos tangit eius figuræ, quam circumscribit, angulos.

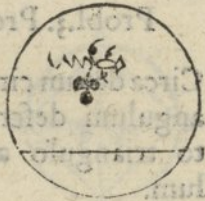
η

Εὐθεία εἰς κύκλον ἐναρμόζεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῆς ὅτι τῆς περιφέρειας ἢ τῷ κύκλῳ.

7

Recta linea in circulo accommodari seu

ΕΙΒΕΚ... 101  
 coaptari dicitur, quó eius  
 extrema in circuli peri-  
 pheria fuerint.

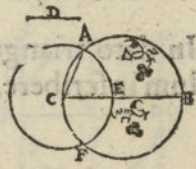


Προτάσεις.  
 α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ μὴ μεί-  
 ζονι οὔσῃ τῆς τοῦ κύκλου διαμέτρου, ἴσιω εὐθείᾳ  
 συναρμόσαι.

Probl. 1. Propo. 1.

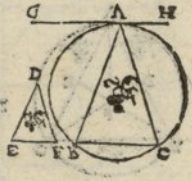
In dato circulo, rectam li-  
 neam accommodare æqua-  
 lem datæ rectæ lineæ, quæ  
 circuli diametro non sit  
 maior.



β  
 Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἰσογώ-  
 νιον τρίγωνον ἐπιγράψαι.

Probl. 2. Propo. 2.

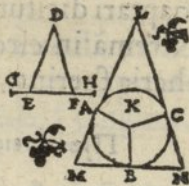
In dato circulo, triangu-  
 lum describere dato triā-  
 gulo æquiangulum.



περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἰσο-  
 γώνιον τρίγωνον ἐπιγράψαι.

Probl.3. Propo.3.

Circa datum circulum triangulum describere dato triangulo æquiangulum.

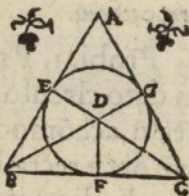


δ

Εἰς τὸ δοθεὶν τρίγωνον, κύκλον ἐπιγράψαι.

Probl.4. Propo.4.

In dato triangulo, circulum inscribere.

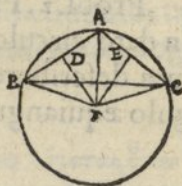
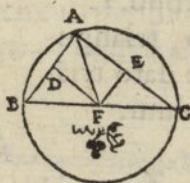


ε

Περὶ τὸ δοθεὶν τρίγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Probl. 5. Propo. 5.

Circa datum triangulum, circulum describere.



ζ

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον ἐπιγράψαι.



## Probl.6. Propo.6.

In dato circulo, quadratū  
describere.

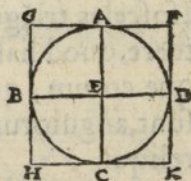


ζ

Περί τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον περιγράψαι.

## Probl.7. Propo.7. ]

Circa datū circulum, qua-  
dratum describere.

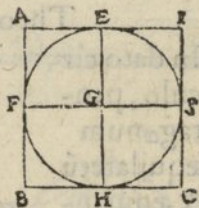


η

Εἰς τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἐπιγράψαι.

## Probl.8. Propo.8.

In dato quadrato, circulū  
inſcribere.

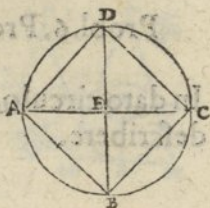
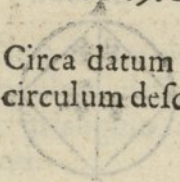


θ

Περί τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Probl. 9. Propo. 9.

Circa datum quadratum, circulum describere.



Ισοσκελές τρίγωνον (υπήσασθαι, ἔχον ἑκάτεραν τὴν πρὸς τῇ βάσει γωνίαν, διπλασίονα τῆς λοιπῆς.

Probl. 10. Propo. 10.

Isoceles triangulum constituere, quod habeat utrunque eorum, qui ad basin sunt, angulorum, duplum reliqui.

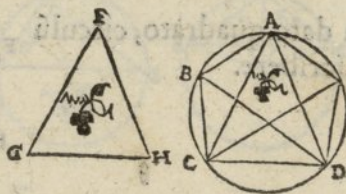


10

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγείψαι.

Theor. 11. Propo. 11.

In dato circulo, pentagonum æquilaterū & æquiangulum inscribere.



16

Περί τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον περιγράψαι.

Probl. 12. Propo. 12.

Circa datum circulum, pentagonum æquilaterum & æquiangulum describere.

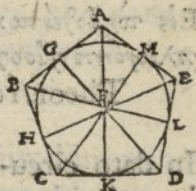


17

Εἰς τὸν δοθέντα πεντάγωνον, ὃ ὅστιν ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, κύκλον ἐπιγράψαι.

Proble. 13. Propo. 13.

In dato pentagono æquilatero & æquiangulo, circulum inscribere.



18

Περί τὸν δοθέντα πεντάγωνον, ὃ ὅστιν ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Probl. 14. Propo. 14.

Circa datum pentagonum æquilaterum & æquiangulum, circulum describere.



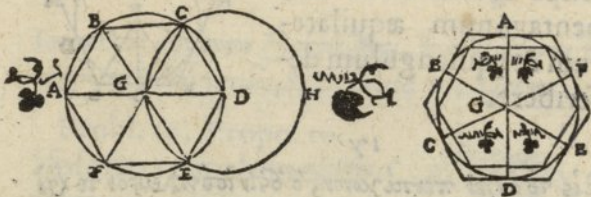


16

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλῳ, ἑξάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγείραται.

Probl. 15. Propo. 15.

In dato circulo, hexagonum & æquilaterū & æquiangulum inscribere.

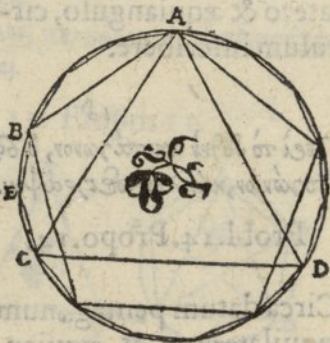


17

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλῳ, πεντεκαίδεκάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγείραται.

Theor. 16. Propo. 16.

In dato circulo, quintidecagonū & æquilaterum & æquiangulū describere.



Elementi quarti finis.



# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΕ' ΜΠΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM QVINTVM.

Ο'ΡΟΙ.

<sup>α</sup>

**Μ**ΕΡΟΣ ἔστι μέγεθος μεγέθους, τὸ ἔλασσον τῶ  
μείζονος, ὅταν καταμετρηῖ τὸ μείζον.

DEFINITIONES.

I

Pars est magnitudo magnitudinis minor  
maioris, quum minor metitur maiorem.

<sup>β</sup>

Πολλαπλάσιον δὲ τὸ μείζον τῶ ἔλάσσονος, ὅταν  
καταμετρηται ὑπὸ τῶ ἔλάττηνος.

2

Multiplex autem est maior minoris, cum  
minor metitur maiorem.

<sup>γ</sup>

Λόγος ἔστι δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἢ ἑστὶ πηλικία.

τητα πρὸς ἀλλήλα ποιά σχέσις.

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam secundum quantitatem habitudo.

Ἀναλογία δὲ ἔστιν, ἐκ τῶν λόγων ὁμοιότης.

4

Proportio verò, est rationum similitudo.

Λόγον ἔχῃν πρὸς ἀλλήλα μεγέθη λέγεται, ἂν δύναιται πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων ὑπερέχειν.

5

Ratione habere inter se magnitudines dicuntur, quæ possunt multiplicatæ sese mutuo superare.

6

Ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς δεύτερον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ ἑξ ἑωρτά καὶ τρίτα ἰσάκεις πολλαπλασία, τῶν δὲ δευτέρου καὶ τετάρτου ἰσάκεις πολλαπλασίων καὶ ὅποιοιῦν πολλαπλασιασίων, ἑκάτερον ἑκάτερου ἢ ἅμα ἐλλείπῃ, ἢ ἅμα ἴσα ἦ, ἢ ἅμα ὑπερέχει ληφθέντα καὶ ἀλλήλα.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam,



quartam : cū primæ & tertiæ æquè multi-  
plicia à secundæ & quartæ æquè multiplici-  
bus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, v-  
trunque ab utroque, vel vnà deficiunt, vel  
vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si ea su-  
mantur quæ inter se respondent.

ζ  
Τὰ δὲ τὸν αὐτὸν ἔχοντα μεγέθη λόγον, ἀνάλογον κα-  
λείδω.

Eandem autem habentes rationem magni-  
tudes, proportionales vocentur.

η  
Οταν δὲ τῶν ἰσάκως πολλαπλασίων, τὸ μὲν ἔ-  
στι πολλαπλάσιον ὑπὲρ ἑξῆς τῷ δευτέρου πολ-  
λαπλασίου, τὸ δὲ ἔ-  
στὶ τρίτον πολλαπλάσιον, μὴ  
ὑπὲρ ἑξῆς τῷ τετάρτῳ πολλαπλασίῳ, τότε πρῶ-  
τον πρὸς τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχειν λέγεται,  
ἢ πρὸς τὸ τρίτον πρὸς τὸ τέταρτον.

θ  
Cū verò æquè multiplicium, multiplex  
primæ magnitudinis excefferit multiplicem  
secundæ, at multiplex tertiæ non excefferit  
multiplicem quartæ : tunc prima ad secun-  
dam, maiorē rationē habere dicetur, quàm  
tertia ad quartam.

Ανάλογιά δὲ ἐν τρισὶν ὄροις ἐλάχιστοις ὄσιν.

H

9  
 Proportio autem in tribus terminis paucif-  
 fimis consistit.

Όταν δὲ τρία μεγέθη ἀνάλογον ἦ, τὸ πρῶτον πρὸς  
 τὸ τρίτον, διπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρ  
 πρὸς τὸ δεύτερον. Όταν δὲ τέσσαρα μεγέθη ἀνά-  
 λογον ἦ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τέταρτον, τριπλασίονα  
 λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρ πρὸς τὸ δεύτερον, καὶ αἰεὶ  
 ἐξ ἡς εἰς πλεῖον, ἕως αὐτῆς ἀναλογία ὑπάρχει.

10  
 Cum autem tres magnitudines proportio-  
 nales fuerint, prima ad tertiam, duplica-  
 tam rationem habere dicitur eius, quam ha-  
 bet ad secundam. At cum quatuor magni-  
 tudines proportionales fuerint, prima ad  
 quartam, triplicatam rationem habere di-  
 citur eius quam habet ad secundam. & sem-  
 per deinceps vno amplius, quandiu pro-  
 portio extiterit.

11  
 Ομόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡρώμματα  
 τοῖς ἡρωμάμοις, τὰ δὲ ἐπόμματα τοῖς ἐπομάμοις.

11  
 Homologæ, seu similes ratione magnitu-  
 dines dicuntur, antecedentes quidem an-  
 tecedentibus, consequentes verò conse-

quentibus.

ιβ

Ἐναλλάξ λόγος, ὅτι λήψις τῆ ἡγουμένης πρὸς τὸ ἡγούμενον, καὶ τῆ ἐπομένης πρὸς τὸ ἐπόμενον.

ιζ

Alternata ratio, est sumptio antecedētis comparati ad antecedentem, & consequentis ad consequentem.

ιγ

Ἀνάπαλιον λόγος, ὅτι λήψις τῆ ἐπομένης ὡς ἡγουμένης, πρὸς τὸ ἡγούμενον ὡς ἐπόμενον.

ιδ

Inversa ratio, est sumptio consequentis ceu antecedentis, ad antecedentē velut ad consequentem.

Συνήθεσις λόγου, ὅτι λήψις τῆ ἡγουμένης μετὰ τῆ ἐπομένης ὡς εἰδός, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

ιε

Compositio rationis, est sumptio antecedentis cum cōsequente ceu unius, ad ipsum consequentem.

ιϛ

Διαιρέσις δὲ λόγου, ὅτι λήψις τῆς ὑπορχῆς, ἢ ὑπερέχῃ τὸ ἡγούμενον τῆ ἐπομένης, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

ις

Divisio rationis, est sumptio excessus, quo

H ij



consequētem superat antecedens ad ipsum consequentem.

15

Αναστροφὴ λόγου, ὅτι λήψις ἑ ἡρῶν μὲν πρὸς τὴν ὑποκλήν, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡρῶν μῆμον τῆ ἐπομῆς.

16

Conuersio rationis, est sumptio antecedentis ad excessum, quo superat antecedens ipsum consequentem.

17

Δι' ἴσων λόγος ὅτι πλῆθον ὄντων μεγεθῶν, καὶ ἄλλων αὐτοῖς ἴσων τὸ πλῆθος (ὡς δύο λαμβανομένων, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἢ ὡς ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον, ἢ πῶς ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον. ἢ ἄλλως, λήψις τῶν ἀκρων, καὶ ὑπεξάρεσιν τῶν μέσων.

17

Ex æqualitate ratio est, si plures duabus sint magnitudines, & his aliæ multitudine pares quæ binæ sumantur, & in eadem ratione: quum vt in primis magnitudinibus prima ad vltimam, sic & in secundis magnitudinibus prima ad vltimam sese habuerit. vel aliter, sumptio extremorū per subductionē mediorum.

17

Τετραγώνη ἀναλογία ὅτιν ; ὅταν ἢ ὡς ἡρῶν μῆμον πρὸς ἐπόμῆμον, οὕτως ἡγῶν μῆμον πρὸς τὸ ἐπόμῆμον;

ἢ δὲ καὶ ὡς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο πῖ, οὕτως ἐπόμενον πρὸς ἄλλο πῖ.

18

Ordinata proportio est, cū fuerit quemadmodum antecedens ad consequentem, ita antecedens ad consequentem: fuerit etiam ut consequens ad aliud quidpiam, ita consequens ad aliud quidpiam.

18

Τετραγαμνία δὲ ἀίαλογία ὅτιν, ὅταν τριῶν ὄντων μεγεθῶν, καὶ ἄλλων ἴσων αὐτοῖς τὸ πλῆθος γίνεται ὡς μὲν ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡρούμενον πρὸς ἐπόμενον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν, ἡρούμενον πρὸς ἐπόμενον: ὡς δὲ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἐπόμενον πρὸς ἄλλο πῖ, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν ἄλλο πῖ πρὸς ἡρούμενον.

19

Perturbata autem proportio est, tribus positis magnitudinibus, & aliis quæ sint his multitudine pares, cū ut in primis quidem magnitudinibus se habet antecedens ad consequentem, ita in secundis magnitudinibus antecedens ad consequentem: ut autem in primis magnitudinibus consequens ad aliud quidpiam, sic in secundis magnitudinibus aliud quidpiam ad antecedentem.

H iij

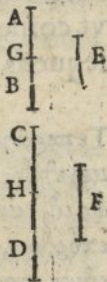
## Προτάσις.

α

Εὰν ἢ ὁποσανοῦ μὲγέθη, ὁποσανοῦ μεγεθῶν ἴσων τὸ πλήθος, ἕκαστον ἕκαστου ἰσάκεις πολλαπλάσιον ὅσα πλάσιόν ὅστιν ἐν τῇ μὲγέθῶν εἰδός, τσαυτάπλάσια ἔσται καὶ τὰ πάντα τῇ πάντων.

## Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcūque magnitudines quotcūque magnitudinū æqualium numero, singulæ singularū æquè multiples, quàm multiplex est vnus vna magnitudo, tam multiplices erunt & omnes omnium.

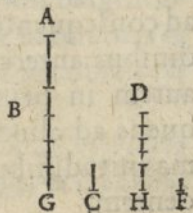


β

Εὰν πρῶτον δευτέρου ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, καὶ τρίτον τετάρτου, ἢ δὲ καὶ πέμπτον δευτέρου ἰσάκεις πολλαπλάσιον, καὶ ἕκτον τετάρτου: καὶ συνίθην πρῶτον καὶ πέμπτον, δευτέρου ἰσάκεις ἔσται πολλαπλάσιον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον τετάρτου.

## Theor. 2. Propo. 2.

Si prima secundæ æquè fuerit multiplex, atque tertia quartæ, fuerit autem & quinta secundæ æquè multiplex, atque sexta quartæ: erit & composita prima



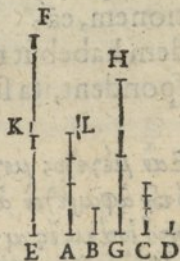


cum quinta, secūda æquè multiplex, atque  
 tertia cum sexta, quarta.

Εάν πρῶτον δευτέρη ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, καὶ  
 τρίτον τετάρτη, ληφθῆ δὲ ἰσάκεις πολλαπλάσια ὅ  
 πρώτῃ καὶ τρίτῃ: καὶ δι' ἴσος τῆς ληφθέντων ἐκάτερον  
 ἐκατέρη ἰσάκεις ἔσται πολλαπλάσιον, τὸ μὲν τῆ  
 δευτέρῃ, τὸ δὲ τῆ τετάρτῃ.

Theor. 3. Propo. 3.

Si fit prima secundæ æquè  
 multiplex, atq; tertia quar-  
 tæ, sumantur autem æquè  
 multiplices primæ & ter-  
 tiæ: erit & ex æquo sumpta-  
 rum vtraque vtriusque æ-  
 què multiplex, altera qui-  
 dem secundæ, altera autem  
 quartæ.



Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ  
 τρίτον πρὸς τετάρτον: καὶ τὰ ἰσάκεις πολλαπλά-  
 сия τῶν τε πρώτῃ καὶ τρίτῃ, πρὸς τὰ ἰσάκεις πολλα-  
 πλάσια τῶν δευτέρῃ καὶ τετάρτῃ καὶ ὁποιοῦν  
 πολλαπλάσιασιν, τὸν αὐτὸν ἔσται λόγον ληφθέντα  
 κατὰλληλα.

H iij

Theor. 4. Propo. 4.

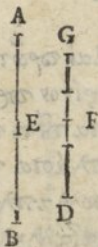
Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, & tertia ad quartam: etiam æquè multiples primæ & tertiæ, ad æquè multiples secundæ & quartæ iuxta quamvis multiplicationem, eandem habebunt rationem, si prout inter se respondent, ita sumptæ fuerint.



Εάν μέγεθος μεγέθοις ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὅσα ἀφαιρεθῆν ἀφαιρεθέντος, καὶ τὸ λοιπὸν τῶ λοιποῦ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὅσα πλάσιόν ἔστι τὸ ὅλον τῶ ὅλου.

Theor. 5. Propo. 5.

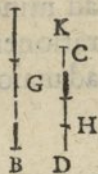
Si magnitudo magnitudinis æquè fuerit multiplex, atque ablata ablata: etiam reliqua reliquæ ita multiplex erit, ut tota totius.



Εὰν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἰσότης ἢ πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρεθῆντα πινὰ τῶν αὐτῶν ἰσότης ἢ πολλαπλάσια: καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἢ τοῖς ἴσῳ ἔσιν, ἢ ἰσότης αὐτῶν πολλαπλάσια.

Theor. 6. Propo. 6.

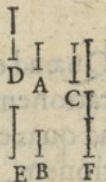
Si duæ magnitudines, duarum magnitudinum sint æquè multiples, & detractæ quædam sint earundem æquè multiples: & reliquæ eisdem aut æquales sunt, aut æquè ipsarum multiples.



Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ, τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theor. 7. Propo. 7.

Æquales ad eandem, eandem habent rationem: & eadem ad æquales.

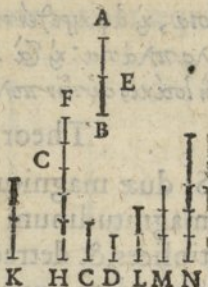


Τῶν ἀνίσων μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ ἔλαττον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἔλαττον μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ μείζον.



## Theor. 8. Propo. 8.

Inæqualium magnitudinum, maior ad eandem maiorem rationē habet, quàm minor : & eadem ad minorem, maiorem rationem habet, quàm ad maiorem.

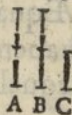


θ

Τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ ἢ αὐτὸν ἔχοντα λόγον, ἴσα ἀλλήλοις ἔσσι: καὶ πρὸς ἃ τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον, καὶ κείνα ἴσα ἀλλήλοις ἔσσι.

## Theor. 9. Propo. 9.

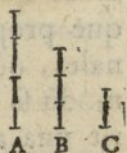
Quæ ad eandem, eandem habent rationem, æquales sunt inter se: & ad quas eadem, eandem habet rationem, eæ quoque sunt inter se æquales.



Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχόντων, τὸ τὸν μείζονα λόγον ἔχον, ἐκείνο μείζον ἔσσι, πρὸς ὃ δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἐκείνο ἐλάττω ἔσσι.

## Theor. 10. Propo. 10.

Ad eandem magnitudinem, rationē habentium, quæ maiorem rationem habet, illa maior est, ad quam autem eadem maiorem rationem habet, illa minor est.

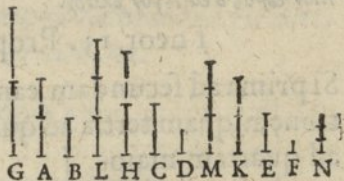


1α

Οἱ τῶ αὐτῶ λόγιοὶ αὐτοί, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί.

## Theor. 11. Propo. 11.

Quæ eidē sunt eadē rationes, & inter se sunt eadē.

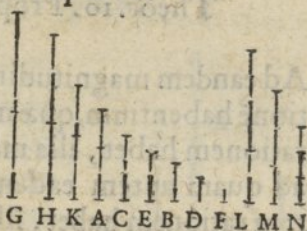


1β

Εὰν ἢ ὅποσαοῦ μέγεθι ἀνάλογον, ἔσται ὡς ἐν τῶ ἡγουμένων πρὸς ἐν τῶ ἐπομένων, οὕτως ἅπαντα τὰ ἡγούμενα, πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα.

## Theor. 12. Propo. 12.

Si sint magnitudines quocunque proportionales, quemadmodum se habuerit una antecedentium ad unam



consequentium, ita se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.

<sup>17</sup>  
 Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, τρίτον δὲ πρὸς τέταρτον μείζονα λόγον ἔχη, ἢ ὡς πέμπτον πρὸς ἕκτον: καὶ πρῶτον πρὸς δεύτερον μείζονα λόγον ἔξῃ, ἢ ὡς πέμπτον πρὸς δεύτερον ἕκτον.

## Theor. 13. Propo. 13.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quam tertia ad quartam, tertia verò ad quartam, maiorem rationem habuerit, quàm quinta ad sextam: prima quoque ad secundam maiorem rationem habebit, quam quinta ad sextam.



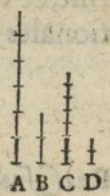


1δ

Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ  
 τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ δὲ πρῶτον τῷ τρίτῳ μεί-  
 ζον ἢ : καὶ τὸ δεύτερον τῷ τετάρτῳ μείζον ἔσται, καὶ  
 ἔλασσον, ἔλασσον.

Theor. 14. Propo. 14.

Si prima ad secundam eandem habuerit ra-  
 tionem, quam tertia ad quartam, prima ve-  
 rò quàm tertia maior fuerit: erit  
 & secunda maior quàm quar-  
 ta. Quòd si prima fuerit æqua-  
 lis tertiæ, erit & secunda æqua-  
 lis quartæ. si verò minor, & mi-  
 nor erit.

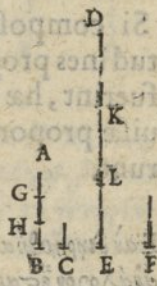


1ε

Τὰ μέρη, τοῖς ἰσάτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν  
 ἔχει λόγον, ληφθέντα κατὰλληλα.

Theor. 15. Propo. 15.

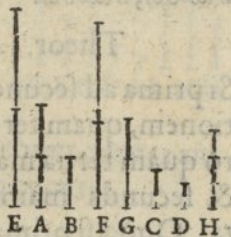
Partes, cùm pariter multipli-  
 cibus in eadem sunt ratione, si  
 prout sibi mutuo respondent,  
 ita sumantur.



<sup>15</sup>  
 Εάν τέσσαρα μεγέθη ανάλογον ἢ, καὶ ἀναλλὰξ ἀνά-  
 λογον ἔσται.

Theor. 16. Propo. 16.

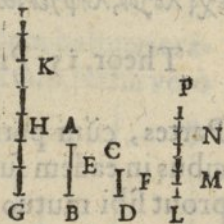
Si quatuor magnitudi-  
 nes proportionales fue-  
 rint, & vicissim propor-  
 tionales erunt.



<sup>16</sup>  
 Εάν συνθέμενα μεγέθη ανάλογον ἢ, καὶ διαμεθεύονται,  
 ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 17. Propo. 17.

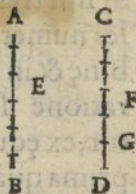
Si compositæ magni-  
 tudines proportionales  
 fuerint, hæ quoque di-  
 uisæ proportionales e-  
 runt.



<sup>17</sup>  
 Εάν διηρημένα μεγέθη ανάλογον ἢ, καὶ συνθεύονται  
 ἀνάλογον ἔσται.

## Theor. 18. Propo. 18.

Si diuisæ magnitudines sint  
proportionales, hæ quoque  
compositæ proportionales  
erunt.

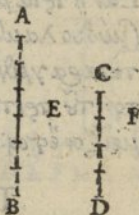


θ

Εὰν ἡ ὡς ὅλον πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαρθεῖν πρὸς ἀ-  
φαρθεῖν: καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἔσται, ὡς ὅ-  
λον πρὸς ὅλον.

## Theor. 19. Propo. 19.

Si quemadmodum totum ad  
totum, ita ablatum se habue-  
rit ad ablatum: & reliquum  
ad reliquum, vt totum ad to-  
tum se habebit.



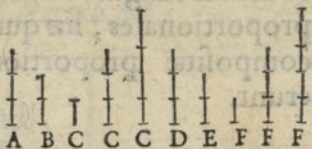
κ

Εὰν ἡ τρία μέγῃ, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος,  
ζυῖοιο λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, δι' ἴσας  
δὲ τὸ πρῶτον τῶ τρίτου μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον  
τῶ ἕκτου μείζον ἔσται: καὶ ἴσον, ἴσον: καὶ ἔλασσον,  
ἔλασσον.



## Theor. 20. Propo. 20.

Si sint tres magnitudines, & alia ipfis æqua-  
les numero, quæ  
binæ & in eadem  
ratione suman-  
tur, ex æquo autē  
prima quàm ter-  
tia maior fuerit:



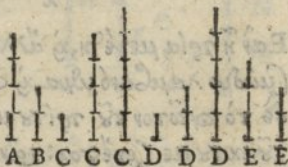
erit & quarta, quàm sexta maior. Quòd si  
prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æ-  
qualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque  
minor erit.

κα

Εὰν ἡ τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος  
διῷδο λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ  
τεταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, δι' ἴσων δὲ τῶν πρώ-  
των τῶ τρίτου, μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον τῶ ἕκτου  
μείζον ἢ ἴσον, ἴσον: καὶ ἔλασσον, ἔλασσον.

## Theor. 21. Propo. 21.

Si sint tres magni-  
tudes, & alia ip-  
fis æquales nume-  
ro quæ binæ & in  
eadē ratione sumā-  
tur, fueritque per-



turbata

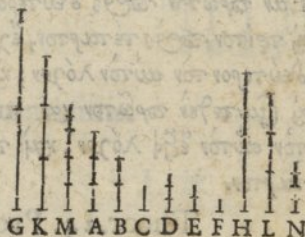
turbata earum proportio, ex æquo autem prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: fin illa minor, hæc quoque minor erit.

κβ

Εὰν ἡ ὀποσαοιῦ μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, ζυῖδνο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δι' ἴσθ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

Proble. 22. Propo. 22.

Si sint quotcun- que magnitudi- nes, & aliæ ipsis æquales nume- ro, quæ binæ in eadē ratione su- mantur, & ex æ- qualitate in eadē ratione erunt.



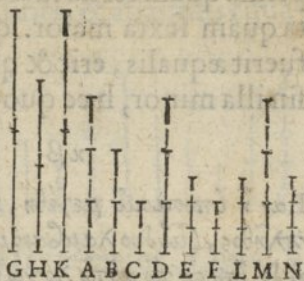
κγ

Εὰν ἡ πρῶτα μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος ζυῖδνο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ τετραεργμὴν αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσθ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

I

Theor. 23. Propo. 23.

Si sint tres magnitudines, aliaque  
 ipsis æquales numero, quæ binæ in  
 eadem ratione sumantur, fuerit autē  
 perturbata earum proportio: etiam  
 ex æqualitate in eadem ratione erunt.

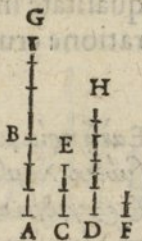


κ δ

Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον  
 καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχη δὲ καὶ πέμπτον πρὸς  
 δεύτερον τὸν αὐτὸν λόγον, καὶ ἕκτον πρὸς τέταρτον  
 καὶ συντεθὲν πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς δεύτερον  
 τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς τέ-  
 ταρτον.

Theor. 24. Propo. 24.

Si prima ad secundam, eadem  
 habuerit rationem, quam ter-  
 tia ad quartam, habuerit au-  
 tem & quinta ad secundam ean-  
 dem rationem, quam sexta ad  
 quartam: etiā composita pri-  
 ma cum quinta ad secundam





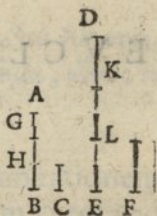
eandem habebit rationem, quam tertia cum  
sexta ad quartam.

κε

Εὰν τέσσαρα μέγεθη ἀνάλογον ἢ, τὸ μέγιστον καὶ τὸ  
ἐλάχιστον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ᾖσιν.

Theor. 25. Propō. 25.

Si quatuor magnitudines pro-  
portionales fuerint, maxima  
& minima reliquis duabus ma-  
iores erunt.



Elementi quinti finis.

I ij





ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΕΚΤΟΝ.

E. V. C. L. I. D. I. S. E. L. E. M. E. N. T.

T. V. M. S. E. X. T. V. M.

Ο' Ρ Ο Ι.

α

Ὅμοια σχήματα εὐθύγραμμά ἐστιν, ὅσα τὰς τε  
γωνίας ἴσας ἔχῃ καὶ μίαν, καὶ τὰς πρὸς τὰς ἴ-  
σας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

I

Similes figuræ rectilinearæ sunt, quæ & an-  
gulos singulos singulis æquales habent, at-  
que etiam latera, quæ circum angulos æqua-  
les, proportionalia.

β

Ἀντιπεπονητά δὲ σχημάτα ἔστιν, ὅταν ἐκατέρωτ' σχημάτων ἡγούμενοί τε καὶ ἐπόμυνοι λόγοι ὦσιν.

2

Reciprocae autem figurae sunt, cum in vtraque figura antecedentes & consequentes rationum termini fuerint.

γ

Ἄκρον καὶ μέσον λόγον εὐθεία τετμηθῆσθαι λέγεται, ὅταν ἢ ὡς ἢ ὅλη πρὸς τὸ μείζον τμήμα, οὕτως τὸ μείζον πρὸς τὸ ἔλασσον.

3

Secundum extremam & mediam rationem recta linea secta esse dicitur, cum ut tota ad maius segmentum, ita maius ad minus se habuerit.

δ

Υψος ἐστὶ παντὸς σχήματος, ἢ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κείσθαι ἀγόμενῃ.

4

Altitudo cuiusque figurae, est linea perpendicularis à vertice ad basin deducta.

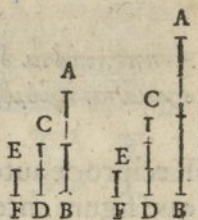
ε

Λόγος ἐκ λόγων συγχεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν λόγων πηλοκότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖσθαι ποιῶσιν τινα λόγον.

I iij



5  
Ratio ex rationibus com-  
poni dicitur, cum rationū  
quantitates inter se multi-  
plicate aliquam effecerint  
rationem.



Προτάσις.

α

Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ τὸ  
αὐτὸ ὕψος ὄντα, πρὸς ἀλλήλα ὅστιν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 1. Propo. 1.

Triangula & parallelogra-  
ma, quorum eadem fuerit  
altitudo, ita se habent in-  
ter se vt bases.



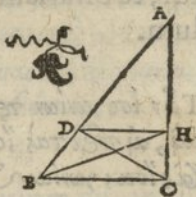
β

Εὰν τριγώνου ᾧ δὲ μία ἐκ τῶν πλευρῶν ἀρῆῃ πῖς  
εὐθεῖα παραλληλὸς, ἀνάλογον τμηθεῖται τὰς τῶ  
τριγώνου πλευρὰς. καὶ εἰάν αἱ τῶ τριγώνου πλευρὰ ἀνάλο-  
γον τμηθῶσιν, ἢ ὅτι τὰς τομαῖς ὅτι ζευγνυμένη εὐ-  
θεῖα, ᾧ δὲ πῶ λοιπὴν ἔσται τῶ τριγώνου πλευρὰν  
παραλληλὸς.

Theor. 2. Propo. 2.

Si ad vnum trianguli latus parallela ducta

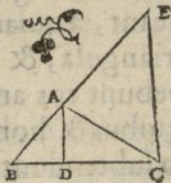
fuerit recta quædam linea: hæc proportionaliter secabit ipsius triânguli latera. Et si triânguli latera proportionaliter secta fuerint; quæ ad sectiones adiuncta fuerit recta linea, erit ad reliquû ipsius triânguli latus parallela.



γ  
 Εάν τριγώνου γωνία δίχα τμηθῆ, ἢ δὲ τέμνεσθαι πῶς γωνίαν εὐθεῖα τέμνη καὶ πῶς βάσιν, τὰ τῆς βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς δὲ τριγώνου πλευραῖς. καὶ εἰάν τὰ τῆς βάσεως τμήματα, τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον ταῖς λοιπαῖς δὲ τριγώνου πλευραῖς, ἀπὸ τῆς κορυφῆς ὅπῃ πῶς τομῆν ὅπῃ ζευγυρμένη εὐθεῖα δίχα τέμνη πῶς τῆς τριγώνου γωνίας.

## Theor. 3. Propo. 3,

Si triânguli angulus bifariam sectus sit, secans autem angulum recta linea secuerit & basin: basis segmenta eandem habebunt rationem, quam reliqua ipsius triânguli latera. Et si basis segmenta eandem habeant rationem quam reliqua ipsius triânguli latera, recta li-



I iiiij

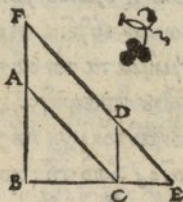
nea, quæ à vertice ad sectionem produci-  
tur, ea bifariam fecat trianguli ipsius angu-  
lum.

δ

Τῶν ἰσογώνιων τριγώνων, ἀνάλογον εἰσιν αἱ πλευ-  
ραὶ, αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογαί αἱ ὑπὸ  
τὰς ἴσας γωνίας ὑπολείπονται πλευραί.

Theor. 4. Propo. 4.

Æquiangulorum triangulorū proportio-  
nalia sunt latera, quæ cir-  
cum æquales angulos, &  
homologa sunt latera, quæ  
æqualibus angulis subten-  
duntur.



ε

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχη, ἴσο-  
γώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας ὑφ'  
αἱ αἱ ὁμόλογαί πλευραὶ ὑπολείπονται.

Theor. 5. Propo. 5.

Si duo triangula latera proportionalia ha-  
beant, æquiangula erunt  
triangula, & æquales ha-  
bebunt eos angulos, sub  
quibus & homologa late-  
ra subtenduntur.





Ϛ

Εὰν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνία ἴσιν ἔχῃ,  
 πρὸς δὲ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,  
 ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας,  
 ὑφ' αἷς αἰ ὁμόλογον πλευρὰν ὑπολείνσιν.

## Theor. 6. Propo. 6.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, & circum æquales angulos latera proportionalia habuerint, æquiangularia erunt trian-

gula, æqualésque habebunt angulos, sub quibus ho-



mologa latera subtenduntur.

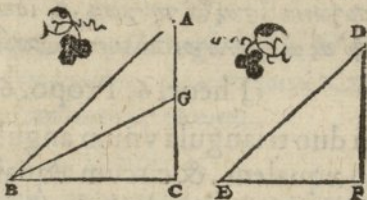
ζ

Εὰν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνία ἴσιν ἔχῃ,  
 πρὸς δὲ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,  
 τῶν δὲ λοιπῶν ἑκατέρωθεν ἅμα ἢ τοὶ ἐλάσσονα ἢ μὴ  
 ἐλάσσονα ὀρθῆς, ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴ-  
 σους ἔξει τὰς γωνίας, πρὸς αἷς ἀνάλογόν εἰσιν αἱ  
 πλευρὰι.

## Theor. 7. Propo. 7.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, circum autem alios angulos la-

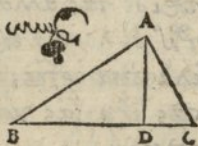
tera proportionalia habeant, reliquorum  
verò simul vtrunque aut minorem aut non  
minorem recto: æquiangula erunt triangu-  
la, & æqua-  
les habe-  
būt eos an-  
gulos, cir-  
cum quos  
propertio-  
nalia sunt latera.



Εάν ἐν ὀρθογωνίῳ τριγώνῳ, ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ἕκασ-  
τὴν βάσιν κείνητος ἀχθῆ, τὰ πρὸς τῇ κείνῳ τρι-  
γωνα ὁμοιά ἐστὶ τῶν τε ὅλων, καὶ ἀλλήλοις.

## Theor. 8. Propo. 8.

Si in triangulo rectangulo, ab angulo recto  
in basin perpendicularis  
ducta fit, quæ ad perpen-  
dicularem triangula, tum  
toti triagulo, tum ipsa in-  
ter se similia sunt.



Τῆς δοθείσης ὀρθῆς τὸ πρὸς τῇ κείνῳ μέρος ἀ-  
φελῆν.

## Probl. 1. Propo. 9.

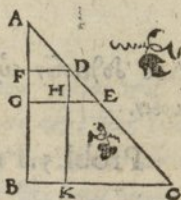
A data recta linea imperatam partem auferre.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀτμητὸν, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ  
τεταμημένῃ ὁμοίως τεμεῖν.

## Probl. 2. Propo. 10.

Datam rectam lineam infectam similiter secare, vt data altera recta secta fuerit.

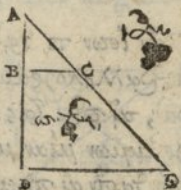


1α

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν, τρίτῃ ἀνάλογον προσεῦρεῖν.

## Probl. 3. Propo. 11.

Duabus datis rectis lineis. tertiam proportionalem adinuenire.



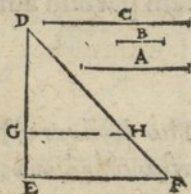


1β

Τριῶν δοθεισῶν εὐθειῶν, τετάρτην ἀνάλογον προσευρεῖν.

Probl. 4. Propo. 12.

Tribus datis rectis lineis, quartam proportionalem adinuenire.

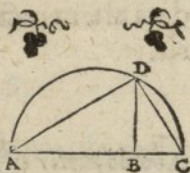


1γ

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν, μέσσην ἀνάλογον προσευρεῖν.

Probl. 5. Propo. 13.

Duabus datis rectis lineis, mediam proportionalem adinuenire.



1δ

Τῶν ἴσων τε καὶ μίαν μιᾷ ἴσῳ ἔχοντων γωνίαν ὀρθογώνιων, ἀντιπεπόμενοι αἱ πλευραὶ, αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας: καὶ ὅν ὀρθογώνιων μίαν μιᾷ ἴσῳ ἔχοντων γωνίαν, ἀντιπεπόμενοι αἱ πλευραὶ, αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσαι ὄσιν ἐκείνα.

Theor. 8. Propo. 14.

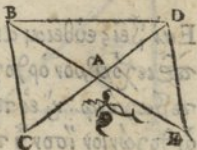
AEqualium, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vnum angulum vni angulo æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.



Ἐάν ἴσων, καὶ μίαν μιᾶ ἴσῳ ἔχοντων γωνίαν τριγώνων ἀντιπεπόμενασιν αἱ πλευραὶ, αἱ αὐτὲς τὰς ἴσας γωνίας: καὶ ὡν μίαν μιᾶ ἴσῳ ἔχοντων γωνίαν ἀντιπεπόμενασιν αἱ πλευραὶ, αἱ αὐτὲς τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα ἔσιν ἐκεῖνα.

Theor. 9. Propo. 15.

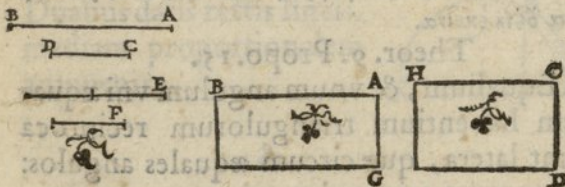
AEqualium, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulum vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.



Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῆς  
 ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἔσθι τῷ ὑπὸ  
 τῆς μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ  
 τῆς ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἢ τῷ ὑπὸ  
 τῆς μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ τέσσαρες  
 εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 16.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fue-  
 rint, quod sub extremis comprehenditur  
 rectangulum æquale est ei, quod sub me-  
 diis comprehenditur rectangulo. Et si sub  
 extremis comprehensum rectangulum æ-  
 quale fuerit ei, quod sub mediis continetur  
 rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ pro-  
 portionales erunt.

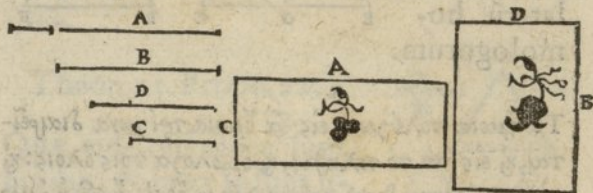


Εὰν πρῆς εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῆς ἄκρων  
 περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἔσθι τῷ ὑπὸ τῆς μέσων  
 περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ: καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῆς ἄκρων περιεχόμενον  
 ὀρθογώνιον ἴσον ἢ τῷ ὑπὸ τῆς μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ  
 πρῆς εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.



## Theor. 12. Propo. 17.

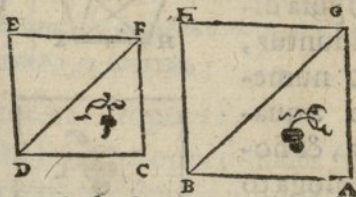
Si tres rectę lineę fint proportionales, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod à media describitur quadrato: & si sub extremis comprehensum rectangulum æquale sit ei quod à media describitur quadrato, illę tres rectę lineę proportionales erunt.



<sup>17</sup>  
 Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι εὐθύγραμμῳ ὁμοιον καὶ ὁμοίως κείμενον εὐθύγραμμον ἀναγράψαι.

## Probl. 6. Propo. 18.

A data re-  
 cta linea,  
 dato recti  
 lineo fimi  
 le simili-  
 tērque po-  
 situm rectilineum describere.

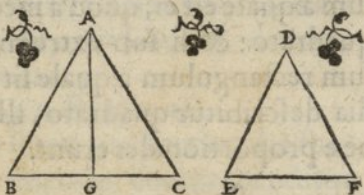


ιθ

Τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἀλλήλα ἐν διπλασίονε λόγῳ ὅτι τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 13. Propo. 19.

Similia tri-  
angula in-  
ter se sunt  
in duplica-  
ta ratione  
laterū ho-  
mologorum.

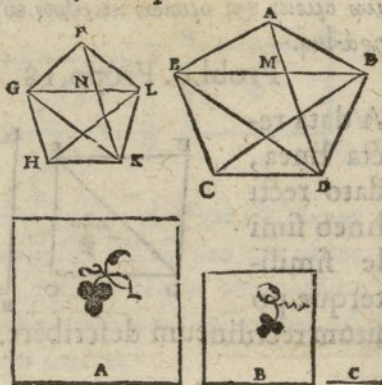


κ

Τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὅμοια τρίγωνα διαρῆ-  
ται, καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος, καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις: καὶ  
τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς ἢ ὁμό-  
λογος πλευρῶν πρὸς τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

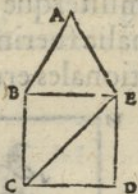
Theor. 14. Propo. 20.

Similia po-  
lygona in  
familia tri-  
angula di-  
viduntur,  
& nume-  
ro æqua-  
lia, & ho-  
mologa to-  
tis. Et po-  
lygona du-



plicatam

plicatam habent eam inter se rationem, quam latus homologum ad homologum latus.

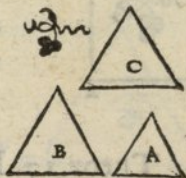


κα

Τὰ τῶν αὐτῶν εὐθύγραμμά ὁμοία, καὶ ἀλλήλοις ὄντι ὁμοία.

Theor. 15. Propo. 21.

Quæ eidem rectilineo sunt similia, & inter se sunt similia.



κβ

Εὰν τέσσαρες εὐθείαι ἀνάλογον ᾦσι, καὶ ἀπ' αὐτῶν εὐθύγραμμά ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἔσται. καὶ ἀπ' αὐτῶν εὐθύγραμμά ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἦ, καὶ αὐτὰ αἱ εὐθείαι ἀνάλογον ἔσονται.

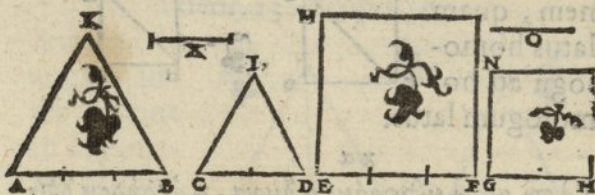
Theor. 16. Propo. 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint: & ab eis rectilinea similia similitérque descripta proportionalia erunt. Et si à re-

K



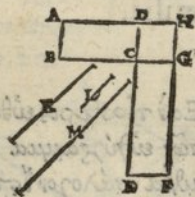
ctis lineis similia similiterque descripta re-  
ctilinea proportionalia fuerint, ipsæ etiam  
rectæ lineæ proportionales erunt.



κ γ  
Τὰ ἰσογώνια ὡς ἑλληλόγραμμα  
πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχουσι τὸν  
κείμενον ἐν τῷ πλευρῶν.

Theor. 17. Propo. 23.

Æquiangula parallelogrā-  
ma inter se rationem ha-  
bent eam, quæ ex lateribus  
componitur.

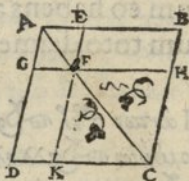


κ δ  
Παντὸς ὡς ἑλληλόγραμμοι τὰ πρὸς πῶν ἑξ ἑαυ-  
τῶν ὡς ἑλληλόγραμμοι, ὁμοία ὄντι πρὸς τὸ ὅλον καὶ  
ἀλλήλοις.

Theor. 18. Propo. 24.

In omni parallelogrammo, quæ circa dia-

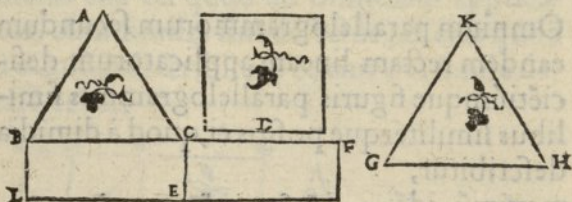
metrū sunt parallelogrā-  
ma, & toti & inter se sunt  
similia.



Τῶ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ὁμοίον, καὶ ἄλλῳ τῶ δοθέντι  
ἴσον τὸ αὐτὸ συστήσασθαι.

Proble. 7. Propo. 25.

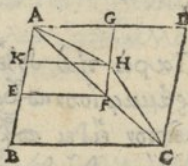
Dato rectilineo simile, & alteri dato æqua-  
le idem constituere.



Εὰν δὲ πρὸ ὁμοειδοῦς ὁμοίον τε τῶ ὅλῳ καὶ ὁμοίως κείμενον,  
κοινὴν γωνίαν ἔχον αὐτῶ, αὐτῶ αὐτῶ ἀνάμμε-  
τρον ὅτι τῶ ὅλῳ.

Theor. 19. Propo. 26.

Si à parallelogrammo pa-  
rallelogrammū ablatum  
fit & simile toti & simili-  
ter positum communem



K ij

cum eo habens angulum, hoc circum eandē cum toto diametrum consistit.

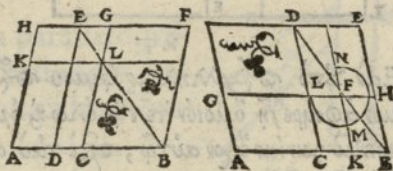
κ ζ

Πάντων τῶν ὑπὸ τῆς αὐτῆς εὐθείας ὑπεραλλομετρῶν ὑπεραλληλογραμμῶν, καὶ ἑλλειπόντων εἶδεσι ὑπεραλληλογραμμοῖς ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως κειμένοις τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγραφομένῳ, μέγιστον ὅστις τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ὑπεραλλόμενον ὑπεραλλήλογραμμῶν, ὁμοίον ὄν τῷ ἑλλείματι.

Theor. 20. Propo. 27.

Omnium parallelogrammorum secundum eandem rectam lineam applicatorum deficiētiumque figuris parallelogrammis similibus similiterque positis ei, quod à dimidia describitur,

maximū id est quod ad dimidiā applicatur parallelogrammum, simile existens defectui.



κ η

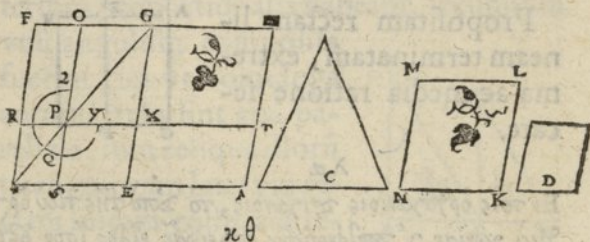
Παρά τινι δοθεῖσαν εὐθεῖαν, τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσον ὑπεραλλήλογραμμῶν ὑπεραλλεῖν, ἑλλειπόντων εἶδει ὑπεραλληλογραμμῶ ὁμοίῳ ὄντι τῷ δοθέντι. δεῖ δὲ τὸ διδόμενον εὐθύγραμμον, ὧ δεῖ



ἴσον ὠρθογώνιον, μὴ μείζον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ὠρθογώνιου, ὁμοίων ὄντων τῶν ἐλλειψομάτων, τῶν τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας καὶ ὧν δὲ ὁμοίων ἐλλείπειν.

Probl. 8. Propo. 28.

Ad datam lineam rectam, dato rectilineo æquale parallelogrammū applicare deficiens figura parallelogramma, quæ similis sit alteri rectilineo dato. Oportet autem datum rectilineum, cui æquale applicandū est, non maius esse eo quod ad dimidiam applicatur, cū similes sint defectus, & eius quod à dimidia describitur, & eius cui simile deesse debet.



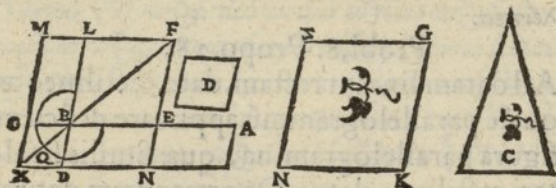
Παρά τῷ δοθέντι, εὐθείᾳ τῷ δοθέντι εὐθυγράμμω ἴσον ὠρθογώνιον ὠρθογώνιον ὠρθογώνιον ὠρθογώνιον εἶδη ὠρθογώνιου ὁμοίᾳ τῷ δοθέντι

Probl. 9. Propo. 29.

Ad datam rectam lineam, dato rectilineo

K iij

αqualē parallelogrammum applicare, excedens figura parallelogramma, quæ similis fit parallelogrammo alteri dato.

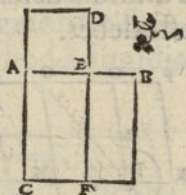


λ

Τὴν τιθεῖσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην, ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμεῖν.

Probl. 10. Propo. 30.

Propositam rectam lineam terminatam, extrema ac media ratione secare.



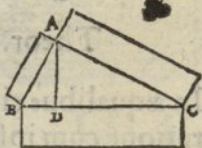
λα

Εν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς τινὸς ὀρθῆς γωνίας ὑποφνούσης πλευρᾶς εἶδος ἴσον ὅστις τοῖς ἀπὸ τῆς τινὸς ὀρθῆς γωνίας ἀφιεχσῶν πλευρῶν εἶδει τοῖς ὁμοίοις, καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένοις.

Theor. 21. Propo. 31.

In rectangulis triangulis, figura quævis à latere rectum angulum subtendente descri-

pta æqualis est figuris, quæ  
priori illi similes, & simili-  
ter positæ à lateribus rectū  
angulū continentibus de-  
scribuntur.

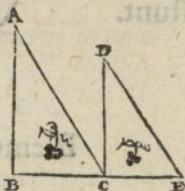


λβ

Εὰν δύο τρίγωνα συντεθῆ χε' μίαν γωνίαν τὰς δύο  
πλευρὰς τᾶς δυσὶ πλευραῖς ἀνάλογον ἔχοντα,  
ὥστε τὰς ὁμολόγους αὐτῶν πλευρὰς καὶ ὁρθῶς ἀλλή-  
λους εἶναι, αἱ λοιπὰ τῶν τριγώνων πλευρὰ ἐπι-  
είας ἔσονται.

Theor. 22. Propo. 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus la-  
teribus proportionalia habeant, secundum  
vnū angulum composita  
fuerint, ita vt homologa  
eorum latera sint etiā pa-  
rallela, tum reliqua illorū  
triangulorum latera in re-  
ctam lineam collocata re-  
perientur.



λγ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν λόγον  
ἔχουσι τᾶς περιφερείας, ἐφ' ὧν βεβήχασιν, εἰάν-  
τε πρὸς τοῖς κέντροις, εἰάντε πρὸς τᾶς περιφε-  
ρείας ὡς βεβηκῆται. ἐπι δὲ καὶ οἱ τομῆς, ἄτε πρὸς

K iiiij

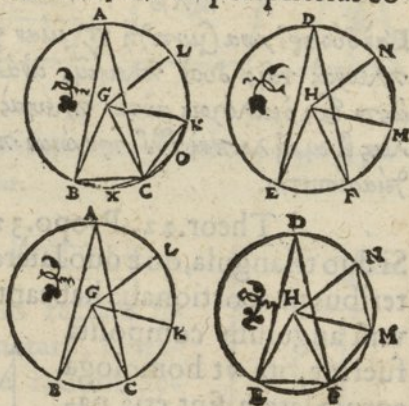


## Theor. 23. Propo. 33.

In æqualibus circulis anguli eandem habent rationem cum ipsis peripheriis in quibus insunt, siue ad centra, siue ad peripherias constituti illis

insistant peripheriis.

Insuper verò & sectores, quippe qui ad centra consistunt.



Elementi sexti finis.



# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

Ε΄ Β Δ Ο Μ Ο Ν .

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM SEPTIMVM.

Ο΄ Ρ Ο Ι .

α

**Μ**ονάς ἔστι, καὶ ἡ ὀλίγη ἑκάστη τῶν ὄντων ἐν λέ-  
γεται.

DEFINITIONES.

I

Vnitas est, secundum quam entium quod-  
que dicitur vnum.

β

Ἄριθμὸς δὲ, τὸ ἐκ μονάδων συγκείμενον πλῆθος.

2

Numerus autem, ex vnitatibus composita  
multitudo.

<sup>γ</sup>  
Μέρος ἔστιν, ἀριθμὸς ἀριθμῶν ὁ ἐλάσσων τῷ μείζονος, ὅταν καταμετρηῖ τὸν μείζονα.

<sup>3</sup>  
Pars est, numerus numeri minor majoris, cum minor metitur maiorem.

<sup>δ</sup>  
Μέρη δὲ, ὅταν μὴ καταμετρηῖ.

<sup>4</sup>  
Partes autem, cum non metitur.

<sup>ε</sup>  
Πολλαπλάσιος δὲ, ὁ μείζων τῷ ἐλάττωτος, ὅταν καταμετρηῖται ὑπὸ τῷ ἐλάττωτος.

<sup>5</sup>  
Multiplex verò, maior minoris, cum maiorem metitur minor.

<sup>Ϝ</sup>  
Ἄρπος δὲ ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ δὲ καὶ διαρούμενος.

<sup>6</sup>  
Par numerus est, qui bifariam diuiditur.

<sup>ζ</sup>  
Περισσὸς δὲ, ὁ μὴ διαρούμενος διχα. ἢ, ὁ μονάδων ἀφάρων ἀρτίων ἀριθμῶν.

<sup>7</sup>  
Impar verò, qui bifariam nō diuiditur. vel, qui vnitate differt à pari.

<sup>η</sup>  
Ἀρπίακισ ἀρπος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀ-



ριθμῶ μετρίμηνος χτ' ἄρπιον ἀειθμῶν.

8

Pariter par numerus est, quem par numerus metitur per numerum parem.

θ

Ἀρτιάκις δὲ περιασός ἐστίν, ὃ ὑπὸ ἀρπίου ἀειθμῶ μετρίμηνος χτ' περιασὸν ἀειθμῶν.

9

Pariter autem impar est, quem par numerus metitur per numerum impar.

ι

Περιασάκις δὲ περιασός ἐστίν ἀειθμῶς, ὃ ὑπὸ περιασῶ μετρίμηνος χτ' περιασὸν ἀειθμῶν.

10

Impariter verò impar numerus est, quē impar numerus metitur per numerū imparē.

1α

Πρῶτος ἀειθμῶς ἐστίν, ὃ μονάδι μόνῃ μετρίμηνος.

11

Primus numerus est, quem vnitas sola metitur.

1β

Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀειθμοί εἰσιν, οἱ μονάδι μόνῃ μετρίμηνοι κοινῶ μετρίμηνοι.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitas mensura communis metitur.

17  
Συνήθετος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ἀριθμῶ πινὶ μεβέμενος.

13  
Compositus numerus est, quem numerus quispiam metitur.

18  
Συνήθετοι δὲ πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀριθμῶ πινὶ μεβέμενοι κοινῶ μεβέμενοι.

14  
Compositi autē inter se numeri sunt, quos numerus aliquis μέσura κομυνης metitur.

19  
Ἀριθμὸς ἀριθμὸν πολλαπλασιάσσειν λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῶ μονάδες, τοσαυτάκις βιωτῆσσι ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται πῆ.

15  
Numerus numerum multiplicare dicitur, cum toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicante unitates, & procreatus fuerit aliquis.

20  
Ὅταν δὲ δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι πινὰ, ὁ γινόμενος ἑπίπεδος καλεῖται, πλευραὶ δὲ αὐτῶ, οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοὶ.

16  
Cum autem duo numeri mutuò sese mul-

tiplicantes quempiã faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicetur.

ιζ

Όταν δὲ τρεῖς ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι πινά, ὁ γινόμενος τερεὸς καλεῖται, πλευρὰ δὲ αὐτῶ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοὶ.

ιζ

Cùm verò tres numeri mutuò sese multiplicātes quempiam faciunt, qui procreatus erit solidus appellabitur, qui autem numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

ιη

Τετράγωνος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ἰσάκεις ἴσος. ἢ, ὁ ἔκαστὸν δύο ἴσων ἀριθμῶν ποιεῖ χρόνος.

ιθ

Quadratus numerus est, qui æqualiter æqualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris continetur.

ιθ

Κύβος δὲ, ὁ ἰσάκεις ἴσος ἰσάκεις. ἢ, ὁ ἔκαστὸν τριῶν ἴσων ἀριθμῶν ποιεῖ χρόνος.

ιθ

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqualiter. vel, qui à tribus æqualibus numeris continetur.



κ

Ἀριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν, ὅταν ὁ πρῶτος τῶ δευτέρῳ  
 καὶ ὁ τρίτος τῶ τετάρτῳ ἰσάκις ἢ πολλαπλάσιος, ἢ  
 τὸ αὐτὸ μέρος, ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ᾧσιν,

20

Numeri proportionales sunt, cum primus  
 secundi, & tertius quarti æquè multiplex  
 est, vel eadem pars, vel eadem partes.

κα

Ὅμοιοι ὀπίπεδοι καὶ σφαιροὶ ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀνάλο-  
 γον ἔχοντες τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui pro-  
 portionalia habent latera.

κβ

Τέλφος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ τοῖς ἑαυτῶ μέρεσιν ἴσος ᾧν.

22

Perfectus numerus est, qui suis ipsius parti-  
 bus est æqualis.

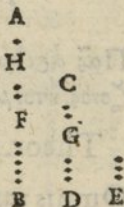
Προτάσις.

α

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀρίστων ἐκκειμένων, αὐτοφαιρου-  
 μένου αἰ τῶ ἐλάσσονος ἀπὸ τῶ μείζονος ὁ λειπό-  
 μένος μηδέποτε κατὰ μετρητὸν πρὸς ἑαυτοῦ ἕως οὐ  
 ληφθῆ μονάς, οἱ ἐξ ἀρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς  
 ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 1. Propo. 1.

Duobus numeris inæqualibus propositis, si detrahatur semper minor de maiore, alterna quadã detractione, neque reliquus vnquam metiatur præcedentem quoad assumpta sit vnitas: qui principio propositi sunt numeri primi inter se erunt.

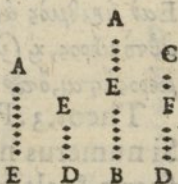


β

Δύο ἀειθμῶς δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Probl. 1. Propo. 2.

Duobus numeris datis nõ primis inter se, maximam eorum communem mensuram reperire.



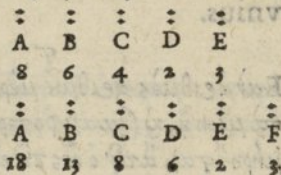
γ

Τριῶν ἀειθμῶς δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Problema 2.

Propo. 3.

Tribus numeris datis non primis



inter se, maximam eorum communem mēsuram reperire.

δ

Πᾶς ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ, ὃ ἐλάσσων τῷ μείζονος ἢτοι μέρος ὅσιν, ἢ μέρη.

Theor. 2. Propo. 4.

Omnis numerus cuiusque numeri, minor maioris aut pars est, aut partes.

			C	
			⋮	
			F	
	C	C	⋮	
	⋮	⋮	E	
	⋮	⋮	⋮	⋮
+	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	B	B	D
	12	7	6	9
				3

Εἰ ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἢ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ αὐτὸ μέρος, καὶ ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται, ὅσιν ὃ εἰς τῷ εἰός.

Theor. 3. Propo. 5.

Si numerus numeri pars fuerit, & alter alterius eadem pars, & simul uterque utriusque simul eadem pars erit, quæ unus est unius.

			C	
			⋮	
			F	
			⋮	
			G	
			⋮	H
	⋮	⋮	⋮	⋮
	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	D	C	
	6	12	4	8

Εἰ ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἢ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ αὐτὰ μέρη ἢ, καὶ ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται, ὅσιν ὃ εἰς τῷ εἰός.

Theor.



Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri	B	E
partes, & alter alterius	:	:
eadem partes, & simul	H	H
uterqueutriusque simul	:	:
eodem partes erunt, quæ	A	C D F
sunt vnus vnus.	6	9 8 12

ζ

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἢ, ὅσῳ ἀφαρθεῖς ἀφαρθεῖντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιποῦ τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται ὅσῳ ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars	D
quæ detractus detracti, & reli-	:
quus reliqui eadē pars erit quæ	F
totus est totius.	:
	E
	C
	:
	A
	G
	6
	16

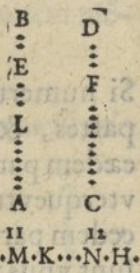
η

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἢ, ὅσῳ ἀφαρθεῖς ἀφαρθεῖντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιποῦ τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται ὅσῳ ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

L

Theor. 6. Propo. 8.

Si numerus numeri eadem  
 sint partes quæ detractus de-  
 tracti, & reliquus reliqui ead-  
 dem partes erunt, quæ sunt  
 totus totius.

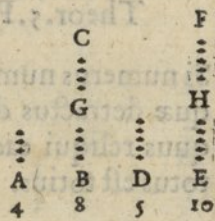


θ

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμὸς μέρος ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ  
 αὐτὸ μέρος, καὶ συναλλάξ, ὁ μέρος ὅστιν ἢ μέρη ὁ πρῶτος τῶ  
 τρίτῃ, τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται ἢ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ὁ  
 δεύτερος τῶ τετάρτῃ.

Theor. 7. Propo. 9.

Si numerus numeri pars  
 fit, & alter alterius eadem  
 pars, & vicissim quæ pars  
 est vel partes primus ter-  
 tii, eadē pars erit vel ead-  
 dem partes & secundus  
 quarti.



ι

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμὸς μέρη ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ  
 αὐτὰ μέρη, καὶ συναλλάξ ἂ μέρη ὅστιν ὁ πρῶτος τῶ  
 τρίτῃ ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται καὶ ὁ δεύτερος τῶ  
 τετάρτῃ, ἢ μέρος.

## Theor. 8. Propo. 10.

Si numerus numeri partes  
sint, & alter alterius eadē  
partes, etiam vicissim quae  
sunt partes aut pars pri-  
mus tertii, eadem partes  
erunt vel pars & secundus  
quarti.

		E	.....	.....
H	.....	.....	.....	.....
G	.....	H	.....	.....
A	.....	.....	.....	.....
C	.....	D	.....	.....
4	.....	6	10	18

Εάν ἡ ὅλος πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαρθεῖς πρὸς ἀφαρ-  
ρεθέντα, καὶ ὁ λοιπὸς πρὸς τὸν λοιπὸν ἔσται ὡς ὅλος  
πρὸς ὅλον.

## Theor. 9. Propo. 11.

Si quemadmodū se habet totus ad  
totum, ita deductus ad deductum,  
& reliquus ad reliquum ita habe-  
bit vt totus ad totum.

		D	.....	.....
B	.....	.....	.....	.....
E	.....	F	.....	.....
A	.....	.....	.....	.....
C	.....	.....	.....	.....
6	.....	8	.....	.....

Εάν ὅσιν ὁποσοιοῦ ἀριθμοὶ ἀνάλογον, ἔσται ὡς εἶς  
πρὸς ἡρώμδων πρὸς εἶς πρὸς ἐπομδίων, οὕτως ἀ-  
παντες οἱ ἡρώμδοι πρὸς ἀπαντας τοὺς ἐπομδίους.

## Theor. 10. Propo. 12.

Si sint quotcūque nume-  
ri proportionales, quem-  
admodum se habet vnus  
antecedentium ad vnum sequentium, ita

A	B	C	D	
9	6	3	2	

L. ij



se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσι, καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ἔσονται.

## Theor. 11. Propo. 13.

Si quatuor numeri sint proportionales, & vicissim proportionales erunt.

A	B	C	D
12	4	9	3

Εὰν ᾦσιν ὅποσοιῦν ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος λαμβανόμενοι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δι' ἴσιν ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

## Theor. 12. Propo. 14.

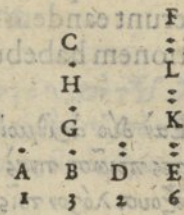
Si sint quotcūque numeri & alii illis æquales multitudine, qui bini sumantur & in eadem ratione: etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt.

A	B	C	D	E	F
12	6	3	8	4	2

Εὰν μονὰς ἀριθμὸν πῖνα μετρήῃ, ἰσάκεις δὲ ἕτερος ἀριθμὸς ἄλλον πῖνα ἀριθμὸν μετρήῃ, καὶ ἐναλλάξ ἰσάκεις ἢ μονὰς τὸν τρίτον ἀριθμὸν μετρήσῃ, καὶ ὁ δεύτερος τέταρτον.

Theor. 13. Propo. 15.

Si vnitas numerum quem-  
 piam metiatur, alter verò  
 numerus alium quendam  
 numerum æquè metiatur,  
 & vicissim vnitas tertium  
 numerum æquè metietur  
 atque secundus quartum.

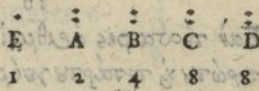


Theor. 18. Propo. 17

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσασθαι ἀλλήλους  
 ποιῶσι πινὰς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλους  
 ἔσονται.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo numeri mu-  
 tuò sese multiplicā-  
 tes faciant aliquos,  
 qui ex illis geniti fuerint inter se æquales e-  
 runt.



Εὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσας ποιῇ  
 πινὰς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι  
 πολλαπλασιασθεῖσι.

Theor. 15. Propo. 17.

Si numerus duos numeros multiplicans

L iij

faciat aliquos, qui  
 ex illis procreati  
 erunt eandem ra-  
 tionem habebunt quam multiplicati.

<sup>11</sup>  
 Εάν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν πῖνα πολλαπλασιάσαι-  
 τες ποιῶσι πινὰς, οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν  
 ἔξουσι λόγον τοῖς πολλαπλασιάσαι.

Theor. 16. Propo. 18.

Si duo numeri nume-  
 rum quempiam mul-  
 tiplicantes faciant ali-  
 quos, geniti ex illis eādē habebunt ratio-  
 nē, quam qui illum multiplicarunt.

<sup>10</sup>  
 Εάν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾶσιν, ὁ ἅκ' ποδ  
 πρώτῃ καὶ τετάρτῃ γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος ἔσται τῷ  
 ἅκ' τῷ δευτέρῃ καὶ τρίτῃ γινόμενῳ ἀριθμῷ. καὶ εάν  
 ὁ ἅκ' τῷ πρώτῃ καὶ δευτέρῃ γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος  
 ἢ τῷ ἅκ' τῷ δευτέρῃ καὶ τρίτῃ, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ  
 ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 17. Propo. 19.

Si quatuor numeri sint proportionales, qui  
 ex primo & quarto fit, æqualis erit ei qui ex  
 secundo & tertio: & si qui ex primo & quar-  
 to fit numerus, æqualis fit ei qui ex secun-



bo & tertio,  $\begin{matrix} \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ A & B & C & D & E & F & G \\ 6 & 4 & 3 & 2 & 12 & 12 & 18 \end{matrix}$   
 illi quatuor  
 numeri proportionales erunt.

Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὦσιν, ὁ ὑπὸ τῶν ἀκρων, ἴσος ἔσθι τῷ ὑπὸ τῶ μέσου. εἰ δὲ ὁ ὑπὸ τῶν ἀκρων, ἴσος ἦ τῷ ὑπὸ τῶ μέσου, οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται.

## Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui ab extremis continetur, æqualis est ei qui à medio efficitur. Et si qui ab extremis continetur, æqualis sit ei qui à medio describitur, illi tres numeri proportionales erunt.

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, μερῶσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς ἰσάκεις, ὁ, τε μείζων τὸν μείζονα, καὶ ὁ ἐλάττω τὸν ἐλάττωνα.

## Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omnium qui eandem cum eis rationem habent, æqualiter metiuntur numeros ean-

$\begin{matrix} D & L \\ \vdots & \vdots \\ G & H \\ \vdots & \vdots \\ C & E & A & B \\ 4 & 3 & 8 & 6 \\ L & \text{iii}j \end{matrix}$

168 EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
 dem rationem habétes, maior quidé maiorem, minor verò minorem.

κβ  
 Εὰν ὅσι τρεῖς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος, (μῦθος λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ δὲ τετραγώνη αὐτῶν ἢ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσθ' ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται).

Theor. 20. Propo. 22

Si tres sint numeri & alii multitudine illis æquales, qui bini sumantur & in eadem ratione, fit autem perturbata eorum proportio, etiam ex æ-

:	:	:	:	:	:
A	B	C	D	E	F
6	4	3	12	8	6

κγ  
 Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλάχιστοι εἰσὶ τῶν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Propo. 23

Primi inter se numeri minimi sunt omniū eandem cum eis rationem habentium.

:	:	:	:	:
A	B	E	C	D
5	6	2	4	3

κδ  
 Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

## Theorem 22. Propositio 24.

Minimi numeri omnium eandem cū eis rationem habentium, primi sunt inter se.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E
8	6	4	3	2

κε

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσιν, ὁ τὸν εἷνα αὐτῶν μετὰν ἀριθμὸς πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτος ἔσται.

## Theor. 23. Propo. 25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui alterutrum illorum metitur numerus, is ad reliquum primus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
6	7	3	4

κε

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς πῖνα ἀριθμὸν πρῶτοι ᾦσι, καὶ ὁ ἐξ αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸν αὐτὸν πρῶτος ἔσται.

## Theor. 24. Propo. 26.

Si duo numeri ad quempiam numerū primi sint, ad eundem primus is quoque futurus est, qui ab illis productus fuerit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
3	B	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	E	F	⋮
5	5	5	3	2	⋮

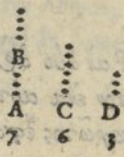


κζ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιν, ὁ ὅσπερ τῷ εἰὸς αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸν λοιπὸν, πρῶτος ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint inter se, qui ab vno eorum gignitur ad reliquum, primus erit.

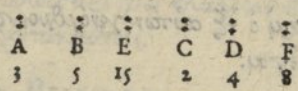


κη

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμούς ἀμφοτέροι πρὸς ἐκάτερον πρῶτοι ᾧσι, καὶ οἱ ἐξ αὐτῶν γενόμενοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo ad vtrumque, primi sint, & qui ex eis gignentur, primi inter se erunt.



κθ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσι, καὶ πολλαπλασιάσας ἐκάτερος ἑαυτὸν ποιῆ πινά, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν, πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται. καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς τοῖς γενομένοις πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι πινὰς, καὶ κῆνοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται, καὶ αἰεὶ πρὸς τοὺς ἀκρῆς τῶτο συμβαίνει.

## Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multiplicans vterque seipsum precreat aliquem, qui ex iis producti fuerint, primi inter se erunt. Quod si numeri initio propositi multiplicantes eos qui producti sunt, effecerint aliquos, hi quoque inter se primi erunt, & circa extremos idé

hoc semper eue-

A	C	E	B	D	F
3	6	27	4	16	63

niet.

λ

Εὰν δύο ἀειθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσι, καὶ  
 ἴσως ἀμφοτέρως πρὸς ἑκάτερον αὐτῶν πρῶτος ἔσται·  
 καὶ εἰ ἴσως ἀμφοτέρως πρὸς εἰς τινὰ αὐτῶν πρῶτος  
 ᾦ, καὶ οἱ ἕξαρχῆς ἀειθμοὶ, πρῶτοι πρὸς ἀλλή-  
 λους ἔσονται.

## Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam si-  
 mul vterque ad vtrunque illorum primus  
 erit. Et si simul vterque ad v-

A	B	D
7	5	4

num aliquem eorum primus  
 fit, etiam qui initio positi  
 sunt numeri, primi inter se erunt.

λ α

Ἄπας πρῶτος ἀειθμὸς πρὸς ἅπαντα ἀειθμὸν, ὃν  
 μὴ μεθεῖ, πρῶτός ἐστιν.

## Theor. 29. Propo. 31.

Omnis primus numerus ad omnē  
 numerum quem nō metitur, pri-  
 mus est.  $\lambda\beta$

$\begin{array}{ccc} \vdots & \vdots & \vdots \\ A & B & C \\ 7 & 10 & 5 \end{array}$

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσωντες ἀλλήλους  
 ποιῶσι πινά, τὸν δὲ γινόμενον ἐξ αὐτῶν μετρήσῃ τις  
 πρῶτος ἀριθμὸς, καὶ ἕνα τῶν ἐξ ἀρχῆς μετρήσῃ.

## Theor. 30. Propo. 32.

Si duo numeri sese mutuò multiplicātes fa-  
 ciant aliquem, hūc autem ab illis productū  
 metiatur primus quidam numerus, is alterū  
 etiā metitur eorū qui initio  
 positi erant.  $\lambda\gamma$

$\begin{array}{ccccc} \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ A & B & C & D & E \\ 2 & 6 & 12 & 3 & 4 \end{array}$

Ἄπας ἀριθμὸς ἢ τοῦ πρῶτου ἢ τοῦ ἀριθμοῦ  
 μετρεῖται.

## Theor. 31. Propo. 33.

Omnē compositū numerū aliquis  
 primus metitur.  $\lambda\delta$

$\begin{array}{ccc} \vdots & \vdots & \vdots \\ A & B & C \\ 27 & 9 & 3 \end{array}$

Ἄπας ἀριθμὸς ἢ τοῦ πρῶτου ἢ τοῦ ἀριθμοῦ  
 μετρεῖται.

## Theor. 32. Prop. 34.

Omnis numerus aut primus est,  
 aut eum aliquis primus metitur.  $\lambda\epsilon$

$\begin{array}{ccc} \vdots & \vdots & \vdots \\ A & A & \\ 3 & 6 & 3 \end{array}$

Ἀριθμὸς δὲ γέντων ὁποσωνοῦν, εὐρεῖν τοὺς ἐλαχίστους  
 τῶν αὐτῶν λόγων ἔχοντων αὐτοῖς.

## Probl. 5. Propo. 35.

Numeris datis quotcunque, reperire mini-



mos omnium qui eandem cum illis ratio-  
nem habeant.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	G	H	K	I	M
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λϚ

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων, εὔρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖσιν ἀριθμὸν.

Probl. 4. Propo-  
siti. 36.

Duobus numeris da-  
tis, reperire quem illi  
minimum metiantur  
numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	E	F	
7	12	8	4	5	
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B				
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
F	E	C	D	G	H
6	9	12	9	2	3

λζ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν πῶς μετράσιν, καὶ ὁ ἐλάχισ-  
τος ὑπὲρ αὐτῶν μετρεῖσιν ὁ αὐτὸν μετρήσῃ.

Theor. 33. Propo. 37.

Si duo numeri numerum  
quempiam metiantur, &  
minimus quē illi metiun-  
tur eundem metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	E	C
2	3	6	12

λη

Τεσσάρων ἀριθμοὶ δοθέντων, εὔρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖ-  
σιν ἀριθμὸν.

Probl. 5. Propo. 38.

Tribus numeris da-  
tis, reperire quem

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E
3	4	6	12	8

minimum nume-  
rum illi metiatur.

A	B	C	D	E	F
3	6	8	12	24	16

λθ

Εὰν ἀειθμὸς ὑπὸ πινος ἀειθμοῦ μετρήται, ὁ με-  
τρήσας ὁμώνυμον μέρος ἔξει τῶ μεζουῦπι.

Theor. 34. Propo. 39.

Si numerus quispiam numerum metiatur,  
mensus partem habe-  
bit metienti cognomi-  
nem.

A	B	C	D
12	4	3	1

μ

Εὰν ἀειθμὸς μέρος ἔχη ὁποιοῦν, ὑπὸ ὁμώνυμου ἀ-  
ειθμοῦ μετρήσεται τῶ μέρει.

Theor. 35. Propo. 40.

Si numerus partem habuerit  
quamlibet, illū metietur nu-  
merus parti cognominis.

A	B	C	D
8	4	2	1

μα

Ἀειθμὸν εὐρεῖν, ὅς ἐλάχιστος ὢν ἔξει τὰ δοθέντα μέρη.

Probl. 6. Propo. 41.

Numerum reperire, qui  
minimus cū sit, datas  
habeat partes.

A	B	C	G	H
2	3	4	12	10

Elementi septimi finis.



# ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

Ο΄ Γ Δ Ο Ο Ν.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM OCTAVVM.

α

Ε' Ἄν ὧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-  
γον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλοισ  
ῶσιν, ἐλάχιστοὶ εἰσι τῶν αὐτὸν λόγον ἔχόντων  
αὐτοῖς.

Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcunque numeri deinceps pro-  
portionales, quorum extremi sint inter se  
primi, mi-  
nimi sunt

A	B	C	D	E	F	G	H
8	12	18	27	6	8	12	18

omnium eandem cum eis rationem haben-  
tium,



β

Ἀριθμοὶ εὐρεῖν ἐξῆς ἀνάλογον ἐλαχίστους, ὅσοις  
ἑπιτάξει τις ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ.

Probl. 1. Propo. 2.

Numeros reperire deinceps proportionales  
minimos, quotcunque iusserit quispiam in  
data ratione.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Α	Β	Γ	Δ	Ε	Ζ	Η	Θ	Κ
3	4	9	12	16	27	36	49	64

γ

Εὰν ᾧσιν ὅποσιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ἐλάχι-  
στοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροι  
αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶ.

Theor. 2. Propo. 3. Conuersa primæ.

Si sint quotcunque numeri deinceps pro-  
portionales minimi habentium eandē cum  
eis rationem, illorum extremi sunt inter se  
primi.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	
Α	Β	Γ	Δ	Ε	Ζ	Η	Θ	Κ	Λ	Μ	Ν	Ο
27	36	48	64	3	4	9	12	16	27	36	48	64

δ

Λόγων δοθέντων ὅποσωνοῦν ἐν ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς,  
ἀριθμοὶ εὐρεῖν ἐξῆς ἐλαχίστοις ἐν τοῖς δοθεῖσι  
λόγοις.

Pro-

## Probl. 2. Propo. 4.

Rationibus datis quotcunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O		
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12		

ε

Οἱ ἑπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσι τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

## Theor. 3. Propo. 5.

Plani numeri rationem inter se habent ex lateribus compositam.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	L	B	C	D	E	F	G	H	K	
18	22	32	3	6	4	8	9	12	16	

ζ

Εὰν ᾧσιν ὅποσσιου ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τὸν δεύτερον μὴ μεβεῖ, οὐδεὶς ἄλλος ἐδένα μετρήσῃ.

M

## Theor. 4. Propo. 6.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, primus autem secundum non metiatur, neque alius quisquam vllum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	G	H
16	24	36	54	82	4	6	9

Εὰν ὧσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τὸν ἕσχατον μετρεῖ, καὶ τὸν δεύτερον μετρήσῃ.

## Theor. 5. Propo. 7.

Si sint quotcunque numeri deinceps proportionales, primus autem extremum metiatur, is etiam secundum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
4	6	12	24

Εὰν δύο ἀριθμοὶ μεταξὺ καὶ τὸ συνεχές ἀνάλογον ἐμπέπλωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχές ἀνάλογον ἐμπέπλωσιν ἀριθμοὶ, τοσοῦτοι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοὺς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχές ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

## Theor. 6. Propo. 8.

Si inter duos numeros medii continua pro-



portione incidant numeri, quot inter eos medii continua proportione incidunt numeri, tot & inter alios eandem cum illis habentes rationem medii cōtinua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	3	9	27	2	6	18	54

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσι, καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ χτ' τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέπλουσιν ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξὺ χτ' τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέπλουσιν ἀριθμοί, τοσούτοι καὶ ἑκατέρου αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξῆς μεταξὺ χτ' τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέπλουσιν.

Theor.7. Propo.9.

Si duo numeri sint inter se primi, & inter eos medii continua proportione incidant numeri, quot inter illos medii cōtinua proportione incidunt numeri, totidem & inter vtrunque eorum ac vnitatem deinceps medii contiua proportione incident.

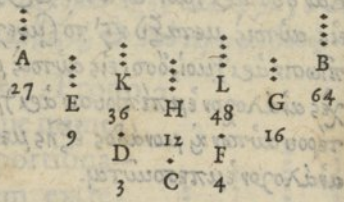
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮		
A	M	H	E	F	N	C	K	X	G	D	L	O	B
27	27	9	36	3	36	1	12	48	4	48	16	64	64

M ij

Εάν δύο ἀριθμοὶ καὶ μονάδος μεταξὺ καὶ τὸ συνεχές ἀνάλογον ἐμπέπωσιν ἀριθμοί, ὅσοι ἐκάτερου αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξ ἧς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχές ἀνάλογον ἐμπέπωσιν ἀριθμοί, τοσοῦτοι καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχές ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Theor. 8. Propo. 10.

Si inter duos numeros & unitatem continuè proportionales incidant numeri, quot inter vtrunque ipforū & unitatem deinceps medii cōtinua proportione incidunt numeri, totidem & inter illos medii continua proportione incidunt.



Δύο τετραγώνων ἀριθμοὶ εἰς μέσσοι ἀνάλογος ἔστιν ἀριθμός. καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς τὸν τετράγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει ἢ ἢ πρὸς τὴν πλευρὰ πρὸς τὴν πλευρὰν.

Theor. 9. Propo. 11.

Duorum quadratorum numerorum vnus medius proportionalis est numerus: & qua-

dratus ad quadratum  
 duplicatam habet la-  
 teris ad latus rationē.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	E	D	B
9	3	12	4	16

16

Δύο κύβων ἀριθμοῖς δύο ἀνάλογον εἰσιν ἀριθμοί. καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον τριπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὴν πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Theor. 10. Propo. 12.

Duorum cuborum numerorum duo medii proportionales sunt numeri : & cubus ad cubum triplicatam habet lateris ad latus rationem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	B	C	D	E	F	G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

17

Ἐὰν ὦσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον, καὶ πολλαπλασιάσας ἕκαστος ἑαυτὸν ποιῆσιν πινὰς, οἱ γινόμενοι ἕξ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται. καὶ ἐὰν οἱ ἕξ ἄρχῃς τοῖς γινόμενοις πολλαπλασιάσαντες ποιῶσιν πινὰς, καὶ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ αἰεὶ πρὸς τοὺς ἀκροὺς τὸ αὐτὸ συμβαίνη.

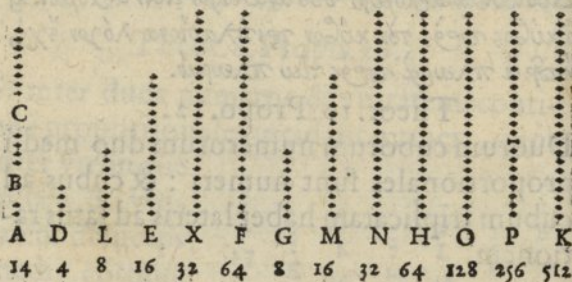
Theor. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, & multiplicans quisque seipsum

M iij



faciat aliquos, qui ab illis producti fuerint proportionales erunt: & si numeri primùm positi, ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.



ιδ

Εὰν τετράγωνος τετράγωνον μετρήῃ, καὶ ἡ πλευρὰ πρὸς πλευρὰν μετρήσῃ. καὶ εἰάν ἡ πλευρὰ πρὸς πλευρὰν μετρήῃ, καὶ ὁ τετράγωνος τὸν τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 12. Propo. 14.

Si quadratus numerus quadratum numerū metiatur, & latus vnus metietur latus alterius. Et si vnus quadrati latus metiatur latus alterius, & quadratus quadratum metietur.

:	:	:	:	:
A	E	B	C	D
9	12	16	3	4

<sup>1ε</sup>  
 Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μετῆῃ, καὶ ἡ  
 πλευρὰ τῆς πλευρᾶς μετρήσῃ, καὶ εἰάν ἡ πλευρὰ τῆς  
 πλευρᾶς μετῆῃ, καὶ ὁ κύβος τὸν κύβον μετρήσῃ.

Theor. 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerum metiatur, & latus vnus metietur alterius latus. Et si latus vnus cubi latus alterius metiatur, tum cubus cubum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	E	C	D	E	F	G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

<sup>1ς</sup>  
 Εάν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμὸν μὴ  
 μετῆῃ, ἔδδ' ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶς μετρήσῃ, καὶ ἡ  
 πλευρὰ τῆς πλευρᾶς μὴ μετῆῃ, ἔδδ' ὁ τετράγωνος  
 τὸν τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratum numerum non metiatur, neque latus vnus metietur alterius latus. Et si latus vnus quadrati non metiatur latus alterius, neque quadratus quadratū metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
9	16	3	4
M iiij			

ιζ

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μὴ μετρήῃ, ἔδ' ἢ  
 πλευρὰ τῶν πλευρῶν μετρήσῃ. καὶ ἢ πλευρὰ τῶν  
 πλευρῶν μὴ μετρήῃ, ἔδ' ὁ κύβος τὸν κύβον μετρήσῃ.

## Theor. 15. Propo. 17.

Si cubus numerus cubum numerum non  
 metiatur, neq; latus unius  
 latus alterius metietur. Et  
 si latus cubi alicuius la-  
 tus alterius nō metiatur,  
 neque cubus cubum me-  
 tietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	27	9	11

ιη

Δύο ὁμοίων ὀπίπεδων ἀριθμῶν εἰς μέσους ἀνάλο-  
 γὸς ὅστιν ἀριθμὸς. καὶ ὁ ὀπίπεδος πρὸς τὸν ὀπίπεδον  
 διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸ ἢ ὁμόλογος πλευρὰ  
 πρὸς τῶν ὁμόλογον πλευρῶν.

## Theor. 16. Propo. 18.

Duorum similibium planorum numerorum  
 vnus medius  
 proportiona-  
 lis est nume-  
 rus: & planus  
 ad planum duplicatam habet lateris homo-  
 logi ad latus homologum rationem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	G	B	C	D	E	F
12	18	27	2	6	3	9

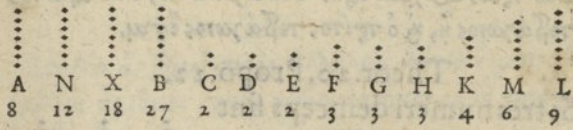


10

Δύο ὁμοίων φερεῶν ἀριθμῶν, δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπουσιν ἀριθμοί, καὶ ὁ φερεὸς πρὸς τὸν ὁμοιον φερεὸν ἵσπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ ὡς ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευρὰν.

Theor. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo medii proportionales incidunt numeri, & solidus ad similem solidum triplicatam rationem habet lateris homologici ad latus homologum.

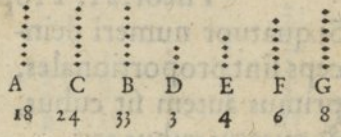


χ

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν εἷς μέσος ἀνάλογον ἐμπίπῃ ἀριθμὸς, ὁμοιοὶ ὀπίπεδοι ἔσονται ἀριθμοί.

Theor. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius proportionalis incidat numerus, similes plani erūt illi numeri.



κα

Εὰν δύο ἀριθμοὶ δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπλωσιν ἀριθμοί, ὅμοιοι στερεοὶ εἰσιν οἱ ἀριθμοί.

Theor. 19. Propo. 21.

Si inter duos numeros duo medii proportionales incidant numeri, similes solidi sunt illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H	K	L	M
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4

κβ

Εὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ δὲ πρῶτος τετράγωνος ἦ, καὶ ὁ τρίτος τετράγωνος ἔσται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres numeri deinceps sint proportionales, primus autem fit quadratus, & tertius quadratus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	D
9	15	25

κγ

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ δὲ πρῶτος κύβος ἦ, καὶ ὁ τέταρτος κύβος ἔσται.

Theor. 21. Propo. 23.

Si quatuor numeri deinceps sint proportionales, primus autem fit cubus, & quartus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	12	18	27

κ δ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, ὁ δὲ πρῶτος τετράγωνος ἢ, καὶ ὁ δεύτερος τετράγωνος ἔσται.

## Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se quam quadratus numerus ad quadratū numerum, primus autem fit quadratus, & secundus quadratus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A		B	C		D
4	6	9	16	24	36

κ ε

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν, ὁ δὲ πρῶτος κύβος ἢ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἔσται.

## Theor. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant quam cubus numerus ad cubum numerū, primus autem cubus fit, & secundus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	F	B	C			D
8	12	18	27	64	95	140	216



κζ

Οἱ ὅμοιοι ὀπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν.

## Theor. 24. Propo. 26.

Similes plani numeri rationem inter se habēt, quam quadratus numerus ad quadratū numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

κζ

Οἱ ὅμοιοι στερεοὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν.

## Theor. 25. Propo. 27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
16	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.



# ΕΥΚΛΕΙ-

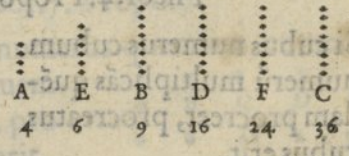
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ  
Ε' ΝΝΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-  
TVM NONVM.

**Ε**ἂν δύο ὅμοιοι ἑπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλα-  
σιασάντες ἀλλήλοις ποιῶσι τινὰ, ὁ γενόμενος  
τετραγώνος ἔσται.

### Theor. 1. Propo. 1.

Si duo similes plani numeri mutuò sese mul-  
tiplicantes  
quedã pro-  
creent, pro-  
ductus qua-  
dratus erit.



β

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τετράγωνον, ὅμοιοι ὀπίπεδοί εἰσιν.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duo numeri mutuò sese multiplicantes quadratum faciāt,

illi similes sunt

plani.

A	B	D	C
4	6	12	9
			18
			36

γ

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ πινά, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 3. Propo. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicans procreet aliquem, productus cubus erit.

procreet aliquem, productus cubus erit.

D	D	A	B
3	4	8	16
			32
			64

δ

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ πινά, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 4. Propo. 4.

Si cubus numerus cubum numerū multiplicās quēdam procreet, procreatus cubus erit.

A	B	D	C
8	27	64	216



$\epsilon$   
 Εάν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιά-  
 σαις κύβον ποιῆ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθεὶς κύβος  
 ἔσται.

Theor. 5. Propo. 5.

Si cubus numerus numerum quēdam mul-  
 tiplicans cubum pro-  
 creet, & multiplicatus

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	D	C
27	64	729	1728

cubus erit.

$\zeta$   
 Εάν ἀριθμὸς ἐαυτὸν πολλαπλασιάσαις κύβον ποιῆ,  
 καὶ αὐτὸς κύβος ἔσται.

Theor. 6. Propo. 6.

Si numerus seipsum multipli-  
 cans cubum procreet, & ipse

⋮	⋮	⋮
A	B	C
27	729	19683

cubus erit.

$\eta$   
 Εάν σύνθετος ἀριθμὸς ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιά-  
 σαις ποιῆ τινα, ὁ γενόμενος τερεὸς ἔσται.

Theor. 7. Propo. 7.

Si compositus numerus quendam numerū  
 multiplicans quem-  
 piam procreet, pro-  
 ductus solidus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E
6	8	48	2	3

Εάν ἄπο μονάδος ὅποσσιουῦ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-  
γον ᾧσιν, ὁ μὲν τρίτος ἄπο τῆς μονάδος τετράγω-  
νός ἐστιν, καὶ οἱ εἴα ἀφαλείποντες πάντες, ὁ δὲ τέταρ-  
τος κύβος, καὶ οἱ δύο ἀφαλείποντες πάντες, ὁ δὲ ἕβδο-  
μος κύβος ἅμα καὶ τετράγωνος, καὶ οἱ πέντε ἀφαλεί-  
ποντες πάντες.

## Theor. 8. Propo. 8.

Si ab vnitate quotlibet numeri deinceps  
proportionales sint, tertius ab vnitate qua-  
dratus est, & vnum intermittentes omnes:  
quartus autem cubus, & duobus intermissis  
omnes: septimus  
verò cubus simul  
& quadratus, &  
quinque inter-  
missis omnes.

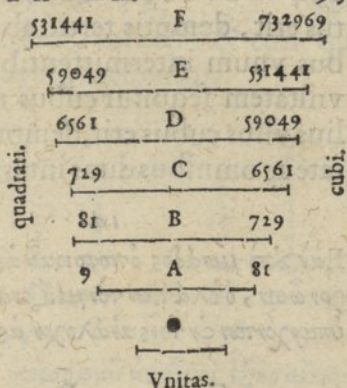
●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vnitas.	A	B	C	D	E	F
	3	9	27	81	243	729

Εάν ἄπο μονάδος ὅποσσιουῦ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-  
γον ᾧσιν, ὁ δὲ μετὰ πλὴν μονάδα τετράγωνος ἦ, καὶ οἱ  
λοιποὶ πάντες τετράγωνοι ἔσονται, καὶ εἰάν ὁ μετὰ  
πλὴν μονάδα κύβος ἦ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι  
ἔσονται.

## Theor. 9. Propo. 9.

Si ab vnitate sint quotcunque numeri  
deinceps proportionales, sit autem qua-  
dratus

dratus is qui vnitatem sequitur, & reliqui omnes quadrati erunt. Quòd si qui vnitatem sequitur cubus fit, & reliqui omnes cubi erunt.



Εὰν ἄπο μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧ-  
σιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα μὴ ἢ τετράγωνος, ἔδ' ἄλ-  
λος ἔδειξ τετράγωνος ἔσται, χωρὶς τῶ τρίτου ἄπο τῆς  
μονάδος καὶ τῶ εἶνα ἀφαιπόντων πάντων. καὶ εἰ ὁ  
μετὰ τὴν μονάδα κύβος μὴ ἢ, οὐδ' ἄλλος οὐδὲις  
κύβος ἔσται, χωρὶς τῶ τετάρτου ἄπο τῆς μονάδος καὶ  
τῶ δύο ἀφαιπόντων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitate numeri quotcunque propor-  
tionales sint, non fit autem quadratus is qui  
vnitatem se-  
quitur, ne-  
que alius vl-  
lus quadra-

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vni- tas.	A	B	C	D	E	F
	3	9	36	81	243	729

N



tus erit, demptis tertio ab vnitare ac omnibus vnum intermittentibus. Quòd si qui vnitatem sequitur cubus non fit, neque alius vllus cubus erit, demptis quarto ab vnitare ac omnibus duos intermittentibus.

1α

Εὰν ἄπο μονάδος ὅποσσιουῦ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ ἐλάττων τὸν μείζονα μετρεῖ καθαῖστα ἢ ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

## Theor. 11. Propo. 11.

Si ab vnitare numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorem metitur per quempiam eorum qui in proportionibus sunt numeris.

A	B	C	D	E
1	2	4	8	16

1β

Εὰν ἄπο μονάδος ὅποσσιουῦ ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν, ὑφ' ὧσιν, αἱ ὀλίγιστοι πρώτων ἐριθμῶν μετρεῖται, ὑπὸ τῶν αὐτῶν καὶ ὁ ὀλίγιστος μονάδα μετρήσεται.

## Theor. 12. Propo. 12.

Si ab vnitare quotlibet numeri sint proportionales, quot primorum numerorum

ultimum metiuntur, totidem & eum qui  
vnitati proximus est, metientur.

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vnitas.	A	B	C	D	E	H	G	F
	4	16	64	259	2	8	32	128

17

Εάν ἄπο μονάδος ὅποσσιουῦ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-  
γον ᾧσιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα πρώτος ἢ, ὁ μέγιστος  
ὑπ' οὐδενὸς ἄλλῃ μετρήσειται παρ' ἐξ τῆς ὑπαρχόν-  
των ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theor. 13. Propo. 13.

Si ab vnitate sint quotcunque numeri deinceps proportionales, primus autem fit qui vnitatem sequitur, maximum nullus alius metietur, iis exceptis qui in proportionalibus sunt numeris.

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vnitas.	A	B	C	D	E	H	G	F
	3	9	27	81				
								N ij

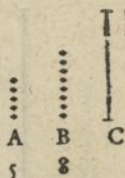




15  
 Εάν δύο ἀριθμοὶ ᾤῳτοι πρὸς ἀλλήλους ᾤσιν, οὐκ ἔσται ᾤς ὁ ᾤῳτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ δεύτερος πρὸς ἄλλον τινά.

## Theor. 16. Propo. 16.

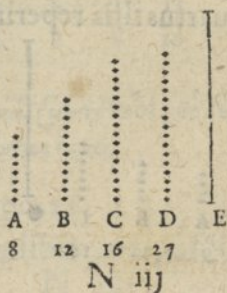
Si duo numeri sint inter se primi, non se habebit quemadmodum primus ad secundum, ita secundus ad quempiam alium.



16  
 Εάν ᾤσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν ᾤῳτοι πρὸς ἀλλήλους ᾤσιν, οὐκ ἔσται ᾤς ὁ ᾤῳτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ ἕσχατος πρὸς ἄλλον τινά.

## Theor. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, quorum extremi sint inter se primi, nõ erit quemadmodum primus ad secundum, ita vltimus ad quempiam alium.

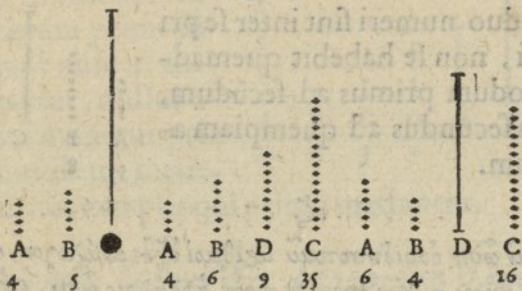


11

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων, ἑπιπέφασθαι εἰ δυνατὸν ἔστιν αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσσευρῆν.

Theor. 18. Propo. 18.

Duobus numeris datis, cōsiderare possitne tertius illis inueniri proportionalis.

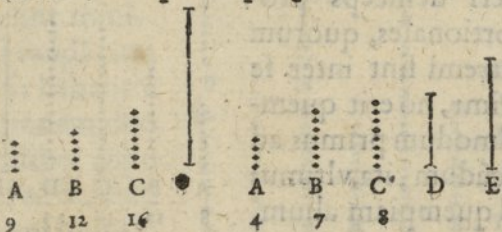


10

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ἑπιπέφασθαι εἰ δυνατόν ἔστιν αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσσευρῆν.

Theor. 19. Propo. 19.

Tribus numeris datis, considerare possitne quartus illis reperiri proportionalis.



κ

Οἱ ἀρώτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰσὶ παντὸς ἑνὸς ἀριθμοῦ πλείους ἀρώτων ἀριθμῶν.

## Theor. 20. Propo. 20.

Primi numeri plures sunt quacūque proposita multitudine primorū numerorum.

			F	
			D	
			I	
		⋮		I
		⋮		I
		⋮		I
A	B	C	E	G
2	3	19		23

κα

Εὰν ἀρπιοὶ ἀριθμοὶ ὅποσσιουῦ συντεθῶσιν, ὁ ὅλος ἀρπὸς ἕστιν.

## Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quotlibet compositi sint, totus est par.

			E
			⋮
			⋮
			⋮
A	B	C	D
4	6	8	10

κβ

Εὰν ἄρπιοι ἀριθμοὶ ὅποσσιουῦ συντεθῶσιν, τὸ δὲ πλῆθος αὐτῶν ἀρπὸν ἢ ὁ ὅλος ἀρπὸς ἕσται.

## Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi

N iiij

SCD LYON 1



fint, fit autem par il-  
lorum multitudo, to-  
tus par erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	E
A	B	C	D	
5	9	7	3	

κ γ

Εὰν ἄραιοι ἀριθμοὶ ὅποσοιῦν συντεθῶσι, τὸ δὲ  
πλήθος αὐτῶν ἄραιοὺν ἦ, καὶ ὅλος ἄραιοὺς ἔσται.

## Theor. 23. Propo. 23.

Si impares numeri quot-  
cunque compositi sint,  
fit autem impar illorum  
multitudo, & totus im-  
par erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	E
A	B	C	D	
5	7	8	x	

κ δ

Εὰν ἄπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ ἄρτιος ἀφαρεθῆ, καὶ ὁ λοι-  
πὸς ἄρτιος ἔσται.

## Theor. 24. Propo. 24.

Si de pari numero par detractus  
fit, & reliquus par erit.

⋮	⋮	B
A	C	
6	4	

κ ε

Εὰν ἄπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ ἄραιοὺς ἀφαρεθῆ, καὶ ὁ  
λοιπὸς ἄραιοὺς ἔσται.

## Theor. 25. Propo. 25.

Si de pari numero impar  
detractus sit, & reliquus  
impar erit.

⋮		B
⋮	•	⋮
A	C	D
8	1	4

Εὰν ἀπὸ <sup>κ γ</sup> πᾶσι ἀριθμοῦ ἀφαιρηθῆ, ἢ ὁ  
λοιπὸς ἄρτιος ἔσται.

## Theor. 26. Propo. 26.

Si de impari numero im-  
par detractus sit, & reli-  
quus par erit.

⋮	⋮	B
A	⊙	D
4	6	1

Εὰν ἀπὸ <sup>κ ζ</sup> πᾶσι ἀριθμοῦ ἄρτιος ἀφαιρηθῆ, ὁ λοι-  
πὸς πᾶσι ἀριθμὸς ἔσται.

## Theor. 27. Propo. 27.

Si ab impari numero par  
ablatus sit, reliquus im-  
par erit.

		B
•	⋮	⋮
A	D	C
1	4	4

Εὰν ἀπὸ <sup>κ η</sup> πᾶσι ἀριθμοῦ ἄρτιον πολλαπλασιάσας  
ποιῆται τινὰ, ὁ γινόμενος ἄρτιος ἔσται.

## Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans procreet quempiam, procreatus par erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	C
3	4	12

κθ

Εὰν ὀρειῶς ἀριθμὸς ὀρειῶν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῆ πινὰ, ὁ γενόμενος ὀρειῶς ἔσται.

## Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparē numerū multiplicās quendā procreet, procreatus impar erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	C
3	5	15

λ

Εὰν ὀρειῶς ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετρήῃ, καὶ τὸν ἡμισυ αὐτῷ μετρήσῃ.

## Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiatur, & illius dimidium metietur.

⋮	⋮	⋮
A	C	B
3	6	18

λα

Εὰν ὀρειῶς ἀριθμὸς πρὸς πινὰ ἀριθμὸν ὀρώτος ᾖ, καὶ πρὸς τὸν διπλάσιον αὐτῷ ὀρώτος ἔσται.

## Theor. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quempiam primus fit, & ad illius duplū primus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
7	8	16	1



λβ

Τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἕκαστος ἀρτιάκις ἀρτιός ἐστὶ μόνον.

Theor. 32. Propo. 32.

Num̄erorum, qui à binario dupli sunt, vnusquisque pariter par est tantum.

Vnitas.

:

:

:

:

A

B

C

D

2

4

8

16

λγ

Εὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμισυ ἔχη πλειόν, ἀρτιάκις πλειώσος ἐστὶ μόνον.

Theor. 33. Propo. 33.

Si numerus dimidium impar habeat, pariter impar est tantum.

A

20

λδ

Εὰν ἀρτιος ἀριθμὸς μήτε τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἢ, μήτε τὸν ἡμισυ ἔχη πλειόν, ἀρτιάκις, τε ἀρτιός ἐστὶ καὶ ἀρτιάκις πλειώσος.

Theor. 34. Propo. 34.

Si par numerus nec fit duplus à binario, nec dimidium impar habeat, pariter par est, & pariter impar.

A

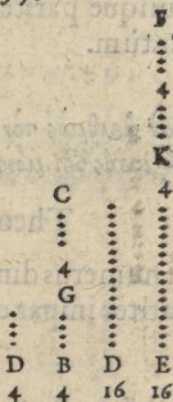
20

λε

Εὰν ᾧσιν ὁσοῖδιηποτοιῦ ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον, ἀ-  
 φαιρεθῶσι δὲ ἀπὸ τε τῶ δευτέρου καὶ τῶ ἔσχατου ἴσοι  
 τῶ πρώτῳ, ἕσται ὡς ἡ τῶ δευτέρου ὑποροχὴ πρὸς  
 τὸν πρώτον, οὕτως ἢ τῶ ἔσχατου ὑποροχὴ πρὸς τοὺς  
 πρὸ ἑαυτῶ ἀπαντας.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri  
 deinceps proportionales,  
 detrahantur autem de se-  
 cundo & ultimo æquales  
 ipsi primo, erit quemad-  
 modum secundi excessus  
 ad primum, ita ultimi ex-  
 cessus ad omnes qui vlti-  
 mum antecedunt.



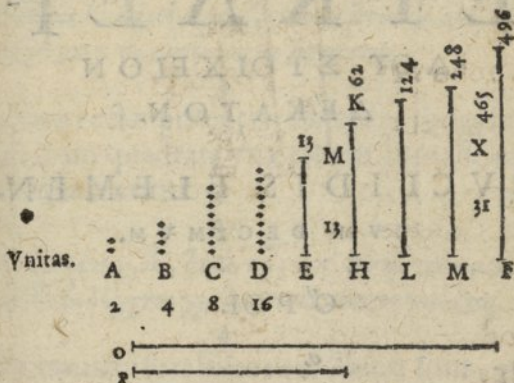
λϚ

Εὰν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦ ἀριθμοὶ ἕξῃς ἐκτε-  
 θῶσιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ ἕως οὗ ὁ σύμπασις  
 συντεθεὶς πρώτος γένηται, καὶ ὁ σύμπασις ἔπι τὸν  
 ἔσχατον πολλαπλασιασθεὶς ποιῆ πινὰ, ὁ γενόμενος  
 τέλος ἕσται.

Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quotlibet deinceps

expositi sint in duplici proportione quoad  
 totus compositus primus factus sit, isque  
 totus in vltimum multiplicatus quempiam  
 procreet, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.





# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΔΕΚΑΤΟΝ.

E V C L I D I S E L E M E N -

T V M D E C I M V M .

Ο΄ Ρ Ο Ι .

α

ΣΥμμετρα μεγέθη λέγεται, τὰ τῷ αὐτῷ μέ-  
τρῳ μετρούμενα.

D E F I N I T I O N E S .

I

Commensurabiles magnitudines dicun-  
tur illæ, quas eadem mensura metitur.

β

Ἀσύμμετρα δὲ, ὧν μηδὲν εἰδέχεται κοινὸν μέτρον  
γενέσθαι.

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mēsuram communem contingit reperiri.

<sup>γ</sup>  
Εὐθείαι δὴ διῶμας σύμμετροί εἰσιν, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετράγωνα τῷ αὐτῷ χωρίῳ μετρήσῃται.

<sup>β</sup>  
Lineæ rectæ potentia cōmensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadem superficies siue area metitur.

<sup>δ</sup>  
Ἀσύμμετροι δὲ, ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μηδὲν ἐνδέχῃται χωρίον κοινὸν μέτρον γενέσθαι.

<sup>α</sup>  
Incommensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

<sup>ε</sup>  
Τῶν ἑποκλήματων, δέκνυται ὅτι τῇ προτεθεισῇ εὐθείᾳ ὑπάρχουσιν εὐθείαι πλήθης ἀπειροί, σύμμετροί τε καὶ ἀσύμμετροι, αἱ μὲν μήκῃ καὶ διῶμαί, αἱ δὲ διῶμαί μόνον. Καλείσθω οὖν ἡ μὲν προτεθεισα εὐθεῖα ῥητή.

<sup>ζ</sup>  
Hæc cum ita sint, ostendi potest quòd quātacunque linea recta nobis proponatur,

existunt etiam aliæ lineæ innumerabiles eidem commensurabiles, aliæ item incommensurabiles, hæ quidem longitudine & potentia: illæ vero potentia tantum. Vocetur igitur linea recta, quantacunque proponatur, ῥητῆ, id est rationalis.

Καὶ αἱ ταύτη σύμμετροι εἴτε μήκῃ καὶ δυνάμει, εἴτε δυνάμει μόνον, ῥηταί.

Lineæ quoque illi ῥητῆ commensurabiles siue longitudine & potentia, siue potentia tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est rationales.

Αἱ δὲ ταύτη ἀσύμμετροι, ἀλογοὶ καλεῖσθωσαν.

Quæ verò lineæ sunt incommensurabiles illi τῆ ῥητῆ, id est primo loco rationali, vocentur ἀλογοί, id est irrationales.

Καὶ τὸ μὲν ἀπὸ τῆς περὶ τεθείσης εὐθείας τετραγώνου, ῥητόν.

Et quadratum quod à linea proposita describitur quam ῥητῆν vocari voluimus, vocetur ῥητόν.

Καὶ τὰ



θ

Καὶ τὰ τέτρω σύμμετρα, ῥητά.

9

Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

ι

Τὰ δὲ τέτρω ἀσύμμετρα, ἄλογα καλεῖσθαι.

10

Quæ verò sint illi quadrato ῥητῶ scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est furda.

ια

Καὶ αἱ διωάμεναι αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ μὲν τεβράγωνα εἴη, αὐταὶ αἱ πλευραί. εἰ δὲ ἕτερον πινὰ εὐθύγραμμα, αἱ ἴσα αὐτοῖς τεβράγωνα ἀναγράφουσι.

11

Et lineæ quæ illa incōmensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι lineæ, quòd si quadrata quidem non fuerint, verùm aliæ quæpiam superficies siue figuræ rectilineæ, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἄλογοι.

Προτάσις. α.

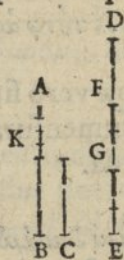
Δύο μεγεθῶν ἀρίστων ἐκκεκμημένων, ἐὰν ἄπὸ τῶ μετ-

○

ζωνος ἀφαρεθῆ μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τῷ χαλα-  
 πιδίου μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τῷ αἰὲ γίνηται, λι-  
 φθίσηται πὺ μέγεθος, ὅ ὅτιν ἔλαστον σικκειδίου ἐ-  
 λάστονος μεγέθους.

Theor. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinibus inæqualibus pro-  
 positis, si de maiore detraha-  
 tur plus dimidio, & rursus  
 de residuo iterum detraha-  
 tur plus dimidio, idque sem-  
 per fiat: relinquetur qua-  
 dam magnitudo minor al-  
 tera minore ex duabus pro-  
 positis.

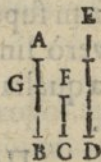


β

Εὰν δύο μεγεθῶν σικκειδίων ἀίστων, ἀΐτηφαιρου-  
 μδύς αἰὲ τῷ ἔλάστονος ἀπὸ τῷ μείζονος, τὸ χαλα-  
 λειπόμδον μηδέποτε χαλαμετῆ τὸ πρὸ ἑαυτοῦ,  
 ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus  
 propositis inæqualibus, si  
 detrahatur semper minor  
 de maiore, altera quadam  
 detractione, neque residuū  
 vnquam metiatur id quod



ante se metiebatur, incommensurabiles sunt illæ magnitudines.

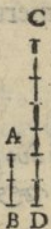
γ

Δύο μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Probl. 1. Propo. 3.

Duabus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.

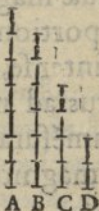
δ



Τριῶν μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Proble. 2. Propo. 4.

Tribus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.



ε

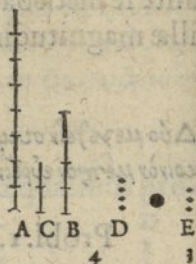
Τὰ σύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχουσι, ὅν ἀεικέλιος πρὸς ἀειθέριον.

Ο ij



## Theor. 3. Propo. 5.

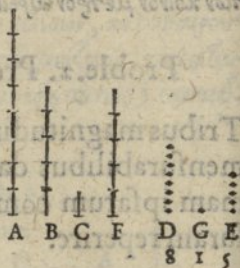
Commenfurabiles magnitudines inter se proportionem eam habent, quam habet numerus ad numerum.



Εὰν δύο μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχῃ, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρά ἐστί τὰ μεγέθη.

## Theor. 4. Propo. 6.

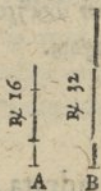
Si duæ magnitudines proportionē eam habēt inter se, quam numerus ad numerum, commensurabiles sunt illæ magnitudines.



Τὰ ἀσύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον οὐκ ἔχῃ, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

## Theor. 5. Propo. 7.

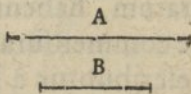
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionē nō habent, quam numerus ad numerum.



Εὰν δύο μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ ἔχῃ, ὡς ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

## Theor. 6. Propo. 8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem non habēt, quam numerus ad numerum, incommensurabiles illæ sunt magnitudines.

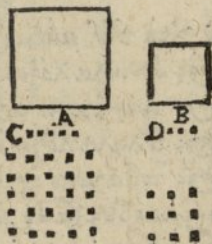


Τὰ ἀπὸ τῆς μήκει Συμμέτρων εὐθεῶν τετράγωνα, πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει, ὡς τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχοντα, ὡς τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, καὶ τὰς πλευρὰς ἕξῃ μήκει Συμμέτρως. τὰ δὲ ἀπὸ τῆς μήκει ἀσύμμετρων εὐθεῶν τετράγωνα πρὸς ἀλλήλα λόγον οὐκ ἔχῃ, ὡς πρὸς τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ

ἔχοντα, ὅν τῳ τετράγωνος ἀειθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀειθμὸν, οὐδὲ τὰς πλευρὰς ἕξῃ μήκει συμμέτρους.

## Theor. 7. Propo. 9.

Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habēt, quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se, quam quadratus numerus ad numerum quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia. Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionem non habēt inter se, quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se, quam numerus quadratus ad numerum quadratum, neque latera habebunt longitudine commensurabilia.

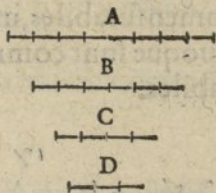




Εὰν τεσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ἦ, τὸ δὲ πρῶτον τῶ  
 δευτέρῳ σύμμετρον ἦ, καὶ τὸ τρίτον τῶ τετάρτῳ  
 σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ πρῶτον τῶ δευτέρῳ ἀσύμ-  
 μετρον ἦ, καὶ τὸ τρίτον τῶ τετάρτῳ ἀσύμμετρον  
 ἔσται.

Theor. 8. Propo. 10.

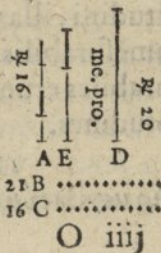
Si quatuor magnitudines fuerint propor-  
 tionales, prima ve-  
 rò secundæ fuerit  
 commensurabilis,  
 tertia quoq; quar-  
 tæ commensurabi-  
 lis erit. quòd si pri-  
 ma secundæ fuerit  
 incommensurabilis, tertia quoque quartæ  
 incommensurabilis erit.



Ἡ ἀρεθείση εὐθεία ἀρσευρεῖν δύο εὐθείας ἀ-  
 σύμμετροις, τὴν μὲν μήκῃ μόνον, τὴν δὲ καὶ δυνάμει.

Probl. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ  
 (quam ῥητικὴν vocari di-  
 ximus) reperire duas li-  
 neas rectas incommen-  
 surabiles, hanc quidem  
 longitudine tantum, il-



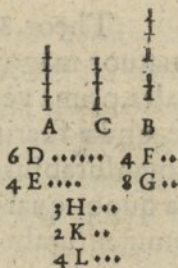
lam verò non longitudine tantùm, sed etiã  
potentia incommensurabilem.

1β

Τὰ τῶ αὐτῶ μεγέθη σύμμετρα, καὶ ἀλλήλοις ὄντι  
σύμμετρα.

Theor. 9. Propo. 12.

Magnitudines quæ ei-  
dem magnitudini sunt  
commensurabiles, inter  
se quoque sunt commē-  
surabiles.

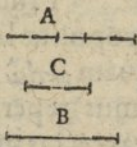


1γ

Εὰν ἡ δύο μεγέθη, καὶ τὸ μὲν σύμμετρον ἢ τῶ αὐ-  
τῶ, τὸ δὲ ἕτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ  
μεγέθη.

Theor. 10. Propo. 13.

Si ex duabus magnitudinibus hæc quidem  
commensurabilis sit tertiæ  
magnitudini, illa verò eidē  
incommensurabilis, incom-  
mensurabiles erunt illæ duæ  
magnitudines.



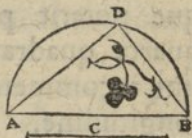
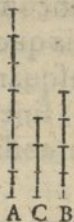
1δ

Εὰν ἡ δύο μεγέθη σύμμετρα, τὸ δὲ ἕτερον αὐτῶν με-

γέθη πνί ασύμμετρον ἢ, καὶ τὸ λοιπὸν τῶ αὐτῶ ασύμμετρον ἔσται.

Theor. 11. Propo. 14.

Si duarum magnitudinum commensurabilium altera fuerit incōmensurabilis magnitudini alteri cuiuspiā tertiæ, reliqua quoque magnitudo eidem tertiæ incommensurabilis erit.



1 ε

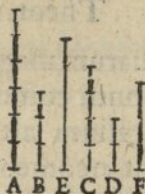
Ἐὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾧσι, διώηται δὲ ἡ πρώτη τῆς δευτέρας μείζον τῶ ἀπὸ συμμετροῦ ἑαυτῆ μήκη, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μείζον διώησεται τῶ ἀπὸ συμμετροῦ ἑαυτῆ μήκη, καὶ ἂν ἡ πρώτη τῆς δευτέρας μείζον διώηται τῶ ἀπὸ ασύμμετροῦ ἑαυτῆ μήκη, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μείζον διώησεται τῶ ἀπὸ ασύμμετροῦ ἑαυτῆ μήκη.

Theor. 12. Propo. 15.

Si quatuor rectæ proportionales fuerint, possit autem prima plusquam secunda tanto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine : tertia quoque poterit plusquam quarta tãto quantum est



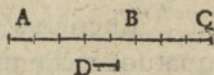
quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quòd si prima possit plusquam secunda quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis: tertia quoque poterit plusquam quarta quadrato lineæ sibi incommensurabilis longitudine.



<sup>15</sup>  
 Εάν δύο μεγέθη σύμμετρα (συτεθῆ), καὶ τὸ ὅλον ἑκατέρω αὐτῶν σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐτῶν σύμμετρον ἦ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη σύμμετρα ἔσται.

## Theor. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines cõmensurabiles componantur, tota magnitudo composita singulis partibus commensurabilis erit. quòd si tota magnitudo composita alterutri parti commensurabilis fuerit, illæ duæ quoque partes commensurabiles erunt.

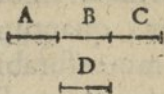


<sup>16</sup>  
 Εάν δύο μεγέθη ἀσύμμετρα (συτεθῆ), καὶ τὸ ὅλον ἑκατέρω αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ

αὐτῶν ἀσύμμετρον ἢ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη ἀσύμμετρα ἔσται.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componētibus incommensurabilis erit. Quòd si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illa quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.

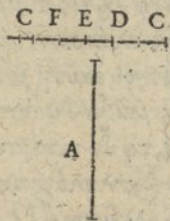


Εὰν ὦσι δύο εὐθεῖαι ἀἴσι, τῶ δὲ τετάρτῳ μέρει τῶ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡς ἑλληλόγραμμον παρὰ τιὺ μείζονα ὡς ἑλλείπον εἶδη τετραγώνῳ, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτῶν διαρῆ μήκη, μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διωθήσεται, τῶ ἀπὸ συμμετρου ἑαυτῆ μήκη. καὶ εἰ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διωθήσεται, τῶ ἀπὸ συμμετρου ἑαυτῆ μήκη, τῶ δὲ τετάρτῳ μέρει τῶ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡς ἑλληλόγραμμον παρὰ τιὺ μείζονα ὡς ἑλλείπον εἶδη τετραγώνῳ, εἰς σύμμετρα αὐτῶν διαρῆ μήκη.

Theor. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à

minore, æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi: si præterea parallelogrammum sui applicatione diuidat lineã illam in partes inter se commensurabiles longitudine, illa maior linea tanto plus potest quàm minor, quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quòd si maior plus possit quàm minor, tanto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine, & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterũ latus ipsius parallelogrammi, parallelogrammum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se longitudine commensurabiles.



ιθ

Εὰν ὡς δύο εὐθεῖαι ἀίσοι, τῷ δὲ τετάρτῳ μέρει  
τῷ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον τῷ ἄλλῳ μείζονα πα-

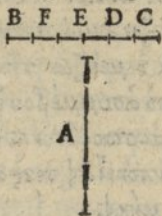


ρθαβλητῆ ἑλλείπον εἶδὲ τετραγώνω, καὶ εἰς ἀσύμμετρα αὐτῷ διαρῆ μήκῃ, ἢ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διωήσεται, τῷ δὲ ἀσύμμετρου ἑαυτῆ. καὶ εἰαν ἢ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διώηται τῷ δὲ ἀσύμμετρου ἑαυτῆ, τῷ δὲ τετάρτῳ δὲ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡδὲ τῷ μείζονα ὡδὲ θραβλητῆ ἑλλείπον εἶδὲ τετραγώνω, εἰς ἀσύμμετρα αὐτῷ διαρῆ μήκῃ.

Theor. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ autem parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum secundum lineam maiorem applicetur, ex qua linea tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus eiusdem parallelogrammi: si parallelogrammum præterea sui applicatione diuidat lineam in partes inter se longitudine incommensurabiles, maior illa linea tanto plus potest quam minor, quantum est quadratum lineæ sibi maiori incommensurabilis longitudine. Quòd si maior linea tãto plus possit quam minor, quantum est quadratum lineæ incommensurabilis sibi longitudine: & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur se-

cundum maiorem, ex qua tantum excur-  
rat extra latus parallelo-  
grammi, quantum est  
alterum latus ipsius: pa-  
rallelogrammū sui ap-  
plicatione diuidit maio-  
rem in partes inter se in-  
commensurabiles lon-  
gitudine.

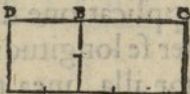


κ

Τὸ ἐπὶ ῥητῶν μήκῃ συμμέτρων κατὰ τινα τῶν  
περὶ ῥητῶν τῶν ὁρίων ὡς εἰς ἄλλο ὀρθογώ-  
νιον, ῥητὸν ἔσται.

Theor. 17. Propo. 20.

Superficies rectāgula con-  
tenta ex lineis rectis ratio-  
nalibus longitudine com-  
mensurabilibus secundum  
vnum aliquem modum  
ex antedictis, rationalis  
est.

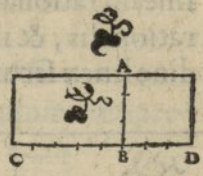


κα

Ἐὰν ῥητὸν ὡς εἰς ῥητῶν ὡς εἰς ἄλλο, πλάτος  
ποιεῖ ῥητῶν καὶ σύμμετρον τῇ παρ' αὐτὸν ὡς εἰς ἄλλο  
μήκῃ.

Theor. 18. Propo. 21.

Si rationale secundum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui rationale parallelogrammum applicatur.

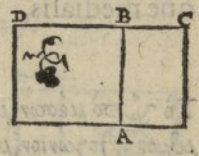


κβ

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν διωάμει μόνον σύμμετρον εὐθειῶν περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἀλόγόν ἐστὶ, καὶ ἡ διωαμμένη αὐτὸ ἀλόγός ἐστὶ. καλεῖσθω δὲ μέση.

Theor. 19. Propo. 22.

Superficies rectangula contenta duabus lineis rectis rationalibus potentia tantū cōmensurabilibus, irrationalis est. Linea autem quæ illam superficiem potest, irrationalis & ipsa est: vocetur verò medialis.



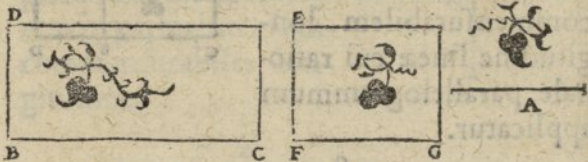
κγ

Τὸ ὑπὸ μέσης περιεχόμενον ῥητικῶν περιεχόμενον, πλάτος ποιεῖ ῥητικῶν καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' αὐτὴν περιεχόμενῃ, μήκει.



Theor. 20. Propo. 23.

Quadrati lineæ medialis applicati secundum lineam rationalem, alterum latus est linea rationalis, & incommensurabilis longitudine lineæ secundum quam applicatur.

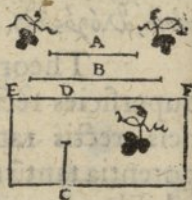


κδ

Ἡ ἐν τῇ μέσῃ σύμμετρος, μέση ἔστί.

Theor. 21. Propo. 24.

Linea recta mediali commensurabilis, est ipsa quoque medialis.

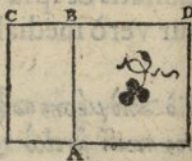


κε

Τὸ ἐν τῷ μέσῳ μήκει σύμμετρον ἐν τῷ ὀρθογώνιῳ, μέσον ἔστί.

Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectangulum contentum ex lineis medialibus longitudine commensurabilibus, mediale est.



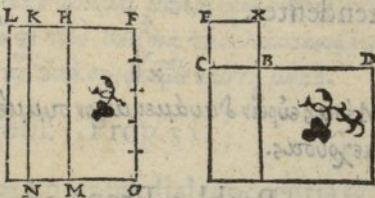
Τὸ ἐν τῷ

κζ  
 Τὸ ἐπὶ μέσων διῶμα μόνον συμμέτρων ὡς ἐπι-  
 χόμδρον ὀρθογώνιον, ἢ τοι ρητὸν, ἢ μέσον ὄβί.

Theor. 23. Propo. 26.

Parallelogrammum rectangulum comprehensum

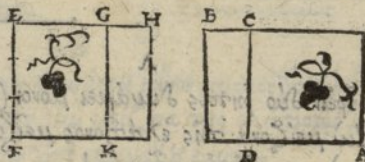
duabus lineis medialibus potentia tantum commensurabilibus, vel rationale est, vel mediale.



κζ  
 Μέσον μέσον ὄβι ἐπὶ ῥητῶν.

Theor. 24. Propo. 27.

Mediale non est maius quam mediale superficies rationali.

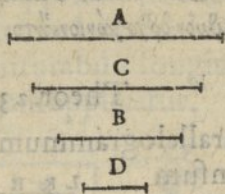


κη  
 Μέσας εὐρεῖν διῶμα μόνον συμμέτρων ῥητὸν περιεχούσας.

P

## Probl. 5. Propo. 28.

Mediales lineas in-  
uenire potentia tan-  
tùm commésurabi-  
les rationale cópre-  
hendentés.

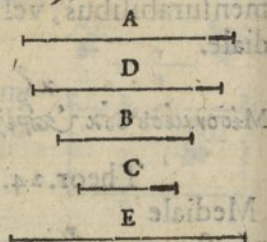


κ θ

Μέσαις εὑρεῖν δυνάμει μόνον συμμέτροις μέσον πε-  
λειχούσας.

## Probl. 5. Propo. 19.

Mediales lineas in-  
uenire potentia tan-  
tùm commésurabi-  
les mediale cópre-  
hendentés.



λ

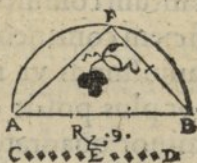
Εὑρεῖν δύο ῥητὰς δυνάμει μόνον συμμέτροις, ὅσῃ  
πῶ μείζονα τῆς ἐλάττονος μείζον δυνάμει πῶ  
ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῆ μήκη.

## Probl. 6. Propo. 30.

Reperire duas rationales potentia tantùm



commensurabiles huiusmodi, ut maior ex illis possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

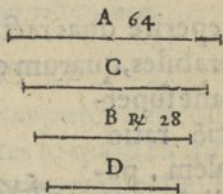


λα

Εὐρεῖν δύο μέσας διώκει μόνον Συμμέτρους ῥητὸν ὀξευχύσας, ὥστε πλὴν μείζονα τῆς ἐλάσσονος μείζον διώκεται τῷ ἀπὸ συμμετρῶν ἑαυτῆ μήκη.

Probl. 7. Prop. 3 i.

Reperire duas lineas mediales potentia tantum commensurabiles rationalem superficiem continentem, tales inquam, ut maior possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.



λβ

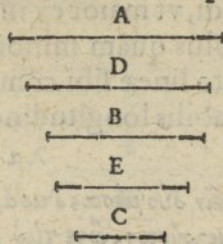
Εὐρεῖν δύο μέσας διώκει μόνον συμμετρῶν μέσον ὀξευχύσας, ὥστε πλὴν μείζονα τῆς ἐλάττονος μείζον διώκεται τῷ ἀπὸ συμμετρῶν ἑαυτῆ.

Probl. 8. Propo. 3 2.

Reperire duas lineas mediales potentia

P ij

tantum commensurabiles medialem superficiem continententes, huiusmodi ut maior plus possit quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

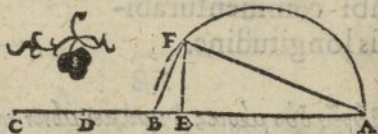


λ γ

Εὐρεῖν δύο εὐθείας, διωάμῃ ἀσυμμέτροις, ποιούσας τὸ μὲν συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητόν, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν μέσον.

Probl. 9. Propo. 33.



Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant superficiem rationalem, parallelogrammum verò ex ipsis cōtēntum sit mediale.

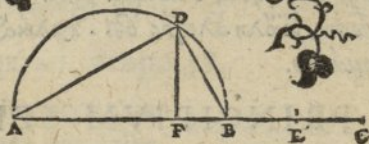


λ δ

Εὐρεῖν δύο εὐθείας, διωάμῃ ἀσυμμέτροις, ποιούσας τὸ μὲν συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν ῥητόν.

## Probl. 10. Propo. 34.

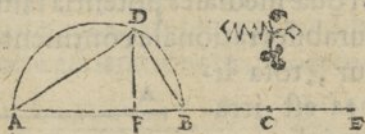
Reperire lineas duas rectas potētia incom-  
mensurabiles, conficientes compositum ex  
ipfarū qua- -  
dratis me- -  
diale, pa-  
rallelogrā-  
mum verò  
ex ipsis cō-  
tentū rationale. λ ε



Εὐρεῖν δύο εὐθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποιούσας  
τό, τε συσκευδρον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων  
μέσον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἐπι ἀσύμμετρον τῷ  
συσκευδρῶ ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων.

## Probl. 11. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potētia incom-  
mensurabiles, conficientes id quod ex ipsa-  
rum quadratis componitur mediale, simūl-  
que parallelogrammum ex ipsis contētum,  
mediale, quod pręterea parallelogrammum  
fit incom-  
mēsurabi-  
le compo-  
sito ex qua-  
dratis ipsa-  
rum.



P iij



ΑΡΧΗ ΤΩ Δ ΚΑΤΑ ΣΥΝ-  
θεσιν ἑξάδων.

λγ

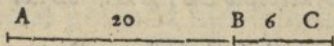
Εὰν δύο ῥητὰ διωάμει μόνον σύμμετροι ᾤνωτε-  
θῶσιν, ἢ ὅλη ἀλογός ᾖσιν. καλείσθω δὲ ἐκ δύο ὀ-  
νομάτων.

PRINCIPIVM SENARIO-  
rum per compositionem.

Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potétia tantùm commen-  
surabiles componantur, tota linea erit irra-  
tionalis. Vo-

cetur autem  
Binomium.

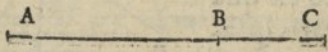


λδ

Εὰν δύο μέσαι διωάμει μόνον σύμμετροι ᾤνωτεθῶσι  
ῥητὸν ἀειέχουσαι, ἢ ὅλη ἀλογός ᾖσιν. καλείσθω δὲ  
ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantùm commen-  
surabiles rationale continentes componan-  
tur, tota li-  
nea est irra-  
tionalis.



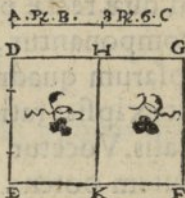
vocetur autem Bimediale prius.

λη

Εὰν δύο μέσαι δυναμί μονον συμμετροι συντετα-  
σι μέσον περιέχουσαι, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστὶ καλείσθω  
δὲ ἐκ δύο μέσων δευτέρα.

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales potentia  
tantum commensurabiles  
mediale continentes com-  
ponantur, tota linea est ir-  
rationalis. vocetur autem  
Bimediale secundum.

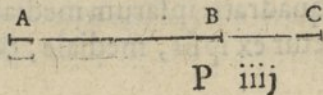


λθ

Εὰν δύο εὐθείαι δυναμί ἀσύμμετροι συντεταῶσι  
ποιῶσαι τὸ μὲν συγκέκμηρον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-  
τραγώνων ῥητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέσον, ἡ ὅλη εὐ-  
θεία ἀλογός ἐστὶ καλείσθω δὲ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles  
componantur, conficientes compositum  
ex quadratis ipsarum rationale, parallelo-  
grammum verò ex ipsis contentum media-  
le, tota linea recta est irrationalis. Vocetur  
autem linea  
najor.

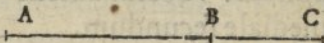


P iiiij

Εὰν δύο εὐθεῖαι δυνάμει ἀσύμμετροι ζυτεθῶσι, ποιῶσαι τὸ μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητὸν, ἡ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. χαλείσθω δὲ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμῆι.

## Theor. 29. Propo. 40.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficiētes compositum ex ipsarum quadratis mediale, id verò quod fit ex ipsis, rationale, tota linea est irrationalis. Vocetur autem potens rationale & mediale.



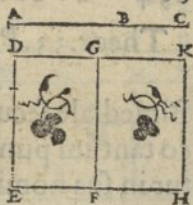
Εὰν δύο εὐθεῖαι δυνάμει ἀσύμμετροι ζυτεθῶσι ποιῶσαι τὸ, τε συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἐπι ἀσύμμετρον τῷ συγκειμένῳ ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ἡ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. χαλείσθω δὲ δύο μέσα δυναμῆι.

## Theor. 30. Propo. 41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex quadratis ipsarum mediale, & quod continetur ex ipsis, mediale, & prateterea in



commensurable compo-  
sito ex quadratis ipsarum,  
tota linea est irrationalis.  
Vocetur autem potēs duo  
medialia.

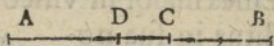


$\mu\beta$

Ἡ ἔκ δύο ὀνομάτων καὶ εἰς ἓν μόνον σημεῖον διαρῆται  
εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 3 1. Propo. 42.

Binomium in vnico tantum puncto diui-  
ditur in sua nomi-  
na, id est in lineas  
ex quibus compo-  
nitur.

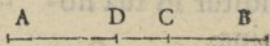


$\mu\gamma$

Ἡ ἔκ δύο μέσων πρώτη καὶ εἰς ἓν μόνον σημεῖον δια-  
ρῆται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 3 2. Propo. 43.

Bimediale prius in vnico tantum puncto di-  
uiditur in sua no-  
mina.



$\mu\delta$

Ἡ ἔκ δύο μέσων δεύτερα καὶ εἰς ἓν μόνον σημεῖον δι-  
αρῆται εἰς τὰ ὀνόματα.

## Theor. 33. Propo. 44.

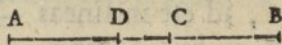
Bimediale secundū in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



<sup>μ ε</sup>  
 Η μείζων χε' τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαρρεῖται εἰς  
 τὰ ὀνόματα.

## Theor. 34. Propo. 45.

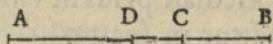
Linea maior in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



<sup>μ ς</sup>  
 Η ῥητὸν χ' μέσον διωαμνή χε' εἰ μόνον σημεῖον  
 διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

## Theor. 35. Propo. 46.

Linea potens rationale & mediale in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



<sup>μ ζ</sup>  
 Η δύο μέσα διωαμνή χε' εἰ μόνον σημεῖον διαρρεῖται  
 εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 36. Προ-  
ποσί. 47.

Linea potens duo me-  
dialia in vnico tantum  
puncto diuiditur in sua  
nomina.



Ο' Ρ Ο Ι Δ ΕΥ' Τ Ε Ρ Ο Ι.

Υποκειμένης ῥητῆς, καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δι-  
ρημένης εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς τὸ μείζον ὄνομα τῶ  
ἐλάττωτος μείζον διώταται τῶ ἅπλο συμμέτρῳ  
ἑαυτῇ μήκει.

α

Εὰν μὲ τὸ μείζον ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκει τῇ ἐκεί-  
νη ῥητῇ, χαλείθω ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

β

Εὰν δὲ τὸ ἐλάττωτον ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκει τῇ ἐκ-  
κειμένη ῥητῇ, χαλείθω ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρα.

γ

Εὰν δὲ μηδέτερον τῶν ὀνομάτων σύμμετρον ἢ μή-  
κει τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ, χαλείθω ἐκ δύο ὀνομά-  
των τρίτη.

Πάλιν δὲ εἰὰν τὸ μείζον ὄνομα τῶ ἐλάττωτος μεί-  
ζον διώταται τῶ ἅπλο ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ μήκει.



Εὰν μὲν τὸ μείζον ὄνομα σύμμετρον ἢ μὴ καὶ τῆς ἐκ-  
 κλημμένης τῆς, καλείω ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτη.

Εὰν δὲ τὸ ἕλαττον, πέμπτη.

Εὰν δὲ μηδέτερον, ἕκτη.

## DEFINITIONES.

## secundæ.

*Proposita linea rationali, & binomio diuisa in  
 sua nomina, cuius binomij maius nomen, id est  
 maior portio possit plusquam minus nomen  
 quadrato lineæ sibi, maiori inquam nomini,  
 commensurabilis longitudine:*

I

*Si quidem maius nomen fuerit commensurable  
 longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur tota  
 linea Binomium primum:*

2

*Si verò minus nomē, id est minor portio Binomij,  
 fuerit commensurable longitudine propositæ lineæ  
 rationali, vocetur tota linea Binomium secundum*

3

*Si verò neutrum nomen fuerit commensurable  
 longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur Bi-  
 nomium tertium.*

Rurſus ſi maius nomen poſſit pluſquàm minus no-  
men quadrato lineæ ſibi incommenſurabilis lon-  
gitudine:

4

Si quidem maius nomen eſt commenſurabile lon-  
gitudine propoſitæ lineæ rationali, vocetur tota li-  
nea Binomium quartum:

5

Si verò minus nomen fuerit commenſurabile lon-  
gitudine lineæ rationali, vocetur Binomium quin-  
tum.

6

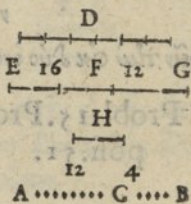
Si verò neutrum nomen fuerit longitudine com-  
menſurabile lineæ rationali, vocetur illa Bino-  
mium ſextum.

μ η

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρῶτην.

Probl. 12. Pro-  
poſi. 48.

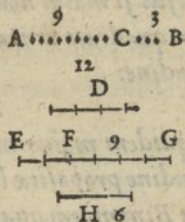
Reperire Binomiū pri-  
mum.



μ θ

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

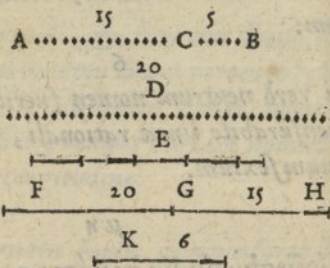
Proble. 13. Proposi. 49.



Reperire Binomiū secundum.

Εὑρεῖν τιῶν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτῳ.

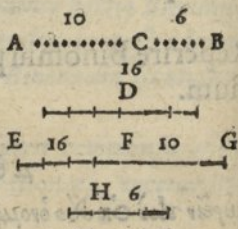
Probl. 14. Prop. 50.



Reperire Binomium tertium.

Εὑρεῖν τιῶν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτῳ.

Probl. 15. Proposi. 51.

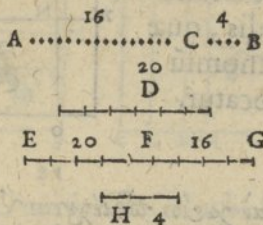


Reperire Binomium quartum.



$\nu\beta$   
Εὐρεῖν τιὸν ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτην.

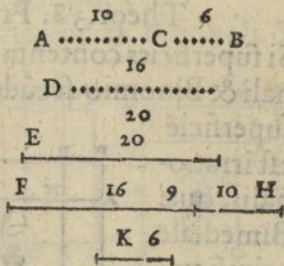
Probl. 16. Propo-  
siti. 52.



Reperire Binomiū  
quintum.

$\nu\gamma$   
Εὐρεῖν τιὸν ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτὴν.

Probl. 17. Propo-  
siti. 53.



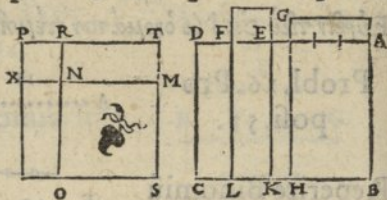
Reperire Binomiū  
sextum.

$\nu\delta$   
Εὰν χεῖλιον περιέχηται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτης, ἢ τὸ χεῖλιον διωαμμένη ἀλογός ᾖσιν ἢ χαλαρμένη ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 37. Propo. 54.

Si superficies contenta fuerit ex rationa-

li & Binomio primo, linea quæ illâ superficiē potest, est irrationalis, quæ Binomiū vocatur.

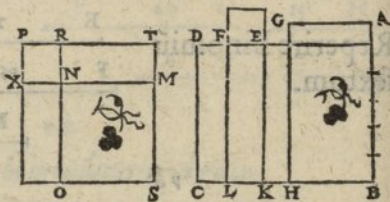


VE

Εὰν χροίον περιέχηται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρας, ἢ τὸ χροίον διωαμμένη ἄλογός ᾖ εἶναι ἢ καλεσμένη ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea rationali & Binomio secūdo, linea potens illam superficiē est irrationalis, quæ Bimediale primū vocatur.



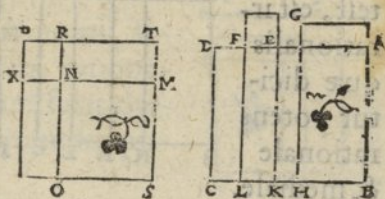
VE

Εὰν χροίον περιέχηται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτης, ἢ τὸ χροίον διωαμμένη ἄλογός ᾖ εἶναι ἢ καλεσμένη ἐκ δύο μέσων δευτέρα.

Theor. 39. Propo. 56.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

Binomio tertio, linea quæ illam superficiem potest, est irrationalis, quæ dicitur Bimediale secundum.



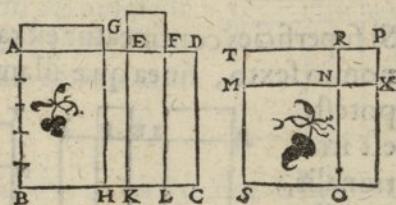
υζ

Εὰν χεῖρον ἀειρέχηται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτης, ἢ τὸ χεῖρον διωαμδύη ἀλογός ἐστιν, ἢ κελευδύη μείζων.

Theor. 40. Propo. 57.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

quarto, linea potens superficiē illam, est irrationalis, quæ dicitur maior.



υη

Εὰν χεῖρον ἀειρέχηται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτης, ἢ τὸ χεῖρον διωαμδύη ἀλογός ἐστιν, ἢ κελευδύη ῥητὸν καὶ μέσον διωαμδύη.

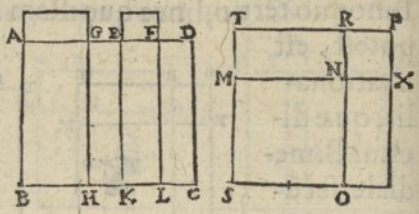
Theor. 41. Propo. 58.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio quinto, linea quæ illam super-

Q



ficiem potest, est irrationalis quæ dicitur potens rationale & mediale.



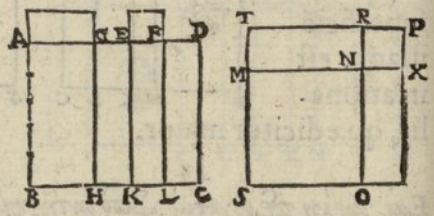
γθ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς ἢ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκείνης, ἢ τὸ χωρίον διωαμμένη, ἀλογός ἐστιν, ἢ καλεσμένη δύο μέσα διωαμμένη.

Theor. 42. Propo. 59.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio sexto, linea quæ illam superficiem potest, est irrationalis,

quæ dicitur potens duo medialia.

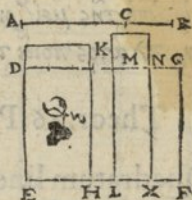


ξ

Τὸ δὲ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων ὑπὸ ρητῶ ὑπὸ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρῶτην.

## Theor. 43. Propo. 60.

Quadratum Binomii secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.

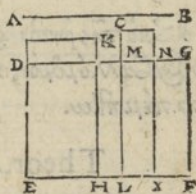


Ξ α

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης ὡς ἀπὸ ῥητιῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τιτὸν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

## Theor. 44. Propo. 61.

Quadratū Bimedialis primi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.

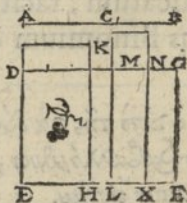


Ξ β

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας ὡς ἀπὸ ῥητιῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τιτὸν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτῃ.

## Theor. 45. Propo. 62.

Quadratum Bimedialis secundi secundū rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium tertium.



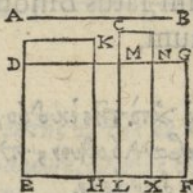
Q ij

ξγ

Τὸ ἀπὸ τῆς μείζονος ὡδὲ ρητῶν ὡδὲ βαλλόμενον, πλάτος ποιῆι τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

## Theor. 46. Propo. 63.

Quadratum lineæ maioris secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum.

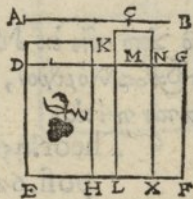


ξδ

Τὸ ἀπὸ τῆς ρητὸν καὶ μέσον δυναμῆς ὡδὲ ρητῶν ὡδὲ βαλλόμενον, πλάτος ποιῆι τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτην.

## Theor. 47. Propo. 64.

Quadratum lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum.



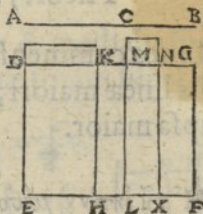
ξε

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δυναμῆς ὡδὲ ρητῶν ὡδὲ βαλλόμενον, πλάτος ποιῆι τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἕκτην.



## Theor. 48. Propo. 65.

Quadratum lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum.

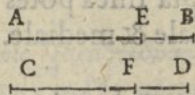


ξγ

Ἡ τῆ ἐκ δύο ὀνομάτων μήκῃ σύμμετρος, καὶ αὐτὴ ἐκ δύο ὀνομάτων ἔστι, καὶ τῆ ἀξείῃ ἢ αὐτῇ.

## Theor. 49. Propo. 66.

Linea longitudine commensurabilis Binomio est, & ipsa Binomium eiusdem ordinis.

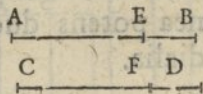


ξδ

Ἡ τῆ ἐκ δύο μέσων μήκῃ σύμμετρος, ἐκ δύο μέσων ἔστι, καὶ τῆ ἀξείῃ ἢ αὐτῇ.

## Theor. 50. Propo. 67.

Linea longitudine commensurabilis alteri bimedialium est, & ipsa bimediale etiam eiusdem ordinis.



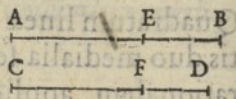
ξη

Ἡ τῆ μείζονι σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μείζων ἐστίν.

Q iiij

## Theor. 51. Propo. 68.

Linea commensurabilis lineæ maiori, est & ipsa maior.

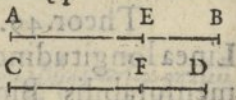


ξθ

Η τῆ ρητὸν καὶ μέσον δυναμένη σύμμετρος, καὶ αὐτὴ ρητὸν καὶ μέσον δυναμένη ὅσιν.

## Theor. 52. Propo. 69.

Linea commensurabilis lineæ potenti rationale & mediale, est & ipsa linea potēs rationale & mediale.

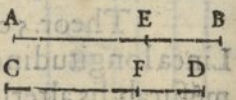


ο

Η τῆ δύο μέσα δυναμένη σύμμετρος, δύο μέσα δυναμένη ὅσιν.

## Theor. 53. Propo. 70.

Linea commensurabilis lineæ potenti duo medialia, est & ipsa linea potens duo medialia.

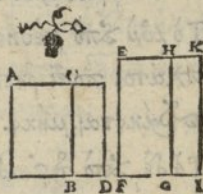


οα

Ρητὸν καὶ μέσον ἑπιπέδου, τέσσαρες ἄλλοι γίνονται, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ δύο μέσων πρώτων, ἢ μείζων, ἢ καὶ ρητὸν καὶ μέσον δυναμένη.

## Theor. 54. Propo. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositã potest, est vna ex quatuor irrationalibus, vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea potens rationale & mediale.

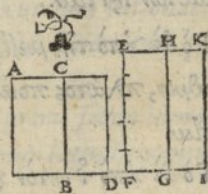


οβ

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις ἑπιπληρωμένων, αἱ λοιπὰ δύο ἀλογοὶ γίνονται, ἢ τοὶ ἢ ἐκ δύο μέσων δευτέρων, ἢ ἡ δύο μέσα διωαμένη.

## Theor. 55. Propo. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul componantur, fiunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potens duo medialia.



Q iiiij



## ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ' ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ αἱ μετ' αὐτῶν ἄλογοι, οὔτε τῆ μέση, οὔτε ἀλλήλας εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν ἀπὸ μέσης ὡραὶ ῥητῶν ὡραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ ῥητῶν, καὶ ἀσύμμετρον τῆ παρ' ἑαυτῶν ἀκέραια, μήκη.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆ ἐκ δύο ὀνομάτων ὡραὶ ῥητῶν ὡραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης ὡραὶ ῥητῶν ὡραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας ὡραὶ ῥητῶν ὡραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μείζονος ὡραὶ ῥητῶν ὡραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆ ῥητῶν καὶ μέσων διωαμῆς ὡραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς δύο μέσων δυναμῶν ὡς ἔρητιν  
 ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνο-  
 μάτων ἕκτιν.

Ἐπεὶ οὐκ ἔστιν ἐρητιν πλάτη ἀφ' ἑαυτῶν τῶν τε ὁρώ-  
 τε καὶ ἀλλήλων, τὸ μὲν ὁρώτε, ὅτι ῥητὴ ὄσιν, ἀλλή-  
 λων δὲ, ὅτι τῆ ἑαυτῶν εἰσὶν αἱ αὐταί, δῆλον ὡς καὶ  
 αὐταὶ αἱ ἄλογοι ἀφ' ἑαυτῶν ἀλλήλων.

### SCHOLIUM.

*Binomium & ceteræ consequentes lineæ irratio-  
 nales, neque sunt eadem cum lineâ mediâ, ne-  
 que ipsæ inter se.*

*Nam quadratum lineæ mediæ applicatum secū-  
 dum lineam rationalem, facit alterum latus lineam  
 rationalem, & longitudine incommensurabilem  
 lineæ secundum quam applicatur, hoc est, lineæ ra-  
 tionali, per 23.*

*Quadratum verò Binomij secundum rationalem  
 applicatum, facit alterum latus Binomium pri-  
 mum, per 60.*

*Quadratum verò Bimedialis primi secundum ra-  
 tionalem applicatū, facit alterum latus Binomium  
 secundum, per 61.*

*Quadratum verò Bimedialis secundi secundum  
 rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-*

nomium tertium, per 62.

Quadratum verò lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum verò lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum verò lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum, per 65.

Cùm igitur dicta latera, quæ latitudines vocantur, differant & à prima latitudine, quoniam est rationalis, cùm inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diuersorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irrationales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑΞΙΣ ΕΤΕΡΩΝ

λόγων τῶν κατ' ἀφάρεσιν.

Ἀρχὴ τῶν κατ' ἀφάρεσιν ἐξάδων.

ο γ

Εὰν ἀπὸ ῥητῆς ῥητὴ ἀφαρεθῆ δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, ἢ λοιπὴ ἄλογός ᾖ. καλεῖται δὲ ἀποτομή.

SECUNDVS ORDO ALTERIVS

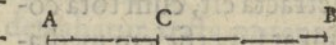
fermonis, qui est de detractiōe.

Principium senariorum per detractiōem.



## Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis. vocetur autem Residuum.

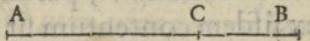


ο δ

Εὰν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῆ δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν ἀειέχῃ, ἢ λοιπὴ ἀλόγος ἔσθι. καλεῖσθω δὲ μέσης ἀποτομή πρώτη.

## Theor. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, que verò detracta est cum tota contineat superficiem rationalem, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuū mediale primū.

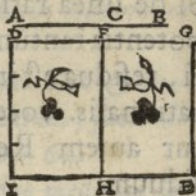


ο ε

Εὰν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῆ δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέσον ἀειέχῃ, ἢ λοιπὴ ἀλόγος ἔσθι. καλεῖσθω δὲ μέσης ἀποτομή δευτέρα.

## Theor. 58. Propo. 75.

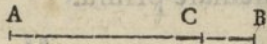
Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti, quæ verò detracta est, cum tota cõtineat superficiem medialem, reliqua est irrationalis. Vocetur autẽ residuũ mediale secundum.



Εάν ἄπο εὐθείας εὐθεῖα ἀφαρεθῆ δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιῆσαι τὸ μὲν ἀπ' αὐτῶν ἅμα ρητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέσον, ἢ λοιπὴ ἀλογος ὅτι. χαλείσθω δὲ ἐλάσσων.

## Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incommensurabilis toti, compositum autem ex quadratis totius lineæ & lineæ detractæ sit rationale, parallelogrammum verò ex iisdem contentum sit mediale, reliqua linea erit irrationalis. Vocetur autem linea minor.

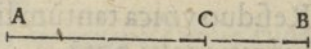


Εάν ἄπο εὐθείας εὐθεῖα ἀφαρεθῆ δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιῆσαι τὸ μὲν

συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον,  
τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, ῥητὸν, ἢ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. χα-  
λείσθω δὲ μετὰ ῥητὸς μέσον τὸ ὅλον ποιῶσα.

Theor. 58. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta potentia  
incommensurabilis toti lineæ, compositum  
autem ex quadratis totius & lineæ detractæ  
fit mediale, parallelogrammum verò bis ex  
eisdem contentum fit rationale, reliqua li-  
nea est irrationalis. Vocetur autem linea  
faciens cum superficie rationali totam su-  
perficiem media-  
lem.



οη

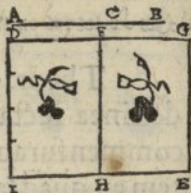
Εὰν ἀπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαιρεθῆ διωάμει ἀσύμ-  
μετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιῶσα τὸ  
μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέ-  
σον, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, μέσον, ἐπὶ δὲ τὰ ἀπ' αὐτῶν  
τετράγωνα ἀσύμμετρα τῷ δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ λοιπὴ  
ἀλογός ἐστὶ. χαλείσθω δὲ ἢ μετὰ μέσῳ μέσον τὸ ὅλον  
ποιῶσα.

Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta potentia  
incommensurabilis toti lineæ, compositum  
autem ex quadratis totius & lineæ detractæ  
fit mediale, parallelogrammum verò bis ex



iisdem sit etiam mediale: præterea sint quadrata ipsarum incommensurabilia parallelogrammo bis ex iisdem contêto, reliqua linea est irrationalis. Vocetur autem linea faciēs cum superficie mediali totā superficiem medialem.

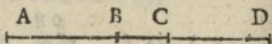


οθ

Τῆ ἀποτομῆ μία μόνον παρσαρμόζει εὐθεῖα ρητῆ, δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῆ ὅλη.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantum linea recta cōiungitur rationalis, potentia tantum cōmēsurable toti lineæ.

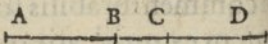


π

Τῆ μέση ἀποτομῆ πρώτῃ μόνον μία παρσαρμόζει εὐθεῖα μέση, δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῆ ὅλη, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ρητὸν περιέχουσα.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantum linea coniungitur medialis, potentia tantum cōmensurabilis toti, ipsa cum tota continens rationale.

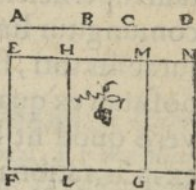


π α

Τῆ μέσῃ ἑπιτομῇ δευτέρα μία μόνον περσαρμόζῃ εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέσον περιέχουσα.

## Theor. 62. Propo. 81.

Residuo mediali secundo vnica tantum coniungitur medialis, potentia tantum commensurabilis toti, ipsa cum tota continens mediale.

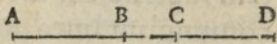


π β

Τῆ ἐλάσσονι μία μόνον περσαρμόζῃ εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, ποιεῖσα μετὰ τῆς ὅλης τὸ μὲν ἑκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ῥητὸν, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, μέσον.

## Theor. 63. Propo. 82.

Lineæ minori vnica tantum recta coniungitur potentia incommensurabilis toti, faciens cum tota compositum ex quadratis ipsarum rationale, id verò parallelogrammum, quod bis ex ipsis fit, mediale.



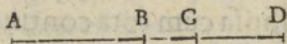
π γ

Τῆ μετὰ ῥητοῦ μέσον τὸ ὅλον ποιούση μία μόνον περσαρμόζῃ εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ

ὅλη, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιῶσα τὸ μὲν συγκείμενον  
ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον, τὸ δὲ δις ὑπ'  
αὐτῶν, ῥητόν.

## Theor. 64. Propo. 83.

Lineæ facienti cum superficie rationali to-  
tam superficiem medialem, vnica tantum  
coniungitur linea recta potentia incommé-  
surabilis toti, faciens autem cum tota compo-  
positum ex quadratis ipsarum, mediale, id  
verò quod fit bis  
ex ipsis, rationale.

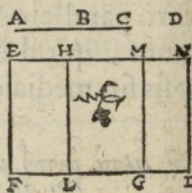


π δ

Τῆ μετὰ μέσου μέσον τὸ ὅλον ποιῶση μία μόνον  
παραρμόζουσα εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῆ  
ὅλη, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιῶσα τὸ, τε συγκείμενον  
ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον, τὸ δὲ δις ὑπ'  
αὐτῶν, μέσον, καὶ ἐπὶ ἀσύμμετρον τὸ συγκείμενον ἐκ  
τῶν ἀπ' αὐτῶν τῶ δις ὑπ' αὐτῶν.

## Theorem. 65. Propositio 84.

Lineæ cum mediali superficie facienti to-  
tam superficiem medialem, vnica tantum  
coniungitur linea poten-  
tia toti incómésurabilis,  
faciens cum tota compo-  
positum ex quadratis ipsarū  
mediale, id verò quod fit



bis



bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum incommensurabile ei quod fit bis ex ipsis.

ΟΨΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

Υ΄ ποκειμένης ῥητῆς καὶ ἄποτομῆς.

α

Εὰν μὲν ὅλη τῆς περσαρμοζούσης μείζον διώηται τῷ ἀπὸ συμμετρῶ εἰαυτῆ μήκει, καὶ ἡ ὅλη συμμετρὸς ἢ τῆ σὺγκειμένη ῥητῆ μήκει, καλεῖσθαι ἄποτομή πρώτη.

β

Εὰν δὲ ἡ περσαρμόζουσα σύμμετρος ἢ τῆ σὺγκειμένη ῥητῆ μήκει, καὶ ἡ ὅλη τῆ περσαρμοζούσης μείζον διώηται τῷ ἀπὸ συμμετρῶ εἰαυτῆ, καλεῖσθαι ἄποτομή δευτέρα.

γ

Εὰν δὲ μὴδετέρα σύμμετρος ἢ τῆ σὺγκειμένη ῥητῆ μήκει, ἡ δὲ ὅλη τῆς περσαρμοζούσης μείζον διώηται τῷ ἀπὸ συμμετρῶ εἰαυτῆ, καλεῖσθαι ἄποτομή τρίτη.

Πάλιν εἰάν ἡ ὅλη τῆς περσαρμοζούσης μείζον διώηται τῷ ἀπὸ ἀσύμμετρῶ εἰαυτῆ μήκει.

R

<sup>δ</sup>  
 Εάν μὲν ὅλη σύμμετρος ἢ τῇ ἑκκειμένη ῥητῇ  
 μήκει, χαλεῖθω ἀποτομὴ τετάρτη.

<sup>ε</sup>  
 Εάν δὲ ἡ περσαρμόζουσα, πέμπτη.

<sup>ς</sup>  
 Εάν δὲ μηδετέρα, ἕκτη.

DEFINITIONES  
 tertiæ.

*Proposita linea rationali & residuo.*

I

*Si quidem tota, nempe composita ex ipso residuo & linea illi cōiuncta, plus potest quam coniuñcta, quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine, fueritque tota longitudine commensurabilis lineæ propositæ rationali, residuum ipsum vocetur Residuum primum:*

2

*Si verò coniuñcta fuerit longitudine commensurabilis rationali, ipsa autem tota plus possit quam coniuñcta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis, residuum vocetur Residuum secundum:*

3

*Si verò neutra linearum fuerit longitudine com-*

LIBER X. 259  
mensurabilis rationali, possit autem ipsa tota  
plusquam coniuncta, quadrato lineæ sibi lon-  
gitudine commensurabilis vocetur Residuum  
tertium.

Rursus si tota possit plus quam cōiuncta, quadrato  
lineæ sibi longitudine incommensurabilis.

4  
Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, vocetur Residuū quar-  
tum:

5  
Si Verò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, & tota plus possit quam  
coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine  
incommensurabilis, vocetur Residuum quin-  
tum.

6  
Si Verò neutra linearum fuerit commensurabi-  
lis longitudine ipsi rationali, fueritque tota po-  
tentior quam coniuncta, quadrato lineæ sibi  
longitudine incommensurabilis, vocetur Resi-  
duum sextum.

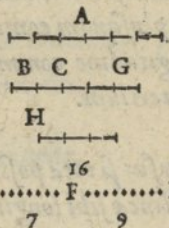
π ε

Εὐπέιν τὴν ἀπώττω δ' ἀποτομὴν.

R ij



Probl. 18. Pro-  
posi. 85.

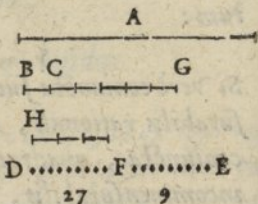


Reperire primum Re-  
siduum.

π ε

Εὐρεῖν τὴν δευτέραν ἄποτομὴν.

Probl. 19. Pro-  
posi. 86.

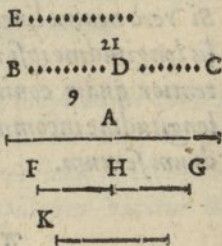


Reperire secundum  
Residuum.

π ζ

Εὐρεῖν τὴν τρίτην ἄποτομὴν.

Probl. 20. Pro-  
posi. 87.

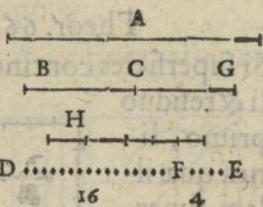


Reperire tertium Re-  
siduum.

π η

Εὐρεῖν τὴν τετάρτην ἄποτομὴν.

Probl. 21. Proposi. 88.

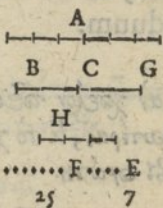


Reperire quartum Residuum.

$\pi\theta$

Εὐρεῖν τὴν πέμπτην ἄποτομὴν.

Problema 22. Propositio 89.

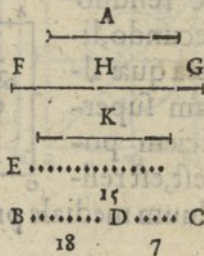


Reperire quintum Residuum.

$\zeta$

Εὐρεῖν τὴν ἕκτην ἄποτομὴν.

Problema 22. Propositio 90.



Reperire sextum Residuum.

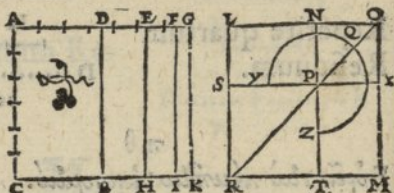
$\zeta\alpha$

Εὰν χεῖριον ἀλείχεται ὑπὸ ρήτης καὶ ἄποτομῆς πρώτης, ἢ τὸ χεῖριον διωαμύνη, ἄποτομὴ ὅσιν.

R iiij

Theor. 66. Propo. 91.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo primo, linea quæ illam superficiem potest, est residuum.

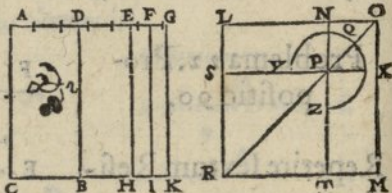


ζβ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς δευτέρας, ἢ τὸ χωρίον διωαμμένη, μέσης ἀποτομῆ ὅσῃ πρώτη.

Theor. 67. Propo. 92.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo secundo, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale primum.



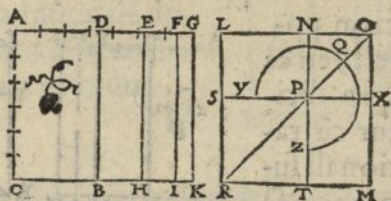
ζγ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμμένη, μέσης ἀποτομῆ ὅσῃ δευτέρα.



## Theor. 68. Propo. 93.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo tertio, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale secundum.

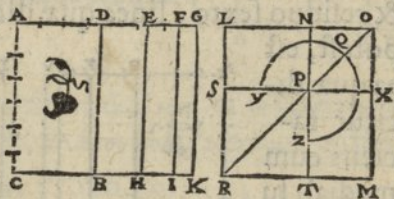


ζ δ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἄποτομῆς τῆς τρίτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμῶν, ἐλάσσων ἔσται.

## Theor. 69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quarto, linea quæ illam superficiem potest, est linea minor.



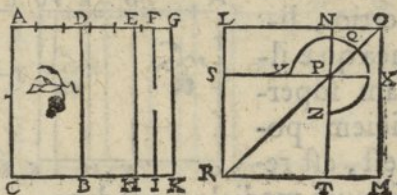
ζ ε

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἄποτομῆς τῆς πέμπτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμῶν, ἐλάσσων ἢ μετὰ ρητῶς μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσά ἔσται.

R iiij

## Theor. 70. Propo. 95.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quinto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur cū rationali superficie faciens totam medialem.

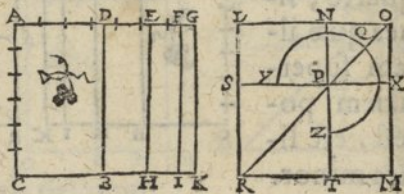


ζ γ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἄποτομῆς ἑκτῆς, ἢ τὸ χωρίον διωαμῆνι, μετὰ μέσου μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσαι ἔστι.

## Theor. 71. Propo. 96.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo sexto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur faciens cum mediāli superficie totam medialem.

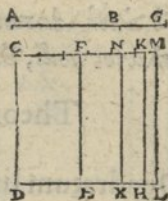


ζ δ

Τὸ ὑπὸ ἄποτομῆς ὡσαύτη καὶ ὡσαυαλλόμεναι, πλάτος ποιεῖ, ἄποτομῆν ὡρώτιν.

## Theor. 72. Propo. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalē applicatum, facit alterum latus Residuum primum.

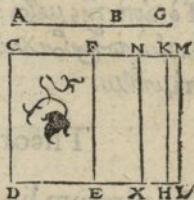


ζ η

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης τοῦ ἀριθμοῦ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν δευτέραν.

## Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum secundum.

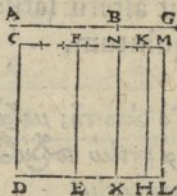


ζ θ

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας τοῦ ἀριθμοῦ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τρίτην.

## Theor. 74. Propo. 99.

Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum tertium.

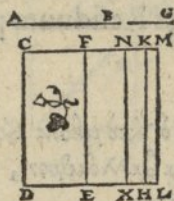




Τὸ ἀπὸ ἐλάσσονος ὡδὲ ῥητίω ὡδὲ βαλλόμενον,  
πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Theor. 75. Propo. 100.

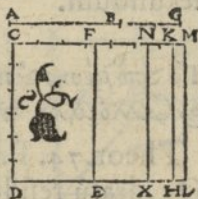
Quadratum lineæ minoris  
secundum rationalem ap-  
plicatum, facit alterum la-  
tus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητίῳ μέσον τὸ ὅλον ποιήσης ὡδὲ  
ῥητίω ὡδὲ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν  
πέμπτην.

Theor. 76. Propo. 101.

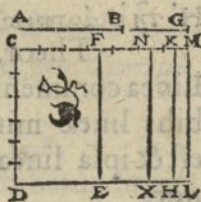
Quadratum lineæ cum ra-  
tionali superficie facientis  
totam medialem, secundū  
rationalem applicatū, fa-  
cit alterū latus residuum  
quintum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσου μέσον τὸ ὅλον ποιήσης πα-  
ρὰ ῥητίω ὡδὲ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτο-  
μὴν ἕκτην.

## Theor. 77. Propo. 102.

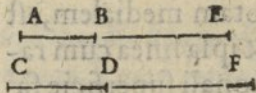
Quadratum lineæ cū mediāli superficie faciētis totā mediālem, secundum ratiōnalem applicatū, facit alterū latus, residuum sextum.



Ἡ τῆς ἀποτομῆς μήκη σύμμετρος, ἀποτομὴ ὅσῃ, καὶ τῆς ἀξείῃ ἢ αὐτῆ.

## Theor. 78. Propo. 103.

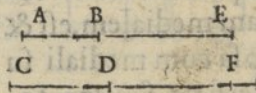
Linea residuo commensurabilis longitudine, est & ipsa residuum, & eiusdem ordinis.



Ἡ τῆς μέσης ἀποτομῆς σύμμετρος, μέση ἀποτομὴ ὅσῃ, καὶ τῆς ἀξείῃ ἢ αὐτῆ.

## Theor. 79. Propo. 104.

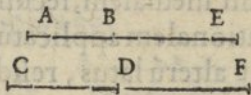
Linea commensurabilis residuo mediāli, est & ipsa residuum mediāle, & eiusdem ordinis.



Ἡ ἑλάσσονι <sup>ρε</sup> σύμμετρος, ἐλάσσων ὅσιν.

Theor. 80. Propo. 105.

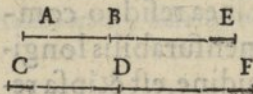
Linea commensurabilis lineæ minori, est & ipsa linea minor.



Ἡ τῇ μετὰ ρητῶ <sup>ρτ</sup> μέσον τὸ ὅλον ποιῶσι σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μετὰ ρητῶ μέσον τὸ ὅλον ποιῶσα ὅσιν.

Theor. 81. Propo. 106.

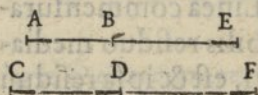
Linea commensurabilis lineæ cum rationali superficie facienti totam medialem, est & ipsa linea cum rationali superficie faciens totam medialem.



Ἡ τῇ μετὰ μέσων <sup>ρζ</sup> μέσον τὸ ὅλον ποιῶσι σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μετὰ μέσων μέσον τὸ ὅλον ποιῶσα ὅσιν.

Theor. 82. Propo. 107.

Linea commensurabilis lineæ cum mediali superficie faciēti totam medialem, est & ipsa cum mediali superficie faciens totam medialem.



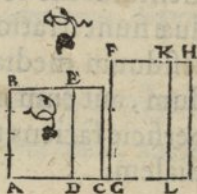


ρ η

Ἀπὸ ρητῆ, μέσῃ ἀφαρῆς μέρους, ἢ τὸ λοιπὸν χωρίον  
διωαμῆ, μία δύο ἀλόγων γίνεται, ἢτοι ἄποτομή,  
ἢ ἐλάττων.

Theor. 83. Propo. 108.

Si de superficie rationali detrahatur superficies medialis, linea quæ reliquam superficiem potest, est alterutra ex duabus irrationalibus, aut Residuum, aut linea minor,

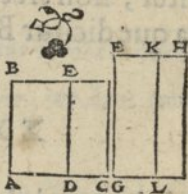


ρ θ.

Ἀπὸ μέσῃ, ρητῆ ἀφαρῆς μέρους, ἄλλα δύο ἀλογαί γίνονται, ἢτοι μέσῃ ἄποτομῇ ὁρώτῃ, ἢ μετὰ ρητῆ τὸ ὅλον ποιεῖσα.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali detrahatur superficies rationalis, aliæ duæ irrationales fiunt, aut Residuum mediale primum, aut cum rationali superficiem faciens totam medialem.



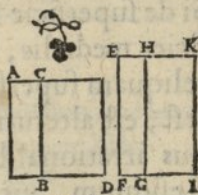
ρ ι.

Ἀπὸ μέσῃ, μέσῃ ἀφαρῆς μέρους ἀσυμμέτρου τῷ ὅλῳ,

αἰ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι μέση ἄποτομή δευτέρα, ἢ μετὰ μέσῃ μέσον τὸ ὅλον ποιῆσα.

Theor. 85. Propo. 110.

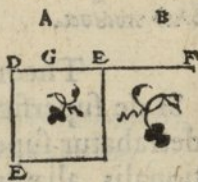
Si de superficie mediali detrahatur superficies medialis quæ sit incõ-  
 mensurabilis toti, reliquæ  
 duæ fiunt irrationales, aut  
 residuum mediale secun-  
 dum, aut cum mediali su-  
 perficie faciens totam me-  
 dialem.



Ἡ ἄποτομή οὐκ ἔστιν ἡ αὐτὴ τῆ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 86. Propo. 111.

Linea quæ Residuum di-  
 citur, non est eadem cum  
 ea quæ dicitur Binomium.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἄποτομή χ' αἰ μετ' αὐτῶν ἄλογοι, οὔτε τῆ μέ-  
 σῃ, οὔτε ἀλλήλας εἰσὶν αἰ αὐτά.  
 Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης τῶ δὲ ῥητικῶ τῶ δὲ βαλῆ

λόμβρον, πλάτος ποιῆι, ῥητιῶν καὶ ἀσύμμετρον τῆ  
παρ' ἑὺ ὡς ἀκείλαι, μήκῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἀποτομῆς ὡς ἀ ῥητιῶν ὡς ἀβαλλό-  
μβρον, πλάτος ποιῆι, ἀποτομῶν τρώτιω.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς τρώτης ὡς ἀ ῥη-  
τιῶν ὡς ἀβαλλόμβρον, πλάτος ποιῆι, ἀποτο-  
μὴν δευτέραν.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας ὡς ἀ ῥη-  
τιῶν ὡς ἀβαλλόμβρον, πλάτος ποιῆι, ἀποτο-  
μὴν τρίτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἐλάττονος ὡς ἀ ῥητιῶν ὡς ἀβαλλό-  
μβρον, πλάτος ποιῆι, ἀποτομὴν τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητῶν μέσον τὸ ὅλον ποιέσῃς  
ὡς ἀ ῥητιῶν ὡς ἀβαλλόμβρον, πλάτος ποιῆι,  
ἀποτομὴν πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσῃς μέσον τὸ ὅλον ποιέσῃς  
ὡς ἀ ῥητιῶν ὡς ἀβαλλόμβρον, πλάτος ποιῆι,  
ἀποτομῶν ἑκτὴν.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημνῆα πλάτη ἀγαθῆρα τῶ τε  
τρώτῃ καὶ ἀλλήλων (ὅ μὲν τρώτῃ, ὅτι ῥητὴ ἔστιν,  
ἀλλήλων δὲ, ὅτι ἀξίει ὡς εἰσὶν αἱ αὐτὰ) δῆ-



λον ὡς καὶ αὐτὰ αἰ ἀλογοὶ ἀφ' ἑαυτῶν φέρουσιν ἀλλή-  
λων. καὶ ἐπεὶ δὲ δὲ φκλαὶ ἢ ἀποτομὴ ὅσα οὐσα ἢ αὐ-  
τῆ τῆ ἐκ δύο ὀνομάτων, ποιῶσι δὲ πλάτη πα-  
ρὰ ῥητιῶν ὡς ἀβαλλόμενα μὲν αἰ μετὰ τὴν ἀ-  
ποτομῶν, ἀποτομὰς ἀκολουθῶσας τῆ ἀξίαι κα-  
θ' αὐτῶν, αἰ δὲ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, τὰς  
ἐκ δύο ὀνομάτων, καὶ αὐτὰ τῆ ἀξίαι ἀκολου-  
θῶσας, ἕτεροι ἄρα εἰσὶν αἰ μετὰ τὴν ἀποτομῆν,  
καὶ ἕτεροι αἰ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, ὡς εἶναι  
τῆ ἀξίαι πάσας ἀλόγοις ιγ.

α Μέσιον.

β Ἐκ δύο ὀνομάτων.

γ Ἐκ δύο μέσων ὡρώ-  
τιον.

δ Ἐκ δύο μέσων δευ-  
τέρων.

ε Μείζονα.

ς Ῥητὸν καὶ μέσον δυ-  
ναμῶν.

ζ Δύο μέσα δυναμέ-  
ων.

η Ἀποτομῶν.

θ Μέσιον ἀποτομῶν  
ὡρώτιον.

ι Μέσιον ἀποτομῶν  
δευτέρων.

ια Ἐλάττωνα.

ιβ Μετὰ ῥητῶν μέσον τὸ  
ὅλον ποιῶσαι.

ιγ Μετὰ μέσου μέσον  
τὸ ὅλον ποιῶσαι.

SCHO-

SCHOLIUM.

Linea quæ Residuum dicitur, & cetera quinque  
eam consequentes irrationales, neque lineæ me-  
diali neque sibi ipsa inter se sunt eadem. Nam  
quadratum lineæ medialis secundum rationa-  
lem applicatum, facit alterum latus, rationa-  
lem lineam longitudine incommensurabilem ei,  
secundum quam applicatur, per 23.

Quadratum verò residui secundum rationalem  
applicatum, facit alterum latus residuum pri-  
mum, per 97.

Quadratum verò residui medialis primi secun-  
dum rationalem applicatum, facit alterum la-  
tus residuum secundum, per 98.

Quadratum verò residui medialis secundi, fa-  
cit alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum verò lineæ minoris facit alterum  
latus residuum quartum, per 100.

Quadratum verò lineæ cum rationali superfi-  
cie facientis totam medialem, facit alterum la-  
tus residuum quintum, per 101.

Quadratum verò lineæ cum mediali superficie  
facientis totam medialem, secundum rationa-  
lem applicatum, facit alterum latus residuum  
sextum, per 102.

S

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cuiusque parallelogrammi univique quadrato æqualis & secundum rationalem applicati, differant & à primo latere, & ipsa inter se (nam à primo differunt, quoniam est rationalis linea: inter se verò differunt, quoniam sunt residua non eiusdem ordinis) constat ipsas quoque lineas irracionales inter se differentes esse. Et quoniam demonstratum est residuum non esse idem quod Binomium, quadrata autem residui & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt & residua, quorum quadrata applicantur rationali: similiter & quadrata Binomij & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex Binomiis eiusdem ordinis cuius sunt & Binomia, quorum quadrata applicantur rationali. Ergo lineæ irracionales quæ cõsequuntur Binomium, & quæ consequuntur residuum, sunt inter se differentes. Quare dictæ lineæ omnes irracionales sunt numero 13.

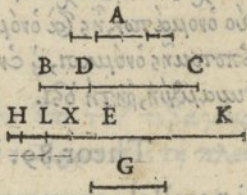


- |                               |                       |
|-------------------------------|-----------------------|
| 1 Medialis.                   | primum.               |
| 2 Binomium.                   | 10 Residuum mediale   |
| 3 Bimediale primum.           | secundum.             |
| 4 Bimediale secundum.         | 11 Minor.             |
| 5 Maior.                      | 12 Faciens cum ratio- |
| 6 Potens rationale & mediale. | nali superficie to-   |
| 7 Potēs duo medialia.         | 13 Faciens cum me-    |
| 8 Residuum.                   | diali superficie to-  |
| 9 Residuum mediale            | tam medialem.         |

$\rho\beta$   
 Το ἀπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ ἁ-  
 θαλόμωμον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν, ἧς τὰ ὀνό-  
 ματα σύμμετρα ἔστι τοῖς ἐκ δύο ὀνομάτων ὀνόμα-  
 σι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ ἐπὶ τῇ γνωμῶν ἀποτομῇ  
 τὴν αὐτὴν ἔχει τὰ ἐξ ἑνὸς ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 87. Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum  
 Binomium applicatum, facit alterum la-  
 tus residuum, cuius  
 nomina sunt com-  
 mensurabilia Bino-  
 mij nominib<sup>9</sup>, & in  
 eadē proportione:  
 præterea id quod fit  
 Residuum, eundem



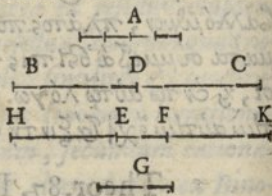
S ij

ordinem retinet quem Binomium.

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς ᾠδῆς ἀποτομῆς ᾠδῆς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢς ἅ ὀνόματα σύμμετρά ἐστι τοῖς τῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ. ἐπὶ δὲ ἐπιγνομένη ἐκ δύο ὀνομάτων, πῶς αὐτῷ ἅξιον ἔχει τῆς ἀποτομῆς.

Theor. 88. Prop. 113.

Quadratum lineæ rationalis secundum residuum applicatum, facit alterum latus Binomium, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadē proportione: præterea id quod fit Binomiū est eiusdem ordinis, cuius & Residuum.

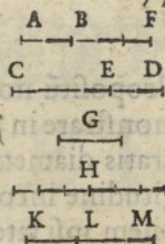


Εὰν χεῖριον ἀειέχηται ἀπὸ ἀποτομῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢς ἅ ὀνόματα σύμμετρά ἐστι τοῖς τῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ τὸ χεῖριον διωαρμένη, ῥητὴ ἐστὶ.

Theor. 89. Prop. 114.

Si parallelogrammum contineatur ex resi-

duo & Binomio, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadem proportione, linea quæ illam superficiem potest, est rationalis.

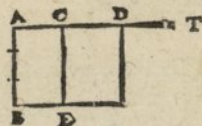
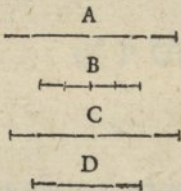


ρ ι ε

Ἀπὸ μέσης ἀπειροὶ ἀλογοὶ γίνονται, καὶ ἑδεμία ἑδεμῶν τῆς ὡσέτερον ἢ αὐτῆς.

Theor. 90. Propo. 185.

Ex linea mediali nascuntur lineæ irrationales innumerabiles, quarum nullavllian-  
tè dictarum eadem fit.



ρ ι ς

Προκείμενα ἡμῖν δεῖξαι, ὅτι ἐπὶ τῆς τετραγώνου σχημάτων, ἀσύμμεβός ἐστιν ἡ ἀλάμετρος τῆς πλευρᾶς μήκῃς.

S iij



## Propo. 116.

Propositū nobis esto de-  
monstrare in figuris qua-  
dratis diametrum esse lō-  
gitudine incommensura-  
bilem ipsi lateri.



Elementi decimi finis.



# EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVLIDIS ELEMEN-

TVM VNDECIMVM.

ET SOLIDORVM

*primum.*

Ο' Ρ ΟΙ.

α

Στερεόν ἔστι, τὸ μῆκος, καὶ πλάτος, καὶ βάτος ἔχει.

DEFINITIONES.

I

Solidum est, quod longitudinem, latitudinem, & crassitudinem habet.

β

Στερεὸς δὲ πέρασ, ἔπιφάνεια.

S iij

2

Solidi autem extremum est superficies.

γ

Εὐθεία πρὸς ἑπίπεδον ὀρθή ἐστίν, ὅταν πρὸς πάσας τὰς ἀπομύνας αὐτῆς εὐθείας, καὶ οὐσας ἐν τῷ αὐτῷ ὑποκείμενῳ ἐπιπέδῳ, ὀρθὰς ποιῇ γωνίας.

3

Linea recta est ad planum recta, cum ad rectas omnes lineas, à quibus illa tangitur, quæque in proposito sunt plano, rectos angulos efficit.

δ

Ἐπίπεδον πρὸς ἑπίπεδον ὀρθόν ἐστίν, ὅταν αἱ τῆ κοινῆ τομῆ τῶν ἐπιπέδων πρὸς ὀρθὰς ἀγόμεναι εὐθείαι ἐν εἰς τῶν ἐπιπέδων, τῷ λοιπῷ ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾖσιν.

4

Planum ad planum rectum est, cum rectæ lineæ, quæ communi planorum sectioni ad rectos angulos in vno planorum ducuntur, alteri plano ad rectos sunt angulos.

ε

Εὐθείας πρὸς ἑπίπεδον κλίσις ἐστίν, ὅταν ἀπὸ τῆ μετεώρου πέρατος τῆς εὐθείας ἐπι τὸ ἐπίπεδον κείνου ἀγῆ, καὶ ἀπὸ τῆ γωνομύου σημείου, καὶ ἀπὸ τῆ ἐν τῷ ἐπιπέδῳ πέρατος τῆς εὐθείας, εὐθεία ἐπι-



Ζευθῆ, ἢ περιεχόμενη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῆς ἀ-  
 ρείσης καὶ τῆς ἐφεσώσης.

5

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus est angulus ipsa insistente linea & adiuncta altera comprehensus, cùm à sublimi rectæ illius lineæ termino deducta fuerit perpendicularis, atque à puncto quod perpendicularis in ipso plano fecerit, ad propositæ illius lineæ extremum, quod in eodé est plano, altera recta linea fuerit adiuncta.

5

Ἐπίπεδου πρὸς ὀπίπεδον κλίσις ὅτιν, ἢ περιε-  
 χόμενη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῆς πρὸς ὀρθῆς τῆ κοινῆ  
 τομῆ ἀρημόμων πρὸς τῶ αὐτῶ σημείῳ ἐν ἑκατέρῳ  
 τῆς ὀπίπεδων.

6

Plani ad planum inclinatio, acutus est angulus rectis lineis contentus, quæ in utroque planorum ad idem communis sectionis punctum ductæ, rectos ipsi sectioni angulos efficiunt.

ζ

Ἐπίπεδον πρὸς ὀπίπεδον ὁμοίως κεκλίσται λέγε-  
 ται, καὶ ἕτερον πρὸς ἕτερον, ὅταν αἱ εἰρημόμων τῆς κλί-  
 σεων γωνία ἴσαι ἀλλήλων ᾖσι.

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cum dicti inclinationum anguli inter se sunt æquales.

η

Παράλληλα ἑπίπεδά ἐστὶ, τὰ ἀσύμπτωτα.

8

Parallela plana, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

θ

Ὅμοια στερεὰ σχήματὰ ἐστὶ, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἑπιπέδων περιέχοντα ἴσων τῷ πλήθους.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

ι

Ἰσα δὲ καὶ ὅμοια στερεὰ σχήματὰ ἐστὶ, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἑπιπέδων περιέχοντα ἴσων τῷ πλήθει καὶ τῷ μεγέθει.

ιο

Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

ια

Στερεὰ γωνία ἐστὶν, ἢ ὑπὸ πλείονων ἢ δύο γραμ-

μὴ ἀπομάρτυρον ἀλλήλων καὶ μὴ ἐν τῇ αὐτῇ ἐπιφανείᾳ ὑστῶν, πρὸς πάσαις ταῖς γραμμαῖς κλίσις.

## II

Solidus angulus est, plurium quàm duarum linearum, quæ se mutuò contingant, nec in eadem sint superficie, ad omnes lineas inclinatio.

## Ἄλλως.

Στερεὰ γωνία ἐστίν, ἢ ὑπὸ πλεόνων ἢ δύο ἐπιπέδων γωνιῶν περιεχομένη, μὴ ὑστῶν ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ, πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνισταμένων.

## Aliter.

Solidus angulus est, qui pluribus quàm duobus planis angulis in eodem non consistentibus plano, sed ad vnum punctum collectis, continetur.

## ιβ

Πυραμὶς ἐστὶ σχῆμα στερεὸν ἐπιπέδοις περιεχόμενον, ὑπὸ ἐνὸς ἐπιπέδου πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνεστῶς.

## I 2

Pyramis, est figura solida quæ planis continetur, ab vno plano ad vnum punctum collecta.

## ιγ

Πείσμα ἐστὶ σχῆμα στερεὸν ἐπιπέδοις περιεχόμενον, ὡν δύο τὰ ἀπεναντίον ἴσα τε καὶ ὁμοία ἐστὶ, καὶ παράλληλα, τὰ δὲ λοιπὰ ὁμοιολόγραμα.



13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

1δ

Σφαῖρά ἐστιν, ὅταν ἡμικυκλίου κέντρου τῆς ἀξονὸς περιεγείνηται ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκτασθῆ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιεγείνηται σχῆμα.

14

Sphæra est figura, quæ conuerso circumquiescentem diametrum semicirculo continetur, cùm in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

1ε

Ἄξων δὲ τῆς σφαῖρας ἐστὶν, ἡ μένουσα εὐθεῖα, περὶ τὸ ἡμικύκλιον γέφυρα.

15

Axis autem Sphærae est, quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

1ς

Κέντρον δὲ τῆς σφαῖρας ἐστὶ τὸ αὐτὸ, ὃ καὶ τῆς ἡμικυκλίου.

16

Centrum verò Sphærae est idem, quod & semicirculi.

17  
 Διάμετρος δὲ τῆς σφαίρας ἔστιν, εὐθεῖά τις διὰ τῆς κέντρου ἢ μέσης, καὶ περὶ τὴν μέσην ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς ὑπερφανείας τῆς σφαίρας.

17  
 Diameter autem Sphaerae est, recta quadam linea per cœtrum ducta, & vtrinque à Sphaerae superficie terminata.

17  
 Κῶνος ἔστιν, ὅταν ὀρθογωνίᾳ περιγώνῳ μὲν ἕσται πλευρᾶς τῆς κῶνῆς τῆς ὀρθῆς γωνίας, ἀπεινεθῆεν τὸ περιγώνον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῆ, ὅταν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ ἀπειληθῆεν σχῆμα. καὶ ἐκείνη μὲν εὐθεῖα ἴση ἢ τῇ λοιπῇ τῇ ἀπειληθῆεν ὀρθῆν ἀπειρομῶν, ὀρθογωνίᾳ ἔσται κῶνος. εἰ δὲ ἐλάττω, ἀμβλυγωνίᾳ. εἰ δὲ μείζων, ὀξυγωνίᾳ.

18  
 Conus est figura, quæ cōuerso circum quiescens alterum latus eorum quæ rectum angulum continent, orthogonio triangulo continetur, cùm in eundem rursus locum illud triangulum restitutum fuerit, vnde moueri cœperat. Atque si quiescens recta linea æqualis sit alteri, quæ circum rectum angulum conuertitur, rectangulus erit Conus: si minor, amblygonius: si verò maior, oxygonius.

18

Ἄξων δὲ τῆς κώνου ὅστιν ἢ μύουσα, πρὸς τὸ τρίγωνον σφαιροειδής.

19

Axis autem Cωνi, est quiescēs illa linea, circum quam triangulum vertitur.

κ

Βάσις δὲ, ὁ κύκλος, ὁ ὑπὸ τῆς περιφερειᾶς ἐπιπέδου γειωμένος.

20

Basis vero Cωνi, circulus est, qui à circumducta linea recta describitur.

κα

Κύλινδρος δὲ, ὅταν ὀρθογωνίου παραλληλογραμμοῦ μύουσις μιᾶς πλευρᾶς τῆς πρὸς τὸ ὀρθὸν, περιεγενηθῆναι τὸ παραλληλόγραμμον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῆναι, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιεγενηθῆναι σχῆμα.

21

Cylindrus figura est, quæ conuerso circum quiescens alterum latus eorum quæ rectum angulum continent, parallelogrammo orthogωνio comprehenditur, cùm in eundem rursus locum restitutum fuerit illud parallelogrammum, vnde moueri cœperat.

κβ

Ἄξων δὲ τῆς κυλίνδρου, ὅστιν ἢ μύουσα ἐπιπέδου, πρὸς



ἡ δὲ τὸ ὠκυλλήλογραμμον γρέφεται.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

κ γ

Βάσεις δὲ, οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῆς ἀπεναντίον ὠκυλλήλων δύο πλευρῶν γραφόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus aduersis lateribus quæ circumaguntur, descripti.

κ δ

Ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι εἰσιν, ὧν οἱ τε ἄξονες καὶ αἱ βάσεις τῆς ἀνάλογον εἰσιν.

24

Similes cono & cylindri sunt, quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

κ ε

Κύβος ἐστὶ σῆμα τερεόν, ὑπὸ ἐξ τετραγώνων ἴσων ὠκυλλήλων.

25

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis equalibus continetur.

κ ς

Τετράεδρον ἐστὶ σῆμα ὑπὸ τετραγώνων τριγώνων

ἴσων ἢ ἰσοπλευρῶν ᾤξετρόμῳ.

26

Tetraëdrum est figura, quæ triangulis quatuor æqualibus & æquilateris continetur.

κζ

Οκτάεδρόν ἐστὶ σχῆμα σφαιρῶν, ὑπὸ ὀκτὼ τριγώνων ἴσων ἢ ἰσοπλευρῶν ᾤξετρόμῳ.

27

Octaëdrum figura est solida, quæ octo triangulis æqualibus & æquilateris continetur.

κη

Δωδεκάεδρόν ἐστὶ σχῆμα σφαιρῶν, ὑπὸ δώδεκα πενταγώνων ἴσων, ἢ ἰσοπλευρῶν, ἢ ἰσογωνίων ᾤξετρόμῳ.

28

Dodecaëdrum figura est solida, quæ duodecim pentagonis æqualibus, æquilateris, & æquiangulis continetur.

κθ

Εἰκοσαέδρόν ἐστὶ σχῆμα σφαιρῶν, ὑπὸ εἰκοσὶ τριγώνων ἴσων, ἢ ἰσοπλευρῶν ᾤξετρόμῳ.

Eicosaëdrum figura est solida, quæ triangulis viginti æqualibus, & æquilateris continetur.

Προτάσεις

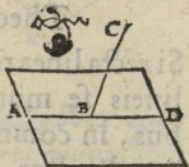
Προτάσις.

α

Εὐθείας γραμμῆς μέρος μὴ πῖ σὲκ' ἔστιν ἐν τῷ ὑπὸ κημῶν ὀπιπέδῳ, μέρος δέ τι ἐν τῷ μετεώρῳ.

Theor. 1. Propo. 1.

Quædam rectæ lineæ pars in subiecto quidem non est plano, quædam verò in sublimi.

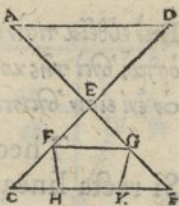


β

Εὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, ἐν εἰς εἰσὶν ὀπιπέδῳ, καὶ πᾶν τρίγωνον ἐν εἰς ἔστιν ὀπιπέδῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò secant, in vno sunt plano: atque triangulū omne in vno est plano.

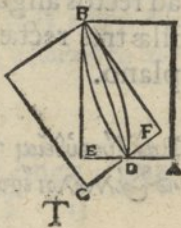


γ

Εὰν δύο ὀπιπέδα τέμνη ἀλλήλα, ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ εὐθεῖά ἐστι.

Theor. 3. Propositio. 3.

Si duo plana se mutuò secant, communis eorum sectio est recta linea.



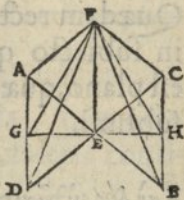


δ

Εὰν εὐθεῖα δυοῖν εὐθείαις τεμνύσας ἀλλήλας, πρὸς ὀρθὰς ᾗτι τῆς κοινῆς τομῆς ᾗτις αὐτῆς, καὶ τῶν δι' αὐτῶν ᾗτιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

## Theor. 4. Propo. 4.

Si recta linea rectis duabus lineis se mutuò secantibus, in communi sectione ad rectos angulos insistat, illa ducto etiam per ipsas plano ad angulos rectos erit.



ε

Εὰν εὐθεῖα πλὴν εὐθείαις ἀπὸ μὲν ἀλλήλων, πρὸς ὀρθὰς ᾗτι τῆς κοινῆς τομῆς ᾗτις αὐτῆς, καὶ πρὸς εὐθείαις ἐν ἐνί εἰσιν ᾗτιπέδῳ.

## Theor. 5. Propo. 5.

Si recta linea rectis tribus lineis se mutuò tangenti-bus, in communi sectione ad rectos angulos insistat, illæ tres rectæ in vno sunt plano.

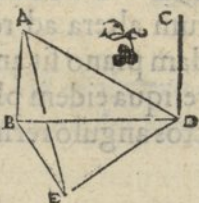


ζ

Εὰν δύο εὐθεῖαι τῶν αὐτῶν ᾗτιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾗσι, καὶ ἀλλήλοισιν ἔσονται αἱ εὐθεῖαι.

## Theor. 6. Propo. 6.

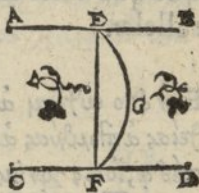
Si duæ rectæ lineæ eidem plano ad rectos sint angulos, parallelæ erunt illæ rectæ lineæ.



Εάν ὡσι δύο εὐθεῖαι ὡς ἄλληλοι, ληφθῆ δὲ ἐφ' ἑκατέρᾳ αὐτῶν τυχόντα σημεῖα, ἢ ἅπλῃ ἢ σημεῖα ὅππῃ ζευγνυμένη εὐθεῖα, ἐν τῷ αὐτῷ ὅππῃ ἐπέδῳ ὅτι ταῦς ὡς ἄλληλοις.

## Theor. 7. Propo. 7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in quarum vtraque sumpta sint quælibet puncta, illa lineæ quæ ad hæc puncta adiungitur, in eodem est cum parallelis plano.



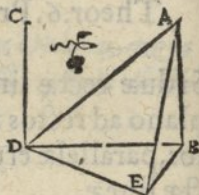
Εάν ὡσι δύο εὐθεῖαι ὡς ἄλληλοι, ληφθῆ δὲ ἐπέδῳ αὐτῶν ὅππῃ ἐπέδῳ πινὶ ὡς ὅρταις ἢ, καὶ ἢ λοιπὴ τῷ αὐτῷ ὅππῃ ἐπέδῳ ὡς ὅρταις ἕσται.

## Theor. 8. Propo. 8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, qua-

T ij

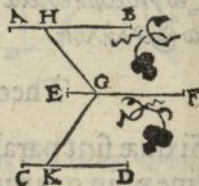
rum altera ad rectos cui-  
dam plano fit angulos, &  
reliqua eidem plano ad re-  
ctos angulos erit.



Αἱ τῆ αὐτῆ εὐθεία πλάλληλοι, καὶ μὴ οὔσαι αὐτῇ  
ἐν τῷ αὐτῷ ἑπιπέδῳ, καὶ ἀλλήλας εἰσὶ πλάλ-  
ληλοι.

Theor. 9. Propo. 9.

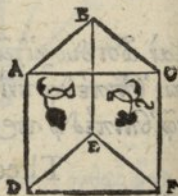
Quæ eidem rectæ lineæ  
sunt parallelæ, sed non in  
eodem cum illa plano, hæ-  
quoque sunt inter se pa-  
rallelæ.



Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπόμνηαι ἀλλήλων καὶ δύο εὐ-  
θείας ἀπομνήας ἀλλήλων ᾧσι, μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ἑπι-  
πέδῳ, ἴσας γωνίας περιέξουσιν.

Theor. 10. Propo. 10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-  
tuò tangentes ad duas re-  
ctas se mutuò tangentes  
sint parallelæ, non autem  
in eodem plano, illæ an-  
gulos æquales comprehé-  
dent.



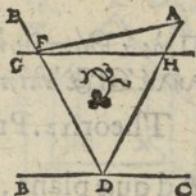


1α

Ἀπὸ τῆς δοθέντος σημείου μετεώρῃ, ὅτι τὸ ὑποκείμενον ἑπιπέδον χέσεται εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

## Probl. 1. Prop. 11.

A dato sublimi puncto, in subiectum planum perpendiculari rectam lineam ducere.

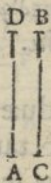


1β

Τῷ δοθέντι ἑπιπέδῳ, ἀπὸ τῆς πρὸς αὐτῷ δοθέντος σημείου, πρὸς ὀρθὰς εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

## Probl. 2. Prop. 12.

Dato plano, à puncto quod in illo datum est, ad rectos angulos rectam lineam excitare.



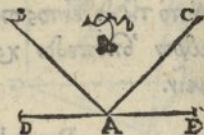
1γ

Τῷ δοθέντι ἑπιπέδῳ, ἀπὸ τῆς πρὸς αὐτῷ σημείου, δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς οὐκ ἀναστήσονται ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη.

T iij

## Theor. 11. Propo. 13.

Dato plano, à pũcto quod in illo datum est, duæ rectæ lineæ ad rectos angulos non excitabuntur ad easdem partes.



<sup>1δ</sup>  
Πρὸς ἂν ἑπίπεδα ἢ αὐτὴ εὐθεῖα ὀρθὴ ᾖ, ὡς ἀλλήλῃ ᾖ ἑπίπεδα.

## Theor. 12. Propo. 14.

Ad quæ plana, eadem recta linea recta est, illa sunt parallela.



<sup>1ε</sup>  
Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπόμνημα ἀλλήλων, ὡς ἀὶ δύο εὐθεῖας ἀπομνήμας ἀλλήλων ὥσι μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ οὔσαι, ὡς ἀλλήλῃ ᾖ ἑπίπεδα.

## Theor. 13. Propo. 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes ad duas rectas se mutuò tāgētes sint parallelæ, non in eodem consistentes plano, parallela sunt quæ per illas ducuntur plana.

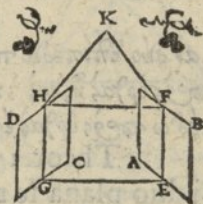


15

Εὰν δύο ἑπίπεδα ᾠδέλληλα ἕπὸ ἑπιπέδου πινὸς τέμνηται, αἱ κοινὰ αὐτῶν τομαὶ ᾠδέλληλοὶ εἰσιν.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo plana parallela plano quoque secentur, communes illorum sectiones sunt parallelae.

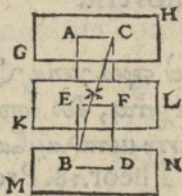


16

Εὰν δύο εὐθεῖαι ἕπὸ ᾠδέλληλων ἑπιπέδων τέμνηται, εἰς τοὺς αὐτοὺς λόγους τμηθήσονται.

Theor. 15. Propo. 17.

Si duae rectae lineae parallelis planis secantur, in eisdem rationes secabuntur.



17

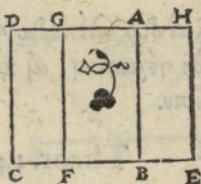
Εὰν εὐθεῖα ἑπιπέδῳ πινὶ πρὸς ὀρθὰς ᾠ, καὶ πάντα τὰ δι' αὐτῆς ἑπίπεδα, τῷ αὐτῷ ἑπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

T iij



## Theor. 16. Propo. 18.

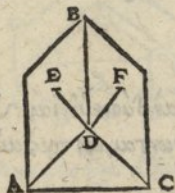
Si recta linea plano cuiuspiam ad rectos sit angulos, illa etiam omnia quae per ipsam plana, ad rectos eidem plano angulos erunt.



Εάν δύο ὀπίπεδα τέμνοντα ἀλλήλα ὀπίπεδῳ πινὶ πρὸς ὀρθὰς ἢ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ τῶ αὐτῶ ὀπίπεδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

## Theor. 17. Propo. 19.

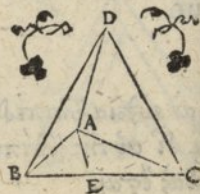
Si duo plana se mutuò secantia plano cuidam ad rectos sint angulos, communis etiam illorum sectio ad rectos eidem plano angulos erit.



Εάν σφαιρὰ γωνία ὑπὸ τριῶν γωνιῶν ὀπίπεδων περιέχεται, δύο ὁποιαοῦν τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι πάντῃ μεταλαμβάνόμεθα.

## Theor. 18. Propo. 20.

Si angulus solidus planis tribus angulis contineatur, ex his duo quilibet vtut assumpti tertio sunt maiores.



κα

Ἄπαντα τρεῖς γωνία ὑπὸ ἑλασσόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν γωνιῶν ὀπίπτεδων ἀειέχεται.

Theor. 19. Propositio. 21.

Solidus omnis angulus minoribus cōtinetur, quā rectis quatuor angulis planis.

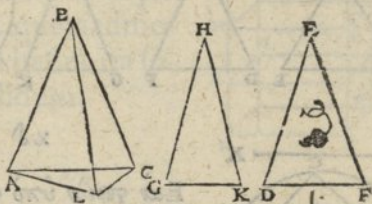


κβ

Εὰν ὡσεὶ τρεῖς γωνία ὀπίπτεδοι, ὧν αἱ δύο τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντη μεταλαμβανόμενα, ἀειέχουσι δὲ αὐτὰς ἴσας εὐθείας, δυνατὸν ἔστιν εἶναι ἕξ ὀπίπτεδων ἴσας εὐθείας τρίγωνον συστήσασθαι.

Theor. 20. Propositio. 22.

Si plani tres anguli æqualibus rectis continentur lineis, quorum duo vt libet assumpti tertio sint maiores, triangulum constitui potest ex lineis æquales illas rectas coniungētib.



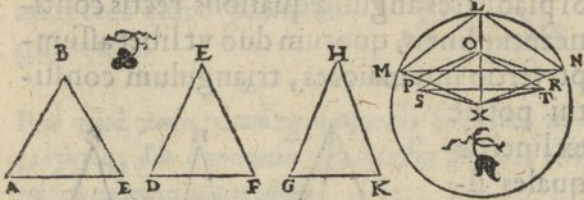
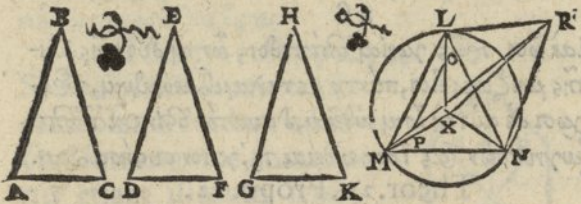
κγ

Εκ τριῶν γωνιῶν ὀπίπτεδων, ὧν αἱ δύο τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντη μεταλαμβανόμενα, τρεῖς

γωνίαν συστήσασθαι. δέϊ δὴ τὰς τρεῖς τεσσάρων ὀρθῶν ἐλάσσονας εἶναι.

Probl.3.Propo.23.

Ex planis tribus angulis, quorum duo vt libet assumpti tertio sint maiores, solidū angulum constituere. Decet autem illos tres angulos rectis quatuor esse minores.



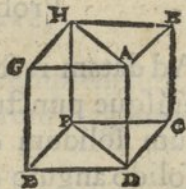
κδ

Εὰν τερεὸν ὑπὸ ὁμοκλήλων ἐπιπέδων περιέχεται, τὰ ἀπεναντίον αὐτῷ ἐπίπεδα, ἴσα τε καὶ ὁμοκλήλογραμμά εἶναι.



## Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis cōtineatur, aduersa illius plana & æqualia sunt & parallelogramma.

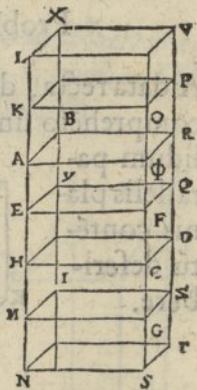


κε

Εὰν στερεὸν περιληπτόν ᾖ ἐπιπέδῳ τμηθῆ ὑπὸ παραλλήλων ὄντι τοῖς ἀπεναντίον ἐπιπέδοις, ἔσται ὡς ἡ βάσις πρὸς τὴν βάσιν, οὕτω τὸ στερεὸν πρὸς τὸ στερεόν.

## Theor. 22. Proposit. 25.

Si solidum parallelis planis contentum plano fecetur aduersus planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.



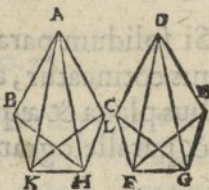
κς

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῶν πρὸς αὐτῇ σημείων, τῇ δοθείσῃ στερεᾷ γωνία ἴσιν στερεᾷ γωνίαν συστήσασθαι.

SCD

## Probl. 4. Propo. 27.

Ad datam rectam lineam  
eiúsque punctum, angu-  
lum solidum constituere  
solido angulo dato æqua-  
lem.

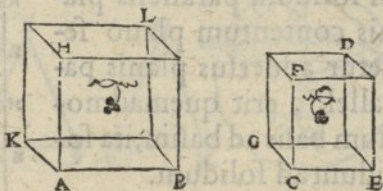


κζ

Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι στερεῷ ὁμοει-  
λληλεπίπεδῳ ὁμοίον τε καὶ ὁμοίως κείμενον στερεὸν  
ὁμοειλληλεπίπεδον ἀναγράψαι.

## Probl. 5. Propo. 27.

A data recta, dato solido parallelis planis  
comprehēso simile & similiter positum so-  
lidum pa-  
rallelis pla-  
nis contē-  
tū descri-  
bere.

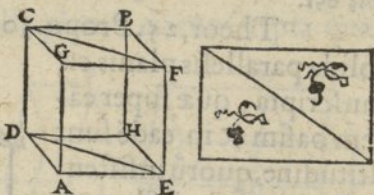


κη

Ἐὰν στερεὸν ὁμοειλληλεπίπεδον ὀπίπεδῳ τμηθῆ  
καὶ τὰς διαγωνίους τῆς ἀπεναντίον ὀπίπέδων, διχα-  
τμηθῆσεται τὸ στερεὸν ὑπὸ τῶ ὀπίπέδῳ.

## Theor. 23. Propo. 28.

Si solidum parallelis planis comprehensum, ducto per aduersorum planorum diagonios plano sectum sit, illud solidum ab hoc plano bifariam sectabitur.

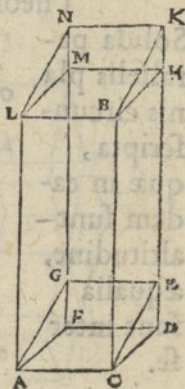


κθ

Τὰ ἄνω τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα τετραῶνα ἑλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἂν ἀφερωσῶσι ἄνω τῆς αὐτῶν εἰσὶν ἴσων, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

## Theor. 24. Propositio. 29.

Solida parallelis planis comprehensa, quæ super eandem basim & in eadem sunt altitudine, quorum insistentes lineæ in iisdem collocantur rectis lineis, illa sunt inter se æqualia.



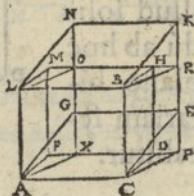


λ

Τὰ ἔπι τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ ὡς παραλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὧν αἱ ἐπιπέδουσαι οὐκ εἰσὶν ἐπὶ τῶν αὐτῶν εὐθειῶν, ἴσα ἀλλήλοις ἔσθι.

Theor. 25. Propo. 30.

Solida parallelis planis circumscrip̄ta, quæ super eâdem basim & in eadē sunt altitudine, quorū insistentes lineæ non in iisdem reperiuntur rectis lineis, illa sunt inter se æqualia.

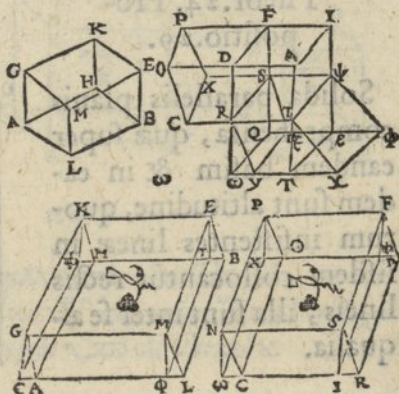


λα

Τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα στερεὰ ὡς παραλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσα ἀλλήλοις ἔσθι.

Theor. 26. Propo. 31.

Solida parallelis planis circumscrip̄ta, quæ in eadē sunt altitudine, æqualia sunt inter se.

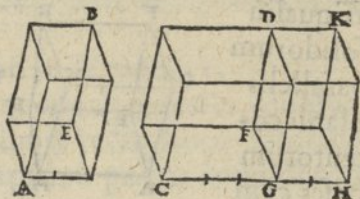


λβ

Τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα τετραῶδη παραλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ὅστιν, ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 27. Propo. 32.

Solida parallelis planis circumscrip̄ta quæ eiusdem sunt altitudinis, eam habent inter se rationem, quam bases.

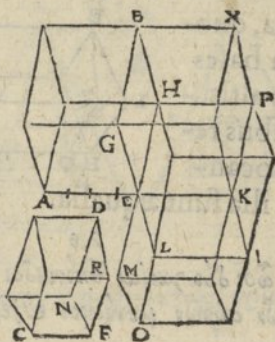


λγ

Τὰ ὅμοια τετραῶδη παραλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 28. Propo. 33.

Similia solida parallelis planis circumscrip̄ta, habent inter se rationem homologorū laterum triplicatam.

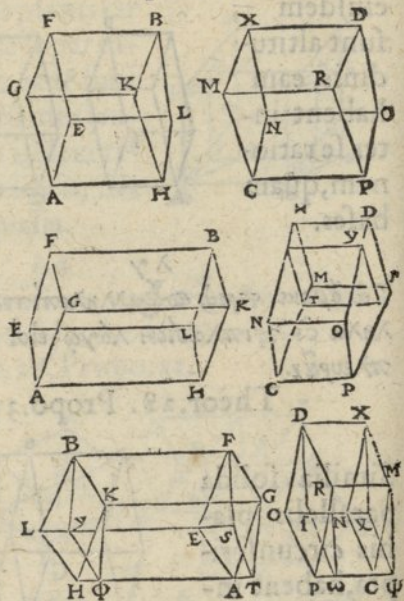


λδ

Τῶν ἴσων φερεῶν ὡς ἑλληλεπιπέδων ἀντιπεπόν-  
 θασιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψοσι. καὶ τῶν φερεῶν ὡς ἑλλη-  
 λεπιπέδων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψοσι, ἴσα  
 ὅτιν ἐκείνα.

Theor. 29. Propo. 34.

Æqualiū  
 solidorum  
 parallelis  
 planis cō-  
 tentorum  
 bases cum  
 altitudi-  
 nis reci-  
 procantur.  
 Et solida  
 parallelis  
 planis con-  
 tenta, quo-  
 rum bases  
 cum altitu-  
 dinibus re-  
 ciprocantur,  
 illa sunt æqualia.



λε

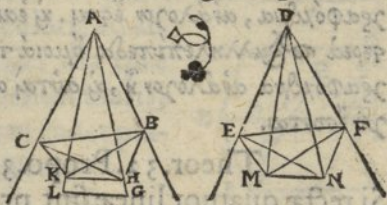
Εὰν ᾗσι δύο γωνίαι ὀπίπεδοι ἴσαι, ὅτι δὲ τῶν κο-  
 ρυφῶν αὐτῶν μετέωροι εὐθεῖαι ὀπίσταται ἴσαι  
 γωνίας



γωνίας πειλέχουσαι μετὰ τῆς ἐξαρχῆς εὐθεῶν,  
 ἑκατέραν ἑκατέρα, ὅτι δὲ τῆς μετεώρων ληφθῆ  
 τυχόντα σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῶν ὅτι ἅ ὀπίπεδα, ἐν  
 οἷς εἰσὶν αἱ ἐξαρχῆς γωνίαι, χέρεται ἀρθῶσιν, ἄπο  
 δὲ τῆς γωνομετρίων σημεῖων ἄπο τῆς χέρεται ὅτι  
 τοῖς ὀπίπεδοις, ὅτι ἅ ἐξαρχῆς γωνίας ὀπιζευ-  
 ρῶσιν εὐθεῖαι, ἴσας γωνίας πειλέξουσι μετὰ τῆς  
 μετεώρων.

Theor. 30. Propo. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum  
 verticibus sublimes rectæ lineæ insistant,  
 quæ cum lineis primò positis angulos con-  
 tineant æquales, vtrunque vtrique, in sub-  
 limibus autem lineis qualibet sumpta sint  
 puncta, & ab his ad plana, in quibus confi-  
 stunt anguli primùm positi, ductæ sint per-  
 pendiculares, ab earum verò punctis, quæ in  
 planis signata fuerint, ad angulos primùm  
 positos ad-  
 iunctæ sint  
 rectæ lineæ,  
 hæ cum su-  
 blimibus  
 æquales an-  
 gulos comprehendunt.



λϛ

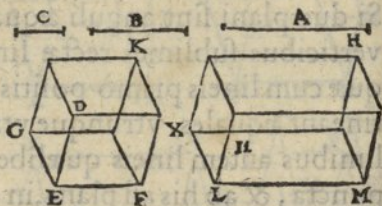
Εὰν βῆς εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾧσι, τὸ ἐν τῆς πρῶν γέ-  
 V

ρεῖον ὡς ἑλληλεπίπεδον ἴσον ὅτι τῶ ἄπὸ τῆς μέσης  
 σφαιρῶ ὡς ἑλληλεπίπεδῶ, ἴσο πλεύρω μὲν, ἴσο γω-  
 νίῳ δὲ τῶ ὡσφρημύῳ

## Theor. 31. Propo. 36.

Si rectæ tres lineæ sint proportionales, quod  
 ex his tribus fit solidū parallelis planis con-  
 tentum, æquale est descripto à media linea  
 solido parallelis planis comprehenso, quod

æquilate-  
 rum qui-  
 dem sit, sed  
 antedicto  
 æquiangu-  
 lum.



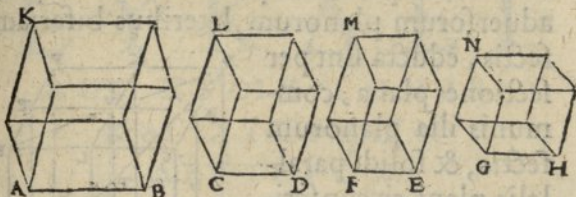
λζ

Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, καὶ τὰ ἀπὸ αὐ-  
 τῶν ὡς ἑλληλεπίπεδα ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀνα-  
 γραφόμενα, ἀνάλογον ἔσται. καὶ εἰὰν τὰ ἀπὸ αὐτῶν  
 σφαιρὰ ὡς ἑλληλεπίπεδα ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀνα-  
 γραφόμενα ἀνάλογον ᾦ, καὶ αὐτὰ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλο-  
 γον ἔσονται.

## Theor. 32. Propo. 37.

Si rectæ quatuor lineæ sint proportionales,  
 illa quoque solida parallelis planis conten-  
 ta, quæ ab ipsis lineis & similia & similiter  
 describuntur, proportionalia erunt. Et si

solida parallelis planis comprehensa, quæ & similia & similiter describuntur, sint proportionalia, illæ quoque rectæ lineæ proportionales erunt.

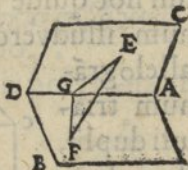


λ η

Εάν ἑπίπεδον πρὸς ἑπίπεδον ὀρθὸν ἦ, καὶ ἀπὸ τινὸς σημείου τῆς ἐνὶ τῆς ἑπιπέδων ἐπὶ τὸ ἕτερον ἐπίπεδον χέητος ἀρθῆ, ἐπὶ τῆς κοινῆς τομῆς πεσεῖται τῆς ἑπιπέδων ἡ ἀγομένη χέητος.

Theor. 33. Propo. 38.

Si planum ad planum rectum sit, & à quodam puncto eorum quæ in vno sunt planorum perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ ducitur perpendicularis, in communem cadet planorum sectionem.



λ θ

Εάν γάρ τις ἑλληλεπίπεδα τῆς ἀπεναντίας ἑπιπέδων αἱ πλευραὶ διχα τμηθῶσι, καὶ δὲ τῆς τομῆς ἑπίπεδα ἐκβληθῆ, ἡ κοινὴ τομὴ τῶν ἑπιπέδων

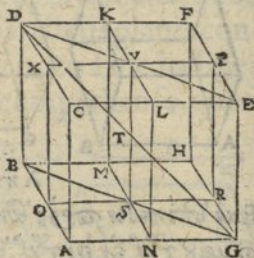
V ij



ὅτι τῶν τε τριῶν ὡς ἑλλήλεπιπέδου διζήμενος, δι-  
χατέμενοι ἀλλήλας.

Theor. 34. Propo. 39.

Si in solido parallelis planis circumscripto, aduerforum planorum lateribus bifariam sectis, educta sint per sectiones plana, communis illa planorum sectio, & solidi parallelis plani circumscripti diameter, se mutuo bifariam secant.

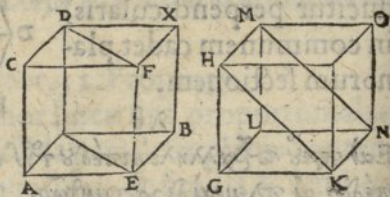


μ

Εάν ἡ δύο ὀρίσματα ἰσοῦν ἡ, καὶ τὸ μᾶλλον βάσιν πα-  
ραλληλόγραμμον, τὸ δὲ τρίγωνον, διπλάσιον δὲ ἢ  
τὸ ὡς ἑλλήλογραμμον τῶν τριγώνων, ἴσα ἔσονται  
ὀρίσματα.

Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint equalis altitudinis prismata, quo-  
rum hoc quidē basim habeat parallelogrā-  
mum, illudverò triangulum, sit autem pa-  
rallelogrā-  
mum triā-  
guli duplū,  
illa prisma-  
ta erunt æ-  
qualia.



Elementi vndecimi finis.



# EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΙΒ,  
 ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ  
 ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-  
 TVM DVODECIMVM,  
 ET SOLIDORVM  
*secundum.*

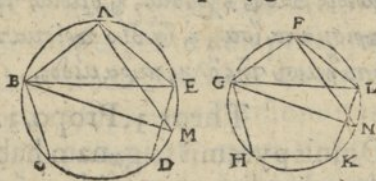
Προτάσις.

*α*

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὅμοια πολύγωνα πρὸς ἄλλη-  
 λά ἔστιν, ὡς τὰ ἀπὸ τῆς διαμέτρων τετράγωνα.

Theor. 1. Propo. 1.

Similia quæ sunt in circulis polygona, ra-  
 tionem ha-  
 bent inter  
 se quæ de-  
 scripta à  
 diametris  
 quadrata.



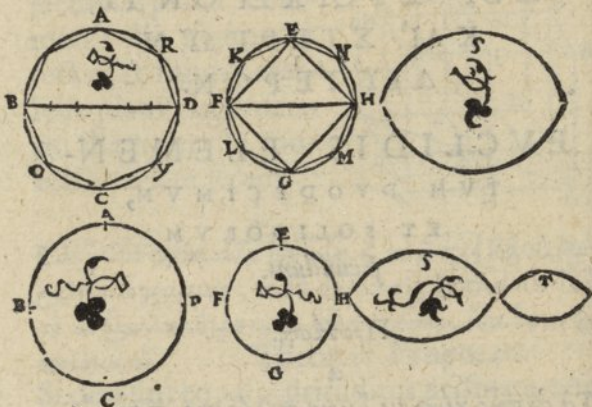
V iij

β.

Οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὡς τὰ ἀπὸ τῶν  
 Διαμέτρων τετραγώνων.

Theor. 2. Propo. 2.

Circuli eam inter se rationem habēt, quam  
 descripta à diametris quadrata.



γ.

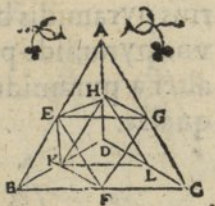
Πᾶσα πυραμὶς τριγώνου ἔχουσα βάσιν, διαρῆται  
 εἰς δύο πυραμίδας ἴσας τε καὶ ὁμοίας ἀλλήλαις, δι-  
 γώνους βάσεως ἔχουσας, καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο  
 ὀπίσματα ἴσα, καὶ τὰ δύο ὀπίσματα μείζονά ἐστιν,  
 ἢ τὸ ἥμισυ τῆς ὅλης πυραμίδος.

Theor. 3. Propo. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim, in  
 duas dividitur pyramidas nō tantum æqua-



les & similes inter se, sed  
toti etiam pyramidi simi-  
les, quarum trigonæ sunt  
bases, atque in duo pris-  
mata æqualia, quæ duo pris-  
mata dimidio pyramidis  
totius sunt maiora.



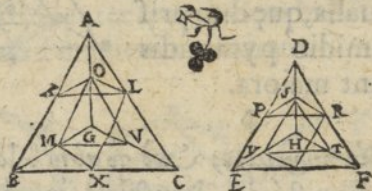
Εὰν ὡσι δύο πυραμίδες ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, τρι-  
γώνοις ἔχουσαι βάσεις, διαρῆθῃ δὲ ἑκάτερα αὐ-  
τῶν εἰς τε δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις καὶ ὁμοίας  
τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα, καὶ τῶν γενομέ-  
νων πυραμίδων ἑκάτερα τὸν αὐτὸν τρόπον, καὶ τῶ-  
το ἀεὶ γίνηται, ἔστιν ὡς ἡ τῆς μιᾶς πυραμίδος βά-  
σις, πρὸς τὴν τῆς ἑτέρας πυραμίδος βάσιν, οὕ-  
τως καὶ τὰ ἐν τῇ μιᾷ πυραμίδι πρίσματα πάντα,  
πρὸς τὰ ἐν τῇ ἑτέρα πυραμίδι πρίσματα πάντα  
ἰσοπληθῆ.

## Theor. 4. Propo. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides tri-  
gonas habeant bases, sit autem illarum v-  
traque diuisa & in duas pyramidas inter se  
æquales totique similes, & in duo prismata  
æqualia, ac eodem modo diuidatur vtraque  
pyramidum quæ ex superiore diuisione na-  
tæ sunt, idque perpetuò fiat: quemadmo-  
dum se habet vnus pyramidis basis ad alte-

V iij

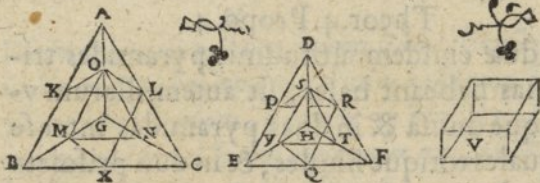
rius pyramidis basim, ita & omnia quæ in vna pyramide prismata, ad omnia quæ in altera pyramide prismata, multitudine æqualia.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος οὖσαι πυραμίδες, καὶ τριγώνως ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 5. Propo. 5.

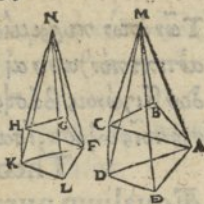
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum triγωνæ sunt bases, eam inter se rationem habent quam ipsæ bases.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος οὖσαι πυραμίδες, καὶ πολυγώνως ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

## Theor. 6. Propo. 6.

Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam inter se rationem habent quam ipsæ bases.



Πάν ὀπίσμα τρίγωνον ἔχον βάσιν, διαρῆται εἰς τρεῖς πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις, τριγώνους βάσεις ἔχούσας.

## Theor. 7. Propo. 7.

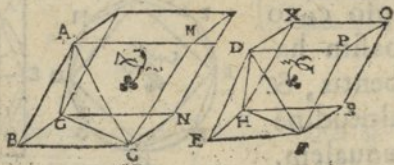
Omne prisma trigonā habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum trigonæ sunt bases.



Αἱ ὅμοιαι πυραμίδες, καὶ τριγώνους ἔχουσαι βάσεις, ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῆς ὁμολόγων πλευρῶν.

## Theor. 8. Propo. 8.

Similes pyramides, quæ trigonas habent bases, in triplata sunt homologorum laterum ratione.



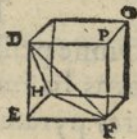
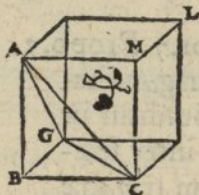


θ

Ἐἴς ἴσων πυραμίδων, καὶ τριγώνων βάσεως ἔχουσῶν ἀντιπεπύθησιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ ὧν πυραμίδων τριγώνων βάσεως ἔχουσῶν ἀντιπεπύθησιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσῳ εἰσὶν ἑκείναι.

Theor. 9. Propo. 9.

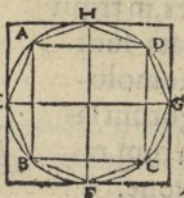
Æqualium pyramidū & trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus. Et quarum pyramidum trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus, illæ sunt æquales.



Πᾶς κώνος, κυλίνδρου τρίτον μέρος ἔστί τῷ πλάτῳ αὐτοῦ βάσιν ἔχοντος αὐτοῦ καὶ ὕψος ἴσον.

Theor. 10. Propo. 10.

Omnis cōnus tertia pars est Cylindri eandem cum ipso cōno basim habentis, & altitudinē æqualem.

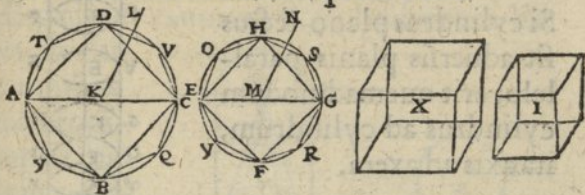


1α

Οἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Propo. 11.

Coni & cylindri eiusdem altitudinis, eam inter se rationem habent quam bases.

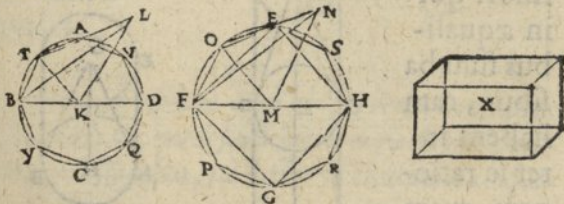


1β

Οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῶν ἐν ταῖς βάσεσι διαμέτρων.

Theor. 12. Propo. 12.

Similes coni & cylindri, triplicatam habent inter se rationem diametrorum quæ sunt in basibus.



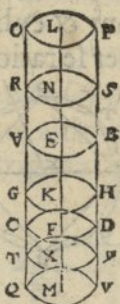
1γ

Ἐὰν κύλινδρος ὑπεπέδῳ τμηθῆ ὡς ἀλλήλῳ ὄντι τοῖς ἀπειρασίῳ ὑπεπέδοις, ἔσται ὡς ὁ κύλιν-

δρος πρὸς τὸν κύλινδρον, οὕτως ὁ ἀξὼν πρὸς τὸν ἀξῶνα.

Theor. 13. Proposit. 13.

Si cylindrus plano sectus fit aduersis planis parallelo, erit quemadmodum cylindrus ad cylindrum, ita axis ad axem.

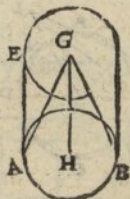


ιδ

Οἱ ὅτι ἴσων βάσεων ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ὑψή.

Theor. 14. Propo. 14.

Κῶνοι & cylindri qui in æqualibus sunt basibus, eam habent inter se rationem, quam altitudines.

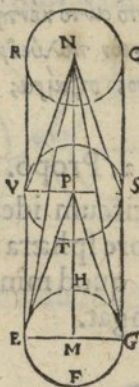




16  
 Τῶν ἴσων κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ  
 βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ ὧν κώνων καὶ κυλίνδρων ἀν-  
 τιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσοι εἰσὶν ἐ-  
 κείνοι.

Theor. 15. Propo. 15.

Æqualium conorum & cylindrorum ba-  
 ses cū alti-  
 tudinibus  
 reciprocā-  
 tur. Et quo-  
 rum cono-  
 rum & cy-  
 lindrorum  
 bases cum  
 altitudini-  
 bus reci-  
 procātur,  
 illi sunt æ-  
 quales.

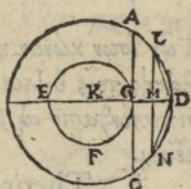


17  
 Δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὸν με-  
 ζονα κύκλον, πολύγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἀρτιό-  
 πλευρον ἐγέγραψα, μὴ φαῦδον τῷ ἐλάσσονος κύκλου.

Probl. 1. Propo. 16.

Duobus circulis circum idem centrum

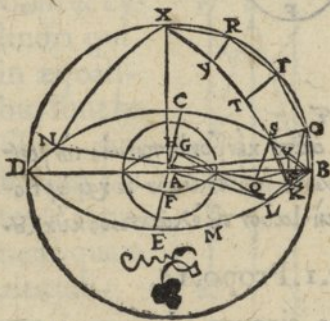
consistentibus, in maiore circulo polygonum æqualium pariumque laterum inscribere, quod minorem circulum non tangat.



Δύο σφαιρῶν αὐτὸ κέντρον οὐσῶν, εἰς τῷ μείζονα σφῆραν σρεδὸν πολύεδρον ἐγγραψαί, μὴ ψαῶν τῆς ἐλάσσονος σφῆρας χτ' τῷ ὀπιφάνειαν.

Probl. 2. Propo. 17.

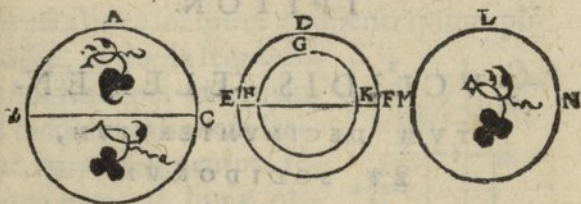
Duabus sphaeris circum idem centrum consistētibus, in maiore sphaera solidum polyedrum inscribere, quod minoris sphaerae superficie non tangat.



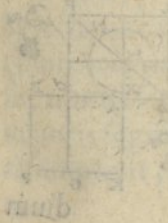
<sup>17</sup>  
 Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας ἐν τριπλασίονι λόγῳ  
 εἰσὶ τῶν ἰδίων διαμέτρων.

Theor. 16. Propo. 18.

Sphaerae inter se rationem habent suarum  
 diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.







# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΙΓ, ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVM TERTIVM,

ET SOLIDORVM

*tertium.*

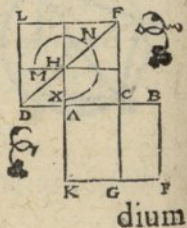
Προτάσις.

*a*

Εάν εὐθεία γραμμὴ ἀκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῆ τὸ  
μῆζον τμήμα περὶ λαβὸν τὴν ἡμίσην τῆς ὅλης,  
πενταπλάσιον δύνεται τὸ ὑπὸ τῆς ἡμισείας τῆς  
ὅλης.

Theor. i. Propo. i.

Si recta linea per extre-  
mam & mediam rationem  
secta sit, maius segmētum  
quod totius lineæ dimi-



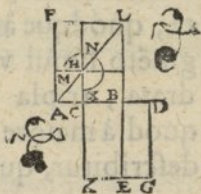
dium assumpserit, quintuplum potest eius quadrati, quod à totius dimidia describitur.

β

Εὰν εὐθεία γραμμὴ, τμήματος ἑαυτῆς πενταπλάσιον δυνῆται, τῆς διπλασίας τῆς εἰρημίου τμήματος ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμνομένης, τὸ μείζον τμήμα τὸ λοιπὸν μέρος ὅστι τῆς ἑξαρχῆς εὐθείας.

## Theor. 2. Propo. 2.

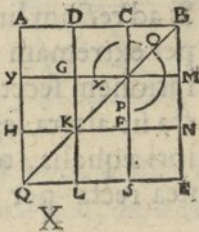
Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplū possit, & dupla segmenti huius linea per extremam & mediam rationem fecetur, maius segmentum reliqua pars est lineæ primū positæ.



Εὰν εὐθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῆ, τὸ ἔλασσον τμήμα πρὸς τὸν ἑμισφαι τῆς μείζονος τμήματος, πενταπλάσιον δυνῆται τῆς ἑμισφαι τῆς ἑμισφαι τῆς μείζονος, τετραγώνου.

## Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea per extremā & mediam rationem secta sit, minus segmentū quod maioris segmenti dimidiū assumpserit, quintuplum



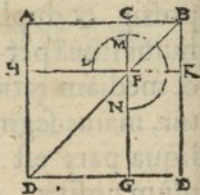
potest eius, quod à maioris segmenti dimidio describitur, quadrati.

δ

Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῆ, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ τῶ ἐλάττονος τμήματος, τὰ συν-  
αμφότερα τετραγώνη, τριπλάσια ὅτι τῶ ἀπὸ τῶ  
μείζονος τμήματος τετραγώνου.

Theor. 4. Propo. 4.

Si recta linea per extremam & mediam ratione secta sit, quod à tota, quodque à minore segmento simul vtraq; quadrata, tripla sunt eius, quod à maiore segmento describitur, quadrati.

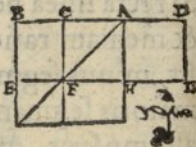


ε

Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῆ, καὶ προσεθῆ ἴση τῶ μείζονι τμήματι, ὅλη ἢ εὐθεῖα ἄ-  
κρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον τμήμα  
ἔστιν, ἢ ἐξ ἀρχῆς εὐθεῖα.

Theor. 5. Propo. 5.

Si ad rectam lineam, quæ per extremam & mediam rationem secetur, adiuncta sit altera segmento maiori æqualis, tota hæc linea recta per extremam



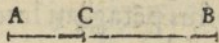


& mediam rationem secta est, estque maius  
segmentum linea primùm posita.

Εάν εὐθεῖα ῥητὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῆ, ἐκάτε-  
ρον τῶν τμημάτων ἀλογός ἐστίν, ἢ καλουμένη ἀ-  
ποτομή.

## Theor. 6. Propo. 6.

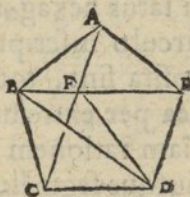
Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extre-  
mam & mediam rationem secta sit, vtrun-  
que segmentorum ἀλο-  
γος siue irrationalis est  
linea, quæ dicitur Re-  
fiduum.



Εάν πεντάγωνου ἰσοπλεύρου αἱ τρεῖς γωνίαι, ἥτοι αἱ  
χτ' τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ χτ' τὸ ἐξῆς, ἴσαι ᾖσιν, ἰσογώνιον  
ἐστὶν τὸ πεντάγωνον.

## Theor. 7. Propo. 7.

Si pentagoni æquilateri  
tres sint æquales anguli,  
siue qui deinceps, siue qui  
non deinceps sequuntur,  
illud pentagonum erit æ-  
quiangulum.



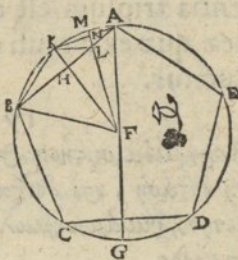
Εάν πεντάγωνου ἰσοπλεύρου καὶ ἰσογώνιου τὰς χτ'  
τὸ ἐξῆς δύο γωνίας ὑποτείνωσιν εὐθεῖαι, ἄκρον καὶ  
X ij



ἢ τῶ πενταγώνου πλευρὰ διυάται πύ τε τοῦ  
 ἑξαγώνου καὶ πύ τῶ δεκαγώνου, τῶ εἰς τὸν αὐτὸν κύ-  
 κλον ἐγγραφόμενων.

## Theor. 10. Propo. 10.

Si circulo pentagō-  
 num æquilaterum in-  
 scriptum sit, pētagō-  
 ni latus potest & la-  
 tus hexagōni & latus  
 decagōni, eidem cir-  
 culo inscriptorum.

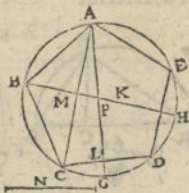


1α

Εὰν εἰς κύκλον ῥητιῶ ἔχοντα πύ ἀράμετρον, πεν-  
 τάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῆ, ἢ τῶ πενταγώνου  
 πλευρὰ ἀλογός ἐστίν, ἢ καλουμένη ἐλάσων.

## Theor. 11. Propo. 11.

Si in circulo ῥητιῶ habente  
 diametrum, inscriptum  
 sit pentagōnum æquilate-  
 rum, pentagōni latus irra-  
 tionalis est linea, quæ vo-  
 catur Minor.



1β

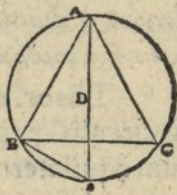
Εὰν εἰς κύκλον τριγώνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῆ, ἢ τῶ  
 τριγώνου πλευρὰ, διυάται τριπλασίαν ἐστὶ τῆς  
 ἐκ τῶ κέντρου τῶ κύκλου.

X iij



## Theor. 12. Propo. 12.

Si in circulo inscriptum sit  
triangulum æquilaterum,  
huius trianguli latus po-  
tentia triplum est eius li-  
neæ, quæ ex circuli centro  
ducitur.

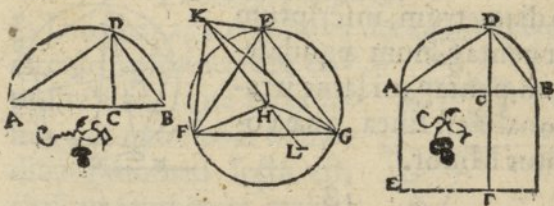


17

Πυραμίδα στήσαιαθαι, καὶ σφαίρα περιλαβεῖν  
τῆ δοθείση, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαίρας διά-  
μετρος, διωάμει ἡμολία ὅτι τῆς πλευρᾶς τῆς πυ-  
ραμίδος.

## Probl. 1. Propo. 13.

Pyramidem cōstituere, & data sphaera com-  
plecti, atque docere illius sphaeræ diametrū  
potētia sesquialteram esse lateris ipsius py-  
ramidis.



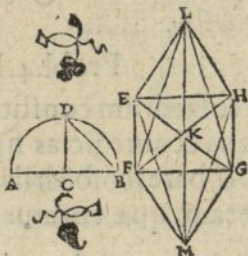
18

Οκτάεδρον στήσαιαθαι, καὶ σφαίρα περιλαβεῖν  
ἢ καὶ πῶς πυραμίδα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαίρας

Διγμέσος δυνάμει διπλασία ὅτι τῆς πλευρᾶς τῆ  
ὀκταέδρου.

Probl. 2. Propo. 14.

Octaëdrum consti-  
tuere, eaque sphaera  
qua pyramidem cõ-  
plecti, atque probare  
illius sphaeræ diame-  
trum potentia duplã  
esse lateris ipsius o-  
ctaëdri.

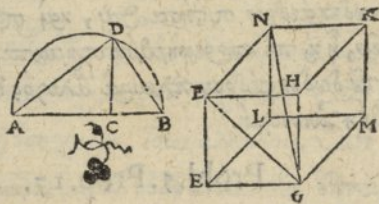


14

Κύβον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν ἢ καὶ τὰ  
περὶ τερα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαίρας διγμέσος  
δυνάμει περιπλῆ ὅτι τῆς τῆ κύβου πλευρᾶς.

Probl. 3. Propo. 15.

Cubum constituere, eaque sphaera qua &  
superiores figuras complecti, atque docere  
illius sphaeræ diame-  
trum po-  
tentia tri-  
plam esse  
lateris i-  
psius cubi.



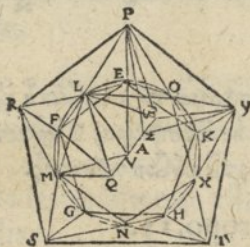
X iiij

15

Εἰκοσαέδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν,  
ἢ καὶ τὰ περιφερειώδη σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς  
εἰκοσαέδρου πλευρὰ ἀλογὸς ἔστιν, ἢ χαλουμένη ἐ-  
λάτων.

Probl. 4. Prop. 16.

Icosaëdram constituere, eadēmq̄ sphaera  
qua & antedictas figuras complecti, atque  
probare icofoëdrilatus irrationalem esse li-  
neam, quæ vocatur Minor.



16

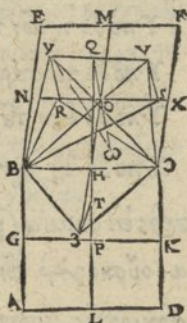
Δωδεκάεδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλα-  
βεῖν, ἢ καὶ τὰ περιφερειώδη σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι  
ἡ τῆς δωδεκάέδρου πλευρὰ ἀλογὸς ἔστιν, ἢ χαλου-  
μένη σπυροτομή.

Probl. 5. Prop. 17.

Dodecaëdram cōstituere, eadēmq̄ spha-



ra qua & antedictas figuras complecti, atque probare δωδεκαῖδρι latus irrationalé esse lineam, quæ vocatur Residuum.

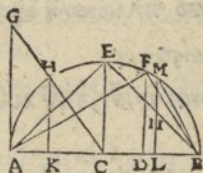


17

Τὰς πλευρὰς τῆς πέντε σχημάτων ἐπιπέδου, καὶ συγκρίναι πρὸς ἀλλήλας.

Probl. 6. Propo. 18.

Quinque figurarum latera proponere, & inter se cōparare.



### ΣΧΟΛΙΟΝ.

Λέγω δὴ ὅτι τὰ εἰρημνία εἰσὶ σχήματα ἔσφα-  
 γήσεται ἕτερον σχῆμα, περὶ ἐξοχῶν ὑπὸ ἰσο-  
 πλευρῶν τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀλλήλοις. ὑπὸ μὲν  
 γὰρ δύο τριγώνων, ἀλλ' οὐδὲ ἄλλων δύο ὀβελίτων  
 περὶ γωνία ἔσφαγήσεται.

Υπὸ δὲ τριῶν τριγώνων, ἢ τῆς περὶ αὐτῶν.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἢ τῆς ὀκταέδρου.

Υπὸ δὲ ἑξήκοντα, ἢ τῆς εἰκοσταέδρου.

Υπὸ δὲ ἑξ τριγώνων ἰσοπλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων  
 πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνισταμένων, ὅκ' ἔστιν ἑτέρα γωνία.  
 οὔσης γὰρ τῆς ἑξ ἰσοπλεύρου τριγώνου γωνίας δι-  
 μοίρου ὀρθῆς, ἔσονται αἱ ἑξ τέταρσιν ὀρθαῖς ἴσαι, ὅ-  
 ὃν ἀδιύατον. ἅπαντα γὰρ ἑτέρα γωνία ὑπὸ ἑ-  
 λασσόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν περιέχεται. ἀλλὰ τὰ  
 αὐτὰ δὴ οὐδὲ ὑπὸ πλειόνων ἢ ἑξ γωνιῶν ὅτι πέ-  
 δων ἑτέρα γωνία συνίσταται.

Υπὸ δὲ τετραγώνων τριῶν, ἢ τῆς κύβου γωνία πε-  
 ριέχεται.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἀδιύατον. ἔσονται γὰρ πάλιν  
 τέσσαρες ὀρθαί.

Υπὸ δὲ πενταγώνων ἰσοπλεύρων καὶ ἰσογωνίων,  
 ὑπὸ μὲν τριῶν, ἢ τῆς δωδεκαέδρου.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἀδιύατον. οὔσης γὰρ τῆς ἰσο-  
 πλεύρου πενταγώνου γωνίας ὀρθῆς καὶ πέμπλου, ἔσον-  
 ται αἱ τέσσαρες γωνίαι τεσσάρων ὀρθῶν μείζους,

ὡς ἀδύατον. ἔδὲ μὲν ὑπὸ πολυγώνων ἑτέρων,  
 σχημάτων ὡς σχεθήσεται τερεὰ γωνία, ἀλλὰ τὸ  
 ἀτοπον. ὅσα δὲ ὡς τὰ εἰρημόα εἰ σχήματα ἕ-  
 τερον σχῆμα τερεὸν συζηθήσεται, ὑπὸ ἰσοπλεύρων  
 καὶ ἰσογωνίων ὡς εἰρημόον. ὅσῳ ἔδῃ δεῖξαι.

## SCHOLIUM.

*Aio verò, præter dictas quinque figuras non posse  
 aliam constitui figuram solidam, quæ planis &  
 æquilateris & æquiangulis contineatur, inter  
 se equalibus. Non enim ex duobus triangulis,  
 sed neque ex aliis duabus figuris solidus consti-  
 tuetur angulus.*

*Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis an-  
 gulus.*

*Ex quatuor autem, Octaædri.*

*Ex quinque verò, Icosaædri.*

*Nam ex triangulis sex & æquilateris & æ-  
 quiangulis ad idem punctum cocuntibus, non  
 fiet angulus solidus. Cum enim trianguli æqui-  
 lateri angulus, recti unius bessem contineat,  
 erunt eiusmodi sex anguli rectis quatuor æqua-  
 les. Quod fieri non potest. Nam solidus omnis  
 angulus, minoribus quam rectis quatuor angu-  
 lis continetur, per 21. 11.*



Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus quàm planis sex eiusmodi angulis solidus constat.

Sed ex tribus quadratis, cubi angulus continetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti quatuor erunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris & æquiangulis, Dodecædri angulus continetur. Sed ex quatuor, nullus potest. Cùm enim pentagoni æquilateri angulus rectus sit & quinta recti pars, erunt quatuor anguli rectis quatuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex aliis polygonis figuris solidus angulus continebitur, quòd hinc quoque absurdum sequatur. Quamobrem perspicuum est, præter dictas quinque figuras aliam figuram solidam non posse constitui, quæ ex planis æquilateris & æquiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΙΔ, ΚΑΙ  
ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς οἴοντά τινες, ὡς ἄλλοι δὲ, ΥΨΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρέως,

ὡς ἂν ἔστωμάτων,

ἑρῶτον.

**Β**ασιλείδης ὁ τύριος, ὃ Πρώταρχε, ὡς ἀνα-  
νηθεὶς εἰς Ἀλεξάνδρην, καὶ συσταθεὶς τῷ πατρὶ  
ἰμῷ Διακρίτων ὑπὸ ἑμαγήματος συγγένειαν, ἐπι-  
δέξασθαι αὐτῷ τὸν πλεῖστον τῆς ἑπιδημίας χρο-  
νον. καὶ ποτε διελουῦντες τὸ ὑπὸ Ἀπολλωνίου γε-  
φει ὡς τῆς συγκρίσεως τῶ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ  
εἰκοσαέδρου, τῆς εἰς τὴν αὐτὴν σφαιρᾶν ἐπιγε-  
φομένων, πῶς λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἀλλήλα,  
ἔδοξαν ταῦτα μὴ ὀρθῶς γεγραφεῖν τὸν Ἀπολ-  
λώνιον. αὐτοὶ δὲ ταῦτα Διακρίσαντες, ἔγρα-  
ψαν, ὡς ἡμεῖς ἀκούειν τῶ πατρὸς. ἐγὼ δὲ ὑπερον πε-

θεείπεσον ἑτέρῳ βιβλίῳ ὑπὸ Ἀπολλωνίου ἐκδεδ-  
 δομένῳ, καὶ θεείχοντι ἀπόδειξιν ὑγιῶς θεὶ τῷ  
 ὑποκειμένου, καὶ μέγας ἐφυλαγωγῆται ὑπὲρ τῆ  
 προσλήματος ζητήσε. τὸ μὲν ὑπὸ Ἀπολλωνίου  
 ἐκδοθεὶν ἔοικε κοινῇ σκοπεῖν. καὶ γὰρ θεεφέρεται.  
 τὸ δ' ὑφ' ἡμῶν δοκοῦν ὑπερον γεγραφέαι φιλο-  
 πόνως, ὅσα δοκεῖν, ὑπομνηματισάμενος ἔκρινα  
 προσφωνῆσαι σοι ἀλλὰ τίλ ἐν ἅπασι μαθήμασι,  
 μάλιστα δ' ἐν γεωμετρίας προσκοπιὺν ἐμπείρως κρί-  
 νοντι τὰ ῥηθησόμενα, ἀλλὰ δὲ τίλ πρὸς τὸν πατέρα  
 ζητήσαν, καὶ τίλ πρὸς ἡμᾶς εὐνοια, εὐμυῶς ἀκρο-  
 μένῳ τῆς πραγματείας. χαρὸς δ' ἀν' εἶη προσοι-  
 μίου μὲν πεπαῦσθαι, τῆς δὲ ζητήσεως ἀρχεσθαι.





EVCLIDIS ELEMEN-

TIVM DECIMVM QVAR-

TVM, VT QVIDAM AR-

bitrantur, vt alij verò,

Hypsiclis Alexandri-

ni, de quinque

corporibus.

LIBER PRIMVS.

**B**asilides Tyrius, Protarche, Alexandriam profectus, patrique nostro ob disciplinae societatem commendatus, longissimo peregrinationis tempore cum eo versatus est. Cùmque differerent aliquando de scripta ab Apollonio comparatione Dodecaëdri & Icosaëdri eidem sphaerae inscriptorum, quam haec inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè tradidisse Apollonium: quæ à se emendata, vt de patre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui demonstrationem accuratè

complecteretur de re proposita, ex eiusque problematis indagazione magnam equidem cepi voluptatē. Illud certē ab omnibus perspicere potest, quod scripsit Apollonius, cum sit in omnium manibus. Quod autem diligenti, quantum conicere licet, studio nos postea scripsisse videmur, id monimentis consignatum tibi nuncupandum duximus, ut qui feliciter cum in omnibus disciplinis tum vel maxime in Geometria versatus, scite ac prudenter iudices ea quæ dicturi sumus: ob eam verò, quæ tibi cum patre fuit, vitæ cōsuetudinem, quæque nos complecteris, benevolentiam, tractationem ipsam libenter audias. Sed iam tempus est, ut proœmio modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

Προτάσις.

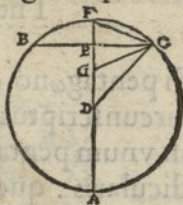
α

Ἡ ἀπὸ τῆς κέντρος κύκλου πηλός, ὅτι τὴν τῆς πενταγώνου πλευρᾶν, τῆς εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγεγραμμένης καθετοῦ ἀγομένη, ἡμίση ἐστὶ τῆς ἀμφοτέρου, τῆς τε ἑκείνου κέντρος καὶ τῆς τῆς δεξαγώνου, τῆς εἰς τὸν κύκλον ἐγεγραμμένης.

Theor. 1. Propo. 1.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cuiuspiam

iuspiam centro in latus pentagoni ipsi circulo inscripti ducitur, dimidia est vtriusque simul lineæ, & eius quæ ex centro, & lateris decagoni in eodem circulo inscripti.

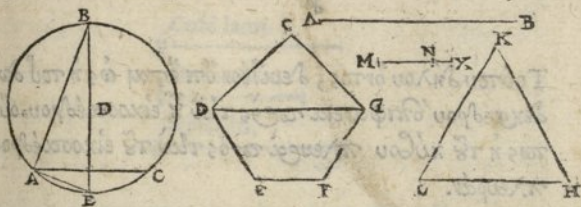


β

Ὁ αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ, τετὸ δωδεκάεδρου πεντάγωνον, καὶ τὸ τῶν εἰκοσαέδρου τρίγωνον τῶν εἰς τὴν αὐτὴν σφαιρὰν ἐγεγραμμένων.

## Theor. 2. Propo. 2.

Idem circulus comprehendit & dodecaëdri pentagonum & icosædri triangulum, eidem sphaeræ inscriptorum.



γ

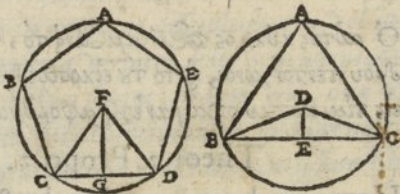
Εάν ἡ πεντάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, καὶ περιέτῃτο κύκλος, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου κείνου κείσεται ὅτι μίαν πλευρὰν ἀρῆ, τὸ τριακοντάκλις ὑπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν καὶ τῆς κείσεται, ἴσον ὅτι τῇ τῶν δωδεκάεδρου ὅτι φανεία.

Υ



## Theor. 3. Propo. 3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangulo circumscriptus sit circulus, ex cuius centro in vnum pentagoni latus ducta sit perpendicularis: quod vno laterum & perpendiculari trigies con-  
tinetur, illud æquale est δω-  
decaëdri  
superficie.



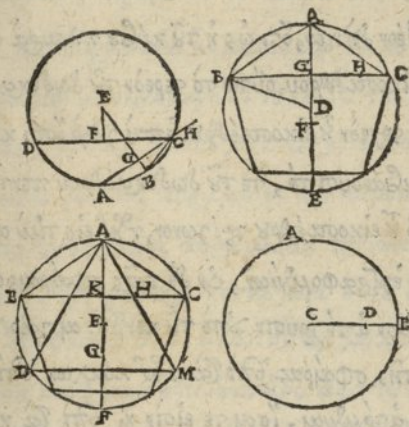
♩

Τούτου δήλου ὄντος, δεκτέον ὅτι ἕστα ὡς ἡ τοῦ δω-  
δεκαέδρου ἑπιφάνεια πρὸς τὴν ἕ ἑικοσαέδρου, οὕ-  
τως ἡ τῆς κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τῆς ἑικοσαέδρου  
πλευρὰν.

## Theor. 4. Propo. 4.

Hoc perspicuum cum sit, probandum est,  
quemadmodum se habet δω-decaëdri super-

ficies ad icosaëdri superficiem, ita se habere  
 cubi latus ad icosaëdri latus.



Cubi latus. ————  
 E ————  
 Dodecaëdri. ————  
 F ————  
 Icosaëdri. ————  
 G ————

Y ij

## ΣΧΟΛΙΟΝ.

Διχλίον δὴ νῦν, ὅτι ὡς ἡ τῷ κύβῳ πλευρὰ πρὸς  
 τὴν τῷ εἰκοσαέδρου, οὕτω τὸ σφαιρὸν τῷ δωδεκαέδρου  
 πρὸς τὸ σφαιρὸν ἔχει εἰκοσαέδρου. ἔπει γὰρ ἴσοι κύκλοι  
 περιλαμβάνουσι τό, τε τῷ δωδεκαέδρου πεντάγωνον,  
 καὶ τὸ ἔχει εἰκοσαέδρου τρίγωνον, τῶν εἰς τὴν αὐτὴν  
 σφαῖραν ἐγεγραμμένων, ἐν δὲ ταῖς σφαῖραις οἱ ἴσοι  
 κύκλοι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τῷ κέντρῳ. αἱ γὰρ ἀπὸ τοῦ  
 κέντρου τῆς σφαῖρας ἐπιπέδα τῶν κύκλων ἐπίπεδα  
 κείσθαι ἀνάγκη, ἴσα τε εἰσὶν καὶ ἐπιπέδα κέντρα  
 τῶν κύκλων πίπτουσιν. ὥστε αἱ ἀπὸ τῷ κέντρῳ τῆς  
 σφαῖρας ἐπιπέδα τῷ κέντρῳ τῷ κύκλου τῷ περιλαμ-  
 βάνοντος τό, τε τῷ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, καὶ τὸ τῷ  
 δωδεκαέδρου πεντάγωνον, ἴσα εἰσὶ, τετέστι αἱ κεί-  
 σθαι. ἰσοῦφεῖς ἄρα εἰσὶν αἱ πυραμίδες αἱ βά-  
 σεις ἔχουσαι τὰ τῷ δωδεκαέδρου πεντάγωνα, καὶ  
 αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ τῷ εἰκοσαέδρου τρίγωνα. αἱ δὲ  
 ἰσοῦφεῖς πυραμίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ  
 βάσεις. ὡς ἄρα τὸ πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον,



οὕτως ἡ πυραμὶς ἧς βάσις μὲν ἔστι τὸ τῷ δωδεκάεδρου  
 πεντάγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας,  
 πρὸς τὴν πυραμίδα ἧς βάσις μὲν ἔστι τὸ τῷ εἰκο-  
 σαέδρου τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας.  
 καὶ ὡς ἄρα δώδεκα πεντάγωνα πρὸς εἴκοσι τρίγω-  
 να, οὕτω δώδεκα πυραμίδες πενταγώνους βάσεως  
 ἔχουσαι πρὸς εἴκοσι πυραμίδας τριγώνους βάσεως  
 ἔχουσας. καὶ δώδεκα πεντάγωνα ἢ τῷ δωδεκάέ-  
 δρου ἑπιφανεία ἔστιν, εἴκοσι δὲ τρίγωνα ἢ τῷ εἰκο-  
 σαέδρου ἑπιφανεία ἔστιν. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ τῷ δωδεκάέ-  
 δρου ἑπιφανεία πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρου ἑπιφανείαν,  
 οὕτω δώδεκα πυραμίδες πενταγώνους βάσεως ἔχου-  
 σαι πρὸς εἴκοσι πυραμίδας τριγώνους βάσεως ἔχου-  
 σαι. καὶ εἰσὶ δώδεκα μὲν πυραμίδες πενταγώ-  
 νους βάσεως ἔχουσαι, τὸ σφαιρὸν τῷ δωδεκάέδρου, εἴ-  
 κοσι δὲ πυραμίδες τριγώνους βάσεως ἔχουσαι, τὸ σφαι-  
 ρὸν τῷ εἰκοσαέδρου. καὶ ὡς ἄρα ἢ τῷ δωδεκάέδρου  
 ἑπιφάνεια πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρου, οὕτω τὸ σφαιρὸν  
 τῷ δωδεκάέδρου πρὸς τὸ σφαιρὸν τῷ εἰκοσαέδρου. ὡς  
 δὲ ἢ τῷ δωδεκάέδρου πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρου

νῆαν ἔ̄ εἰκοσαέδρου, οὕτως ἐδέει ῥη ἢ ἔ̄ κύβου πλευ-  
 ρὰ πρὸς τιῶ ἔ̄ εἰκοσαέδρου πλευραί. καὶ ὡς ἀρα ἢ  
 τῆ κύβου πλευρὰ πρὸς τιῶ τῆ εἰκοσαέδρου πλευ-  
 ράν, οὕτω τὸ σφαιρὸν ἔ̄ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ σφαιρὸν τῆ  
 εἰκοσαέδρου.

## SCHOLIUM.

Nunc autem probandum est, quemadmodum se  
 habet cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habere  
 solidũ dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cũ enim  
 æquales circuli comprehendant & dodecaëdri πε-  
 τῶν & Icosaëdri triangulum, eidem sphaera  
 inscriptorum: in sphaeris autem æquales circuli æ-  
 quali intervallo distent à centro (siquidem perpen-  
 diculares à sphaera centro ad circulorum plana du-  
 ctæ & æquales sunt, & ad circulorum centra ca-  
 dunt) idcirco lineæ, hoc est perpendiculares quæ à  
 sphaera centro ducuntur ad centrum circuli com-  
 prehendentis & triangulum Icosaëdri & pent-  
 ῶν dodecaëdri, sunt æquales. Sunt igitur æqua-  
 lis altitudinis Pyramides, quæ bases habent ipsa  
 dodecaëdri pentῶνα, & quæ, Icosaëdri trian-  
 γουλα. At æqualis altitudinis pyramides rationem  
 inter se habent eam quam bases, ex 5. & 6. II.  
 Quemadmodum igitur pentῶν ad triangu-

gulum, ita pyramis, cuius basis quidem est dodecaëdri pentagonum, vertex autē sphaerae centrum, ad pyramida cuius basis quidem est Icosaëdri triangulum, vertex autē sphaerae centrum. Quamobrem ut se habent duodecim pentagona ad viginti triangula, ita duodecim pyramides, quorum pentagona sint bases, ad viginti pyramidas, quae trigonas habeant bases. Ad pentagona duodecim sunt dodecaëdri superficies, viginti autem triangula, Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyramides, quae pentagonas habeant bases, ad viginti pyramidas, quarum trigona sunt bases. Sunt autem duodecim quidem pyramides, quae pentagonas habeant bases, solidum dodecaëdri: viginti autem pyramides, quae trigonas habeant bases, Icosaëdri solidum. Quare ex II. 5. ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quemadmodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum.

Elementi decimi quarti finis.

Y iij





ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΕ, ΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς οἴοντά τινες, ὡς ἄλλοι δὲ, ΥΨΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξάνδρου,

ἐπὶ τῆς ἑσώματων,

δεύτερον.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMUMQVINTVM,

ET SOLIDORVM QVIN-

tum, vt nonnulli putant: vt

autem alij, Hypsiclis

Alexandrini, de

quinque cor-

poribus,

LIBER SECVNDVS.

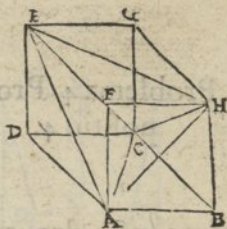
Προτάσεις.

α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον περὶ μέτρα ἐκτελέσειται.

Problema 1. Propositio 1.

In dato circulo pyramidem inscribere.

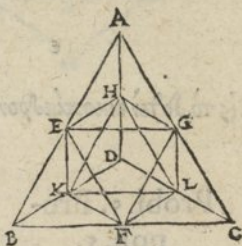


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγραψάτω.

Problema 2. Propositio 2.

In data pyramide octaedrum inscribere.

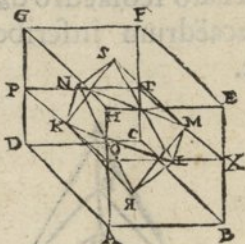


γ

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγραψάτω.

Problema 3. Propositio 3.

In dato cubo octaedrum inscribere.

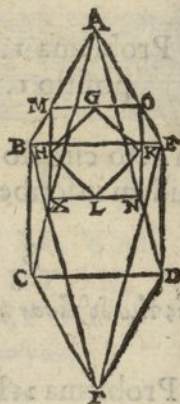


δ

Εἰς τὸν δοθέν ὀκτάεδρον κύβον ἐγγραψάτω.

Problema 4. Pro-  
positio 4.

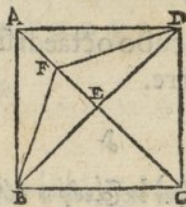
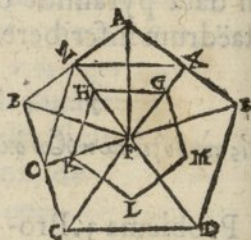
In dato octaëdro cubum  
inscribere.



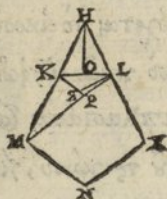
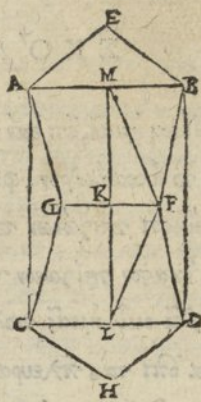
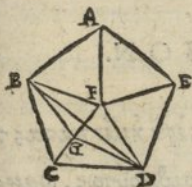
Εἰς τὸ δοθεὶν οἰκιστάεδρον δωδεκάεδρον ἐγγράψαι.

Probl. 5. Pro-  
positi. 5.

In dato Icosaëdro δω-  
decaëdron inscribere.







## ΣΚΟΛΙΟΝ.

Δεῖ εἰδέναι ἡμᾶς, ὅτι εἰάν τις ἔρῃ ἡμῖν πάσας πλευ-  
 ρὰς ἔχει τὸ εἰκοσάεδρον, φήσομεν οὕτως. Φανερόν ὅτι  
 ὑπὸ εἴκοσι τριγῶνων περιέχεται τὸ εἰκοσάεδρον,  
 καὶ ὅτι ἕκαστον τρίγωνον ὑπὸ τριῶν εὐθείων περιέ-  
 χεται. δεῖ οὖν ἡμᾶς πολλαπλασιάσαι τὰ εἴκοσι  
 τρίγωνα ὑπὸ τὰς πλευρὰς τῶ τρίγωνου, γίνεται δὲ  
 ἑξήκοντα, ὧν ἡμῖς γίνεται τριάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ  
 ὑπὸ δωδεκάεδρου. πάλιν ἐπειδὴ δώδεκα πεντά-  
 γωνα περιέχουσι τὸ δωδεκάεδρον, πάλιν δὲ ἕκα-  
 στον πεντάγωνον ἔχει πέντε εὐθείας, ποιῶμεν δώ-  
 δεκάκις πέντε, γίνεται ἑξήκοντα. πάλιν τὸ ἡμῖς  
 γίνεται τριάκοντα. Ἐπεὶ τί δὲ τὸ ἡμῖς ποιῶμεν,  
 ἐπειδὴ ἔχειται πλευρὰ, καὶ ἄντε ἢ τρίγωνου, ἢ πεντα-  
 γώνου, ἢ τετραγώνου, ὡς ὑπὸ κύβου, οὕτως δευτέρως λαμ-  
 βάνεται. ὁμοίως δὲ τῇ αὐτῇ μεθόδῳ καὶ ὑπὸ κύβου, καὶ  
 ὑπὸ τῆς πυραμίδος, καὶ τῶ ὀκτάεδρου τὰ αὐτὰ  
 ποιήσας, εὐρήσῃς τὰς πλευρὰς. εἰ δὲ βεβληθείης πάλ-  
 λιν ἔχειται ἢ πέντε σχημάτων εὐρεῖν τὰς γωνίας, πάλ-

λιν τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέριξε τὸ δὲ τὰ ἑπίπεδα  
 τὰ περιέχοντα μίαν γωνίαν τῷ σφαιρῷ, οἷον ἐπειδὴ  
 πλὴν τῷ εἰκοσαέδρου γωνίαι περιέχουσιν ἑξήκοντα,  
 μέριξε τὸ δὲ τὰ ἑξήκοντα ἔστι, γίνονται δώδεκα γωνίαι τοῦ εἰ-  
 κοσαέδρου. ὅτι δὲ τοῦ δωδεκαέδρου, τρία πεντά-  
 γωνα περιέχουσι πλὴν γωνίαν, μέρισον τὸ δὲ τὰ  
 τρία, καὶ ἑξήκοντα γωνίας οὔσας τῷ δωδεκαέδρου. ὁ-  
 μίως δὲ καὶ ὅτι τῷ λοιπῶν εὐρήσης τὰς γωνίας.

Τέλος Εὐκλείδου στοιχείων.

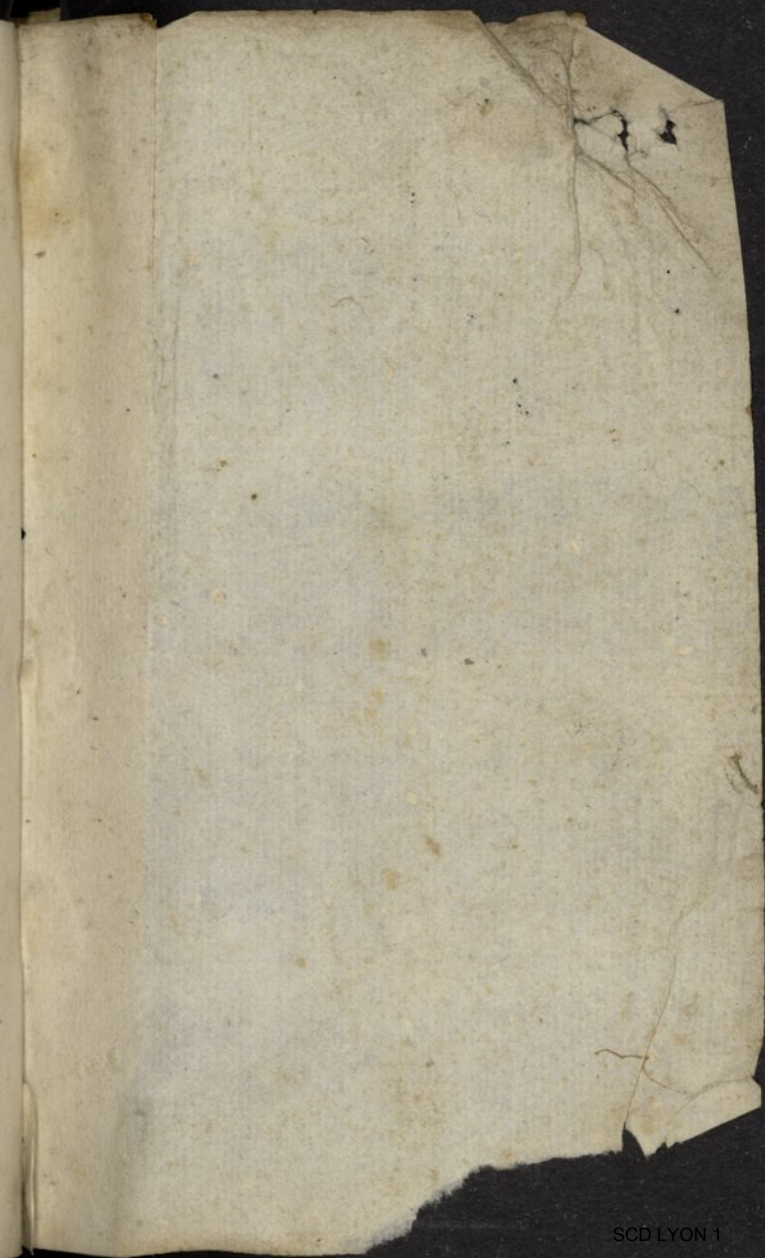
### SCHOLIUM.

*Meminisse decet, si quis nos roget quot Icosaë-  
 drum habeat latera, ita respondendum esse. Patet  
 Icosaëdram viginti contineri triangulis, quodli-  
 bet verò triangulum rectis tribus constare lineis.  
 Quare multiplicanda sunt nobis viginti triangula  
 in trianguli unius latera, fiuntque sexaginta, quo-  
 rum dimidium est triginta. Ad eundem modum  
 in dodecaëdro. Cum enim rursus duodecim penta-  
 gona dodecaëdram comprehendant, itemque pen-  
 tagonum quoduis rectis quinque costet lineis, quin-  
 que duodecies multiplicamus, fiunt sexaginta, quo-*



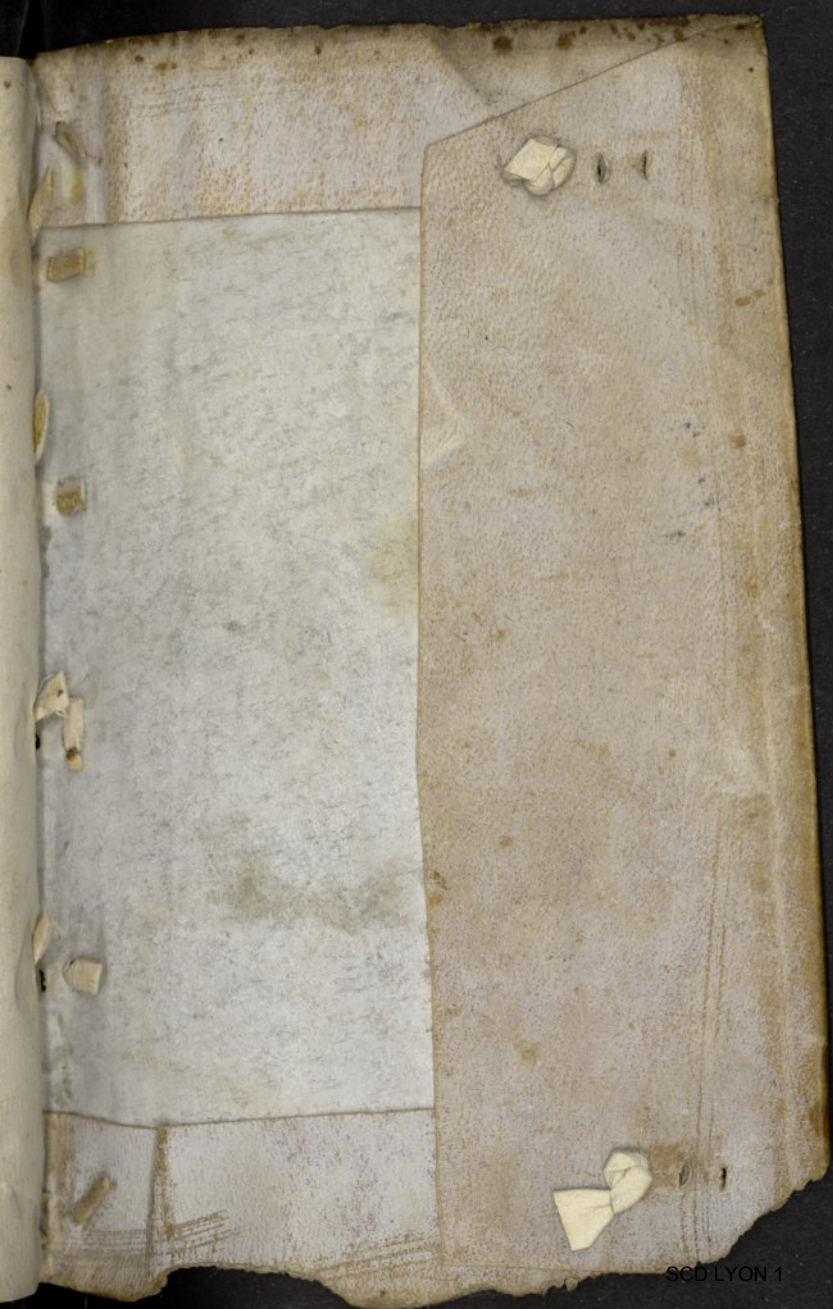
rum rursus dimidium est triginta. Sed cur dimidium capimus? Quoniam vnumquodque latus siue sit trianguli siue pentagoni, siue quadrati, vt in Cubo, iteratò sumitur. Similiter autem eadem via & in cubo & in pyramide & in octaëdro latera inuenies. Quòd si item velis singularum quoque figurarum angulos reperire, facta eadem multiplicatione numerum procreatum partire in numerum planorum quæ vnum solidum angulum includunt: vt quoniam triangula quinque vnum Icosaëdri angulum cõtinent, partire 60. in quinque, nascuntur duodecim anguli Icosaëdri. In dodecaëdro autem tria pentagona angulum comprehendunt. partire ergo 60. in tria, & habebis dodecaëdri angulos viginti. Atque simili ratione in reliquis figuris angulos reperies.

### Finis Elementorum Euclidis.









1578