

ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

ΤΩΝ ΠΕΝΤΕ ΚΑΙ ΔΕΚΑ ΣΤΟΙ-

ΧΕΙΩΝ ΕΚ ΤΩΝ ΤΟΥ ΘΕΩΝΟΣ

σπουσιῶν τὸ δεύτερον.

Καὶ

ΒΑΡΛΑΑΜ ΜΟΝΑΧΟΥ ΑΡΙΘΜΗ-

τικῆ ἀπόδειξις τῶν γεωμετρικῶν ἐν τῷ

δευτέρῳ τῶν στοιχείων ἀπο-

δειχθέντων.

Id est,

EVCLIDIS QVINDECIM

elementorum Geometriae secundū: ex

Theonis commentarijs

Græcè, & Latine.

Item,

Barlaam monachi Arithmetica demonstra-

tio eorum, quæ in secundo libro elementorum

sunt in lineis & figuris planis

demonstrata.

Item,

Otto propositiones Stereometricæ, eiusdem cum præ-

cedentibus argumenti. Per Cunradum Da-

sypodium, scholæ Argentinæ

sis Professore.

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

THE KEY RING

ILLVSTRISSIMO
PRINCIPI, ET DOMI-
NO, DOMINO NICOLAO
CHRISTOPHERO RADZIVVIL, DV-
CI OLIÆ ET NIESVVISI, COMITI
IN SCHIDLOVVIEZ, &c. PRÆCLA-
ra indolis, & optimæ spei Principi, ac
Domino suo clementiss: S. D.
Cunradus Dasypodius.



ENSE Aprili, Illu-
stris: princeps, in lu-
cem emisi primum Eu-
clidis Librum, cum perbreuibus
meis scholijs, quibus ad percipiē-
da Geometriæ elementa, harum
disciplinarum studiosis viam præ-
parare, & aperire volui: memini
etiam me tum promississe editio-
nem secundi libri, vnà cum alijs
quibusdam scriptis: quod quidē
nunc facere paratus sum: non tan-
a 2 tum,

P R Æ F A T I O .

tum, vt si forsan aliquib. animus sit diligentius aliquanto, & exactius velle Geometricas demonstrationes cognoscere, atq; perspicere: nostra qualicunq; adiuti opera, habeant in quo animum delectare suum, seq; exercere possint: sed & vt duo hi libri eiusdē doctrinæ, & institutionis non se iungantur. Euclides enim propositione penultima libri primi quadrata laterum trianguli orthogonij examinavit: & tandem quam in primo instituerat libro doctrinam, sub finem secundi de quadratis laterum triangulorum amblygoniorum, & oxygoniorum perficit, & absoluit: ita vt vnus potius liber dici possit, quàm duo

PRÆFATIO.

duo distincti libri. Quia verò
διαιρέσις comūne est *σύνπλωμα* Geo-
 metriæ, & Arithmeticæ, idcirco
 demonstrationibus Geometricis
 Arithmeticas, & ob similitudi-
 nem cognationemq̃ octo stereo-
 metricas propositiones adiunxi:
 quas Geometriæ studiosis, maxi-
 mo adiumento, & in difficiliori-
 bus quæstionibus explicandis
 valde necessarias fore puto. quia
 non tantum differentias harum
 disciplinarum diligenter inspicere
 oportet: sed & ipsarum cogni-
 tionem obseruare. geometra no-
 minat *ὀρθογώνιον*, figuram quæ dua-
 bus lineis rectis, angulum rectum
 continentibus, repræsentatur: a-
 rithmeticus verò *ἑπίπεδον ἀριθμὸν*,
 a 3 nu-

PRÆFATIO.

numerum, qui fit ex multiplicacione duorum numerorum in se. unde licet videre rectangulum, superficiem rectangulam, parallelogrammon rectangulum, multiplicationem, numerum planū, productum quod fit ex multiplicacione unius numeri in alterum, eandem habere significationem. sicut Stereometra etiam habet *παράλληλεπίπεδον ὀρθογώνιον* eiusdem cum præcedentibus naturæ. eodem modo *τετράγωνον, τετράγωνος ἀριθμὸς, κύβος, κύβος ἀριθμὸς*, eandem quidem & similem habent vim: sed nō eiusdem scientiæ sunt subiecta. hæc, & similia si obseruentur, et siatura eorum acuratius inuestigetur, multum possunt adolescen-

PRÆFATIO.

lescentum erudire ingenia: si videant, quæ omnibus mathematicis scientijs sint cōmunia, de quibus in nostris scholijs: quæ verò non quidem omnibus, sed aliquibus: eorumq; duo esse genera, vel enim, vt res exemplo fiat manifestior, ex Geometria petita ad Arithmeticam applicantur: vel e contra ex arithmetiis illis demonstrationibus translata sunt ad geometriam: deniq; quòd nonnulla vniuscuiusque scientiæ sint propria. Hæc inquam, & his cognata, nisi quis diligenter perpendat, & quæ quibus conueniant, quæ uè discrepent, aut ex quibus, quomodo uè facta sit demonstratio, non animaduertat: merito ἀγαμέ-

4 4 7577 ©

PRÆFATIO.

75
 ① dici potest, sicuti & ille, qui
οἰκονομίαν mathematicarū scientia-
 rū non obseruat, dum quæ con-
 genda sunt, disiungit, quæ diuer-
 sa sunt, aut in specie tantum simi-
 lia, vnum congerit in locum: de-
 niq; is, qui, quæ diuersarum sunt
 scientiarum, vni attribuit scien-
 tiæ: aliaq; præcepta Geometra-
 rum negligit. Veteres certè ma-
 thematici, summo studio in id in-
 cubuerunt, vt singula suo expli-
 carent loco, vt per concessa, & af-
 firmata demonstrarent insequen-
 tia: vt nihil pro certo, vero, & af-
 firmato reciperent, nisi cuius na-
 tura, substantiaq; aut accidens a-
 liquod, per se manifestum esset,
 aut aliqua eius vera & certa alla-
 ta ef-

PRÆFATIO.

ta esset demonstratio. Itaq; qui se
in his rectè & benè exercebunt,
non tantum harum scientiarum
sibi comparabunt cognitionem;
sed & animum informabunt su-
um: vt eò etiam prudentiores iu-
xta Platonis, aliorumq; Philoso-
phorum sententiam sint futuris
& in rebus benè gerendis instru-
ctiores: quando Geometrarum
more, omnibus ponderatis, & ad
amussim examinatis, id quod ho-
nestum & iustum, verumq; est, à
turpi, iniquo, atq; falso discernēt.
monemus igitur eos, qui Philo-
sophorum scripta legere, animū
acri & prudenti iudicio imbuere,
mores benè & rectè informare
cupiunt: hæc geometrica non ne-

PRÆFATIO.

gligant studia: neq̄ propter sterilitatem, quæ prima fronte in his apparet, se deterreri patiantur: aut in ipso cursu languescant: siquidem maior fructus, maiorq̄ utilitas ex his percipitur, quàm laboribus, quibus cognitio harum rerum comparatur, sint æstimandi. Imitandi potius nobis sunt Hebræi, Ægyptij, Græci, Latini, quibus hæc studia cordi fuere. Postquam enim à primis parentibus Adamo, Setho, Noëo hæc fuerunt posteris tradita, & ab ipso Abrahamo, cæterisq̄ Hebræis Ægypti sacerdotibus relicta: tandem factum fuit, vt Græcorum, & Latinorum Thaletis, Pythagoræ, Platonis, Aristotelis, Archime-

PRÆFATIO.

chimedis, reliquorumq; Philosophorum hæc facta sint Gymnasia: deniq; insequentibus temporibus adeò vulgata fuerunt, vt in his doctis Arithmeti-
corum abacis, & in hoc erudito Geometrarum puluere, non solum pueri harum artium & disciplinarum studiosi exercerentur: sed & opifices, vt Pictores, Statuarij, Architecti hæc optime scirent, & intelligerent. Dolendum itaq; imò maxime dolendum, quod hinc ab aliquot seculis adeo obscurata, adeo neglecta iacuerint excellentiss: harum disciplinarum studia: aut quod maius est, in tanta omnium linguarum & artium luce, à multis hoc nostro tempore, non dico
impe-

PRÆFATIO.

imperitis, sed doctis viris con-
temnantur, vt non modò pueris
& opificibus hæc non amplius
sint nota, sed viris humanioribus
literis optimè imbutis: qui vt cæ-
teri sibi persuadent, non alium
fructum harum esse scientiarum,
quàm vt puerorum exacuantur
ingenia: nec profint, nisi dum per-
cipiuntur, deinceps verò nullum
amplius habeant vsum. cuius sa-
nè opinionis falsæ, & erroris cul-
pam, non in scientias ipsas, sed po-
tius in hominum ignauiam, &
ignorantiã transferre debemus.
quæ quidem latius, & clarius, si
tempus locusq; pateretur, demõ-
strare possemus: sed cum neq; in-
stituti sit nostri, de scientiarum
mathe-

PRÆFATIO.

mathematicarum dignitate, & utilitate verba facere: neque ea, quæ à multis fufius tradita funt, repetere: finem his faciam: hæc mihi dum mei instituti rationem redderem, & quid potiffimum traderem, explicarem, occurrebant. Fateor hæc non esse magna, neq; vllius ingenij, aut induftriæ: fed tamen non ingrata futura fpero: neq; indigna patrocínio aliquo; & cum à multis hoc factitatum fit, vt etiam fuorum laborum patronum esse velint: & sub eius titulo atq; nomine fua in lucem exire, qui patrocinari & velit, & poffit: deniq; quem intelligunt eas artes, quas exercent: eaq; studia, quibus ipfi incumbunt,

PRÆFATIO.

bunt amare, fouere, conseruare, aliosq̃ ad ea persequenda excitare: volui I. T. C. hos meos qualescunq̃ labores dedicare, quòd I. T. C. talem esse perceperim, qualem patronum sibi solent deligere, qui, vt dictum est, aliquid in publicum emittunt. Itaq̃ vnice I. T. C. oro, vt his meis studiis patrocinari dignetur: quod si ab I. T. C. hoc impetraro, multum, imò magni quippiam me consequutum fuisse arbitrabor. Cætera viris sincero & æquo iudicio præditis dijudicanda committo: mihiq̃ satis erit ijs, quorū instinctu, & voluntate hæc in publicum emitto, placuisse: & in studiosorum gratiam aliquid fecisse.

P R A E F A T I O.

cisse. His me, meaꝗ studia I. T. C.
commendo: neꝗ dubito quin e-
tiam illa I. T. C. non ingra-
ta sint futura. Calend:

Iunij. Anno

1564.

I. T. C. deditis:

Cunradus Dasypodius.



ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ ΣΤΟΙ-
ΧΕΙΟΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

ΟΡΟΙ.

ΠΑΝ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον περιεχέσθαι λέγεται ὑπὸ δύο ὀρθῶν γωνίαν περιεχουσῶν Ὀρθῶν:

Πάντος δὲ παραλληλογραμμοῦ χωρὶς τῶν ὡς ἐπὶ τῷ Διάμετρον αὐτῶ ἐν παραλληλογραμμοῦ ὁποῖον ἔν, σὺ τοῖς δυοῖν παραπληρώμασι γνάμων καλεῖσθαι.

ΠΡΟΤΑΣΕΙΣ.

Πρότασις α. Γεώρημα.

ΕΑΝ ὡς δύο ὀρθῶν, τμηθῆ δὲ ἡ ἑτέρα αὐτῶν, εἰς ὅσα δηποῖεν τμήματα, τὸ περιχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῶν δύο ὀρθῶν ἴσον ἔστι τοῖς ὑπὸ τε τῆς ἀτμήτης, καὶ ἐκάσθ τῶν τμημάτων περιεχομένοις ὀρθογωνίοις.

Εκθεσις.) Ἐσῶσαν δύο ὀρθῶν αἰ α, βγ, καὶ τεμήσθαι ἢ βγ, ὡς ἔτυχε κατὰ τὰ δ, ε, σημεῖα. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν α, βγ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἔστι τῷ ὑπὸ τῶν

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM SECVNDVM.

DEFINITIONES.

OMne parallelogrammum rectangulum
contineri dicitur duabus lineis rectis,
quæ angulum vnum rectum comprehendunt.

In omni verò parallelogrammo vnum ex
illis, quæ circa diametrum sunt parallelogra-
mis quodcunq; id fuerit, cum duobus supple-
mentis, nominetur gnomon.

PROPOSITIONES.

Propositio prima. Theorema.

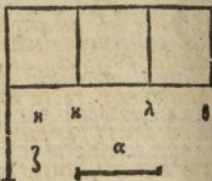
Datis duabus lineis rectis, quarũ
altera in quocunq; partes sit se-
cta: erit rectangulum, quod duæ illæ
rectæ lineæ continent: æquale ijs re-
ctangulis, quæ continentur ea lineæ,
quæ secta non est, & omnibus alterius
lineæ segmentis.

Explicatio dati.) Sint duæ lineæ rectæ
 $a, B\gamma$, & secetur recta $B\gamma$, vt libuerit,
in punctis δ , & ϵ . (Explicatio quæsitæ.)
Dico quòd rectangulum contentum rectis a ,

A $B\gamma$!

ὅποτε τῶν \bar{a} , $\beta\delta$ περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ:
καὶ τὰ ὑπὸ τῶν \bar{a} , $\delta\epsilon$, καὶ ἐπὶ τὰ ὑπὸ τῶν
 \bar{a} , $\epsilon\gamma$. (Κατασκευὴ.) β δ ϵ γ

ἤχθω γὰρ ἀπὸ τῆς β ,
τῆς $\beta\gamma$ πρὸς ὀρθῆς
γωνίας ἡ $\beta\zeta$: καὶ κεί-
σθω τῆς \bar{a} ἰση ἡ $\beta\eta$: καὶ
ἀξὸ τῆς η , τῆς $\beta\gamma$ πα-
ράλληλῳ ἤχθω ἡ



ἡθ: ἀξὸ δὲ τῶν δ , ϵ , γ , τῆς $\beta\eta$ παράλληλοι ἤ-
χθωσαν αἱ $\delta\kappa$, $\epsilon\lambda$, $\gamma\theta$. (Ἀπόδειξις.) Ἴσον δὲ
ἔστι τὸ $\beta\theta$, τοῖς $\beta\kappa$, $\delta\lambda$, $\epsilon\theta$. καὶ ἔστι τὸ μὲν $\beta\theta$, τὸ
ὑπὸ τῶν \bar{a} , $\beta\gamma$. περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ ἡ β ,
 $\beta\gamma$. ἰση δὲ ἡ $\beta\eta$, τῆς \bar{a} , τὸ δὲ $\beta\kappa$ τὸ ὑπὸ τῶν
 \bar{a} , $\beta\delta$. περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τῶν $\eta\beta$, $\beta\delta$.
ἰση δὲ ἡ $\beta\eta$, τῆς κ , τὸ δὲ $\delta\lambda$, τὸ ὑπὸ τῶν \bar{a} , $\delta\epsilon$.
ἰση γὰρ ἡ $\delta\kappa$, τῆς $\eta\theta$ ἰση δὲ ἡ $\beta\eta$, τῆς \bar{a} . καὶ ἐπιὸμοί-
ως τὸ $\epsilon\theta$, τὸ ὑπὸ τῶν \bar{a} , $\epsilon\gamma$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν
 \bar{a} , $\beta\gamma$: ἴσον ἔστι τῷ τε ὑπὸ τῶν \bar{a} , $\beta\delta$: καὶ τῷ
ὑπὸ \bar{a} , $\delta\epsilon$, καὶ ἐπὶ τῷ ὑπὸ \bar{a} , $\epsilon\gamma$. (Συμπί-
ρασμα.) Ἐὰν ἄρα ὡς δύο θέσθαι, τμηθῆν δὲ
ἢ ἑτέρα αὐτῶν εἰς ὅσα δὴ ποιεῖν τμήματα: τὸ πε-
ριεχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῶν δύο θέσθαι,
ἴσον

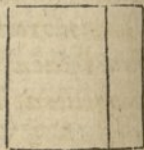
$\beta\gamma$: æquale sit rectangulis, quæ continen-
 tur rectis α , $\beta\delta$: & α , $\delta\epsilon$, denique α & $\epsilon\gamma$.
 (Delineatio.) Ducatur enim, & fiat ad pun-
 ctū β lineæ $\epsilon\gamma$ ad angulos rectos linea recta
 $\beta\zeta$: deinde rectæ α , fiat æqualis recta $\beta\eta$: atq;
 per punctum η , rectæ $\beta\gamma$ ducatur æquedistās
 recta $\eta\theta$: deniq; per puncta δ , ϵ , γ , rectæ $\beta\eta$ du-
 cantur æquedistantes rectæ $\delta\kappa$, $\epsilon\lambda$, $\gamma\theta$. (De-
 monstratio.) Rectangulum igitur $\epsilon\theta$, est æ-
 quale rectangulis $\beta\kappa$, $\delta\lambda$, $\epsilon\theta$. verum rectan-
 gulum $\beta\theta$, est quod continetur rectis α , $\beta\gamma$.
 quia continetur rectis $\eta\beta$, $\beta\gamma$. sed recta $\beta\eta$,
 est æqualis rectæ α . $\beta\kappa$ autem rectangulum
 continetur rectis α , $\beta\delta$: quia rectis $\eta\beta$, $\beta\delta$
 comprehenditur: & $\beta\eta$ est æqualis α . rectan-
 gulum etiam $\delta\lambda$, continetur rectis α , $\delta\epsilon$: cum
 $\delta\kappa$, hoc est, $\epsilon\eta$ fit æqualis α lineæ rectæ. deniq;
 eodem modo rectangulum $\epsilon\theta$, est id quod con-
 tinetur rectis α , $\epsilon\gamma$. Quare rectangulum con-
 tētum rectis α , $\epsilon\gamma$, est æquale rectangulis cō-
 tentis rectis α , $\beta\delta$: & α , $\delta\epsilon$: deniq; α , & $\epsilon\gamma$.
 (Conclusio.) Si igitur datis duabus rectis, al-
 tera earū in quocunq; partes secetur: rectan-
 gulum

ἴσον ἔστι τοῖς ὑπὸ τε τῆς ἀληθείας, καὶ ἐκάστω
τῶν τμημάτων περιεχομένοις ὀρθογωνίοις.
ὅπως ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις β. θεώρημα.

ΕΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχε, τὰ ὑ-
πὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐκάστου τῶν τμημάτων
περιεχόμενα ὀρθογώνια: ἴσα ἔστι τὰ ὑπὸ τῆς
ὅλης τετραγώνω. •

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ ἡ $\alpha\beta$ τμηθῶ ὡς ἔ-
τυχε, κατὰ τὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω
ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ περιεχόμενον ὀρθο-
γώνιον, μετὰ τῶν ὑπὸ τῶν $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ περιεχο-
μένον ὀρθογωνίον: ἴσον ἔστι τὰ ὑπὸ τῆς $\alpha\beta$ τε-
τραγώνω. (Κατασκευὴ.) Αναγεγραφέτω ὑ-
πὸ τῆς $\alpha\beta$ τετραγώνον, τὸ
 $\alpha\beta\delta\epsilon$: καὶ ἦχθω διὰ τῶν γ ,
ὅποῦρα τῶν $\alpha\delta$, $\beta\epsilon$ παράλ-
ληλος ἡ $\gamma\zeta$. (Απόδειξις.)
Ἴσον δὴ τὸ $\alpha\epsilon$, τοῖς $\alpha\zeta$, $\gamma\epsilon$. καὶ
ἔστι τὸ μὲν $\alpha\epsilon$, τὸ ἀπὸ τοῖς
 $\alpha\beta$ τετραγώνον: τὸ δὲ $\alpha\zeta$
τὸ ὑπὸ τῶν $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ περιε-



χόμενον

gulum quod duæ illæ lineæ rectæ continent,
est æquale rectangulis, quæ linea non secta, &
quouis segmento continentur. quod erat de-
monstrandum.

Propositio II. Theorema.

Si recta linea utcumq; secta fuerit: re-
ctangula quæ à tota & utroq; seg-
mentorum continentur, sunt æqualia
quadrato à tota illa linea descripto.

Explicatio dati.) Sit enim linea recta ab
utcumq; secta in puncto γ . (*Explicatio quæ-
siti.)* Dico quod rectangulum rectis $a\beta$, $\beta\gamma$
contentum, cum rectangulo rectis βa , $a\gamma$ con-
tento, sit æquale quadrato à linea recta ab
descripto. (*Delineatio.)* Describatur à linea
recta $a\delta$, quadratum $a\delta$, $\delta\epsilon$, & per punctum
 γ ducatur utriq; ad , $\beta\epsilon$, æquedistans recta
 $\gamma\zeta$. (*Demonstratio.)* Est igitur rectangulū
 ae , æquale rectangulis $a\zeta$, $\gamma\epsilon$. sed rectangu-
lum ae , est quadratum à linea recta ab
descriptum: rectangulum verò $a\zeta$, est id
quod continetur rectis βa , $a\gamma$. quia rectis

$A \quad 3 \quad \delta a, a\gamma$

χόμενον ὀρθογώνιον. περιέχεται μὲν γὰρ ὑ-
 πὸ τῶν $\alpha\gamma$. ἰση δὲ ἢ $\alpha\delta$, τῆ $\alpha\beta$: τὸ δὲ $\gamma\epsilon$, τὸ
 ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$. ἰση γὰρ ἢ βε τῆ $\alpha\beta$. τὸ ἄρα
 ὑπὸ τῶν $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, μὲν τῶν ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$
 ἴσον ἐστὶ, τὰ δὲ τῆς $\alpha\beta$ τετραγώνω. (Συμ-
 πέρασμα.) Ἐὰν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ
 ὡς ἔτυχε: τὰ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐκάστων τῶν
 τμημάτων περιεχόμενα ὀρθογώνια: ἴσα ἐστὶ
 τὰ δὲ τῆς ὅλης τετραγώνω. ὅπως ἔδειξαι.

Πρότασις γ. Ἰσώρημα.

ΕΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχε: τὸ ὑ-
 πὸ τῆς ὅλης καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων πε-
 ριεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τὰ τε ὑπὸ τῶν
 τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τὰ
 δὲ τῆς ὅλης περιεφερόμενον τμήματος τετραγώνω.

Ἐκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ ἢ $\alpha\beta$, τμηθῶ ὡς ἔτυ-
 χε κατὰ τὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω
 ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ περιεχόμενον ὀρθογώ-
 νιον, ἴσον ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ περιεχο-
 μένῳ ὀρθογωνίῳ, μὲν τῶν δὲ τῆς $\beta\gamma$ τετρα-
 γώνω. (Κατασκευὴ.) Αναγεγράφθω γὰρ δὲ τῆς
 $\beta\gamma$ τετραγώνον τὸ $\gamma\delta$ βε: καὶ ἤχθω ἢ $\epsilon\delta$
 ἔπι

da, $\alpha\gamma$ continetur. & ad $e\zeta$ æqualis rectæ $a\zeta$: & rectangulum $\gamma\epsilon$ est quod continetur rectis $a\beta$, $\beta\gamma$. quoniam $\beta\epsilon$ æqualis est rectæ $a\beta$. Quare rectangulum lineis ζa , $\alpha\gamma$ contentum, cum rectangulo rectis $a\zeta$, $\beta\gamma$ contento: est æquale quadrato à recta $a\beta$ descripto. (Conclusio.) Si igitur recta quædam utcunq; fuerit secta: rectangula quæ à tota, & vnoquoq; segmento continentur, sunt æqualia quadrato à tota linea recta descripto. Id quod erat demonstrandum.

Propositio III. Theorema.

SI linea quædam recta utcunq; fuerit secta: rectangulum tota linea recta, & vno segmento contentum: est æquale rectangulo in ipsius segmentis contento, & quadrato à prædicto segmento descripto.

Explicatio dati.) Recta enim $a\beta$, secetur utcunq; in puncto γ . (Explicatio quæsitæ.) Dico quod rectangulum lineis $a\beta$, $\beta\gamma$ contentum, æquale sit rectangulo $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ rectis contento, atq; quadrato à recta $\beta\gamma$ descripto. (Delineatio.) Describatur à recta $\beta\gamma$, quadratum $\gamma\delta\beta\epsilon$: & ducatur rectæ $e\delta$ ad punctum

ὅτι τὸ ζ: καὶ διὰ τῶν \bar{a}
 ὀπίερα τῶν $\bar{\gamma}\delta$, βε πα- α γ δ
 ράλληλῳ ἢ χθω ἢ $\bar{a}\zeta$.
 (Απόδειξις.) Ἴσον δὴ ἐ-
 σὶ τὸ $\bar{a}\epsilon$, τοῖς $\bar{a}\delta$, $\bar{\gamma}\epsilon$. Ἐ-
 ἐσὶ τὸ μὲν $\bar{a}\epsilon$, τὸ ὑπὸ
 τῶν $\bar{a}\beta$, $\beta\gamma$ περιεχό- δ α ι
 μνον ὀρθογώνιον. περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τῶν
 $\bar{a}\beta$, $\beta\epsilon$. ἴση δὲ ἢ $\beta\epsilon$, τῇ $\beta\bar{\gamma}$, τὸ δὲ $\bar{a}\delta$, τὸ ὑπὸ
 τῶν $\bar{a}\gamma$, $\gamma\beta$. ἴση γὰρ ἢ $\delta\gamma$, τῇ $\bar{\gamma}\beta$. τὸ δὲ $\delta\beta$,
 τὸ διπὸ τῆς $\bar{\gamma}\beta$ τετραγώνου. τὸ ἄρα ὑπὸ
 τῶν $\bar{a}\beta$, $\beta\bar{\gamma}$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐ-
 σὶ τῷ ὑπὸ τῶν $\bar{a}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ περιεχομένῳ ὀρθο-
 γωνίῳ, μετὰ τοῦ διπλοῦ τῆς $\bar{\gamma}\beta$ τετραγώνου.
 (Συμπέρασμα.) Ἐὰν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ
 τμηθῆ ὡς ἔτυχεν, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐνός τῶν
 τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐ-
 σὶ τῷ τε ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομένῳ
 ὀρθογωνίῳ: καὶ τῷ διπλοῦ τῶν περιφερμένων
 τμημάτων τετραγώνου. ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις δ. Ἰεώρημα.

ΕΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχεν, τὸ
ὑπὸ

Etum vsq; ζ : deniq; utriq; $\gamma\delta$, $\beta\epsilon$, per punctum α , ducatur aequedistans recta $\alpha\zeta$. (Demonstratio.) Rectangulum igitur $\alpha\epsilon$, est aequale rectangulis $\alpha\delta$, $\gamma\epsilon$: atq; rectangulum $\alpha\epsilon$, est id quod continetur rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: quia rectis $\alpha\beta$, $\beta\epsilon$ continetur: sed $\beta\epsilon$ equalis est rectae $\beta\gamma$: rectangulum etiam $\alpha\delta$, continetur rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: quia recta $\delta\gamma$, est equalis rectae $\gamma\beta$, & rectangulum $\delta\beta$, est quadratum à $\gamma\beta$ recta descriptum. Quare rectangulum quod $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ rectis continetur: est aequale rectangulo $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ rectis contento, cum quadrato à recta $\gamma\beta$ descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea secta utcunq; fuerit: rectangulum quod tota linea recta, & vno segmentorum continetur: est aequale rectangulis ipsis segmentis contento, atq; quadrato à praedicto segmento descripto. Quod erat demonstrandum.

Propositio IIII. Theorema.

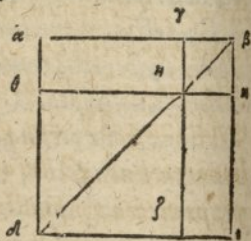
SI recta linea secta fuerit utcunq;,
A s qua-

ἀπὸ τῆς ὅλης τετραγώνου, ἴσον ἔσται τοῖς π
 ἀπὸ τῶν τμημάτων τετραγώνοις: καὶ τῶ
 δὲ ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογ
 γωνίῳ.

Εκθεσις.) Ευθεῖα γδ γραμμὴ ἡ $\bar{a}\beta$, τεμή-
 θω ὡς ἔτυχε κζ τὸ γ. (Διορισμός.) Λέγω
 ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς $\bar{a}\beta$ τετραγώνου, ἴσον ἔστί τοῖς
 τε ἀπὸ τῶν $\bar{a}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ τετραγώνοις, καὶ τῶ δὲ
 ὑπὸ τῶν $\bar{a}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ.

(Κατασκευὴ.) Ανα-

γεγράφθω γδ ἀπὸ α
 τῆς $\bar{a}\beta$ τετραγώ-
 νου τὸ $\bar{a}\delta\epsilon\beta$: καὶ ἐ-
 πεζύχθω ἡ $\beta\delta$: καὶ
 διὰ μὲν τῶ γ, ὅπο-
 τέρα τῶν $\bar{a}\delta$, $\bar{\epsilon}\beta$
 παράλληλῳ ἢ χ-



θω ἡ γζ: διὰ δὲ τῶ η, ὅποτέρα τῶν $\bar{a}\epsilon$, $\bar{\delta}\epsilon$, πα-
 ράλληλος ἢ χθω ἡ θκ. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ
 παράλληλῳ ἔσιν ἡ γζ, τῆ $\bar{a}\delta$, ἔεις αὐτὰς
 ἐμπέπιωκεν ἡ $\beta\delta$: ἡ ἑκτὸς γωνία ἡ ὑπὸ $\beta\eta\gamma$:
 ἰσὴ ἔστι τῆ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον τῆ ὑπὸ $\alpha\delta\epsilon$.
 ἀλλ' ἡ ὑπὸ $\alpha\delta\epsilon$, τῆ ὑπὸ $\alpha\beta\delta$ ἔστι ἰση: ἔπει καὶ
 πλδ-

quadratum à tota linea recta descriptum, erit æquale quadratis segmentorum, & rectangulo quod bis ipsis continetur segmentis.

Explicatio dati.) Recta enim linea ab , secetur utcunq; in puncto γ . (*Explicatio quaesiti.*) Dico quod quadratum à recta linea ab descriptum: æquale sit quadratis à lineis rectis $a\gamma$, γb descriptis, & rectangulo quod bis continetur rectis $a\gamma$, γb . (*Delineatio.*) A recta linea ab describatur quadratum $ad\epsilon\zeta$: & fiat linea βd : atq; per punctum γ , utriq; lineæ rectæ ad , $\epsilon\beta$ ducatur æquedistans rectæ $\gamma\zeta$: præterea per punctum η , utriq; lineæ ab , $d\epsilon$, ducatur æquedistans rectæ θx . (*Demonstratio.*) Quoniam recta $\gamma\zeta$, æquedistat rectæ ad : & in eas incidit recta βd : angulus igitur $\beta\eta\gamma$ externus: æqualis est angulo $ad\beta$ interno sibi opposito: sed angulus $ad\beta$, est æqualis angulo $\alpha\beta d$: quia & latus ab , la-

πλωδρα ἢ $\alpha\beta$ τῆ $\alpha\delta$ ἐσὶν ἴση. καὶ ἡ ὑπὸ γῆβ
 ἄρα γωνία, τῆ ὑπὸ ἦβγ ἐσὶν ἴση. ὥστε καὶ
 πλωδρα ἢ βγ, πλωδρα τῆ γῆ ἐσὶν ἴση. ἀλλὰ
 καὶ ἡ γβ, τῆ ἦκ ἐσὶν ἴση, ἡ δὲ γῆ, τῆ κβ, καὶ ἡ
 ἦκ ἄρα, τῆ κβ ἐσὶν ἴση. ἰσόπλωδρον ἄρα ἐστὶ
 τὸ γηκβ. λέγω δὴ ὅτι καὶ ὀρθογώνιον. ἐπεὶ γὰρ
 παράλληλα ἐσὶν ἡ γῆ, τῆ βκ: καὶ εἰς αὐτὰς
 ἐπέπεσεν ἡ γβ: αἱ ἄρα ὑπὸ κβγ, ἦγβ γω-
 νία, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσων εἰσὶν. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ
 κβγ, ὀρθὴ ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ἦγβ. ὥστε Ἐ αἱ ἀπε-
 ναλίον, αἱ ὑπὸ γηκ, ἦκβ ὀρθαὶ εἰσὶν. ὀρθο-
 γώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ γηκβ: ἐδείχθη δὲ καὶ ἰσό-
 πλωδρον. τετράγωνον ἄρα ἐστὶ, καὶ ἐστὶν ἀπὸ
 τῆ γβ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ, καὶ τὸ θζ τετράγω-
 νον ἐστὶ, Ἐ ἐστὶν ἀπὸ τῆς θῆ: τῶν ἐστὶν ἀπὸ τῆς
 $\alpha\gamma$. τὰ ἄρα θζ, γκ τετράγωνα, ἀπὸ τῶν
 $\alpha\gamma$, γβ εἰσὶ. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ $\alpha\eta$ πρὸς ἠε, καὶ
 ἐστὶ τὸ $\alpha\eta$, τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, γβ. ἴση γὰρ ἡ ἠγ, τῆ
 γβ. καὶ τὸ ἠε ἄρα ἴσον ἐστὶ πρὸς ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$,
 γβ. τὰ ἄρα $\alpha\eta$, ἠε, ἴσα ἐστὶ πρὸς ὑπὸ τῶν
 $\alpha\gamma$, γβ. ἐστὶ δὲ καὶ τὰ θζ, γκ τετράγωνα, ἀ-
 πὸ τῶν $\alpha\gamma$, γβ. τὰ ἄρα τέσσαρα τὰ θζ, γκ,
 $\alpha\eta$, ἠε,

$\alpha\beta$, lateri ad es æquale. quare & angulus
 $\gamma\eta\epsilon$, angulo $\eta\epsilon\gamma$ est æqualis, latus etiam
 $\epsilon\gamma$, lateri $\gamma\eta$ est æquale. verum latus $\gamma\epsilon$, etiã
 est æquale lateri $\eta\kappa$, & $\gamma\eta$ latus lateri $\kappa\epsilon$. er-
 go & $\eta\kappa$ latus, lateri $\kappa\epsilon$ æquale erit. Figura
 igitur $\gamma\eta\kappa\epsilon$ est æquilatera. Dico quod etiam
 sit rectangula: quoniam recta $\gamma\eta$ æquedistat
 rectæ $\beta\kappa$, & in eas incidit recta $\gamma\epsilon$: anguli i-
 gitur $\kappa\beta\gamma$, $\eta\gamma\epsilon$ duobus rectis sunt æquales,
 & idcirco etiam anguli oppositi $\gamma\eta\kappa$, $\eta\kappa\epsilon$ duo
 erunt recti. quare $\gamma\eta\kappa\epsilon$ figura etiam est re-
 ctangula: demonstrata verò etiam est æquila-
 tera: quare $\gamma\eta\kappa\epsilon$ est quadratum, et est à linea
 $\gamma\epsilon$ descriptum. Eisdem medijs demonstrabi-
 tur quòd $\theta\zeta$ figura, sit quadratum, & est à re-
 ctâ $\theta\eta$ descriptum, hoc est, à rectâ $\alpha\gamma$. quare
 quadrata $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$ sunt à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ descri-
 pta. Quoniam verò rectangulum $\alpha\eta$, æquale
 est rectangulo $\eta\epsilon$, & rectangulum $\alpha\eta$ conti-
 neatur rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$. rectangula igitur $\alpha\eta$,
 $\eta\epsilon$ sunt æqualia rectangulo, q̄ bis continetur
 rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$: & $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$ quadrata descripta
 sunt à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$. quatuor itaq̄ ista $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$,
 $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$.

$\bar{\alpha}\eta$, $\bar{\eta}\epsilon$, ἴσα ἐστὶ τοῖς περὶ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ πε-
 τεραγώνοις: Ἐπὶ δὲ ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ πε-
 ρελεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ἀλλὰ τὰ $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$, $\bar{\alpha}\eta$,
 $\bar{\eta}\epsilon$, ὅλον ἐστὶν τὸ $\bar{\alpha}\delta\epsilon\beta$, ὅ ἐστι τὸ ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\delta$
 τετραγώνον. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\delta$ τετραγώ-
 νον, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ τετραγώ-
 νοις, καὶ ἐπὶ δὲ ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ περλεχο-
 μένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμπέρασμα.) Ἐὰν ἄρα
 εὐθεία γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχε, τὸ δὲ τῆς
 ὅλης τετραγώνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν τμη-
 μάτων τετραγώνοις, καὶ ἐπὶ δὲ ὑπὸ τῶν τμη-
 μάτων περλεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ὅπως ἴδει
 δεῖξαι.

Ἐτέρα δεῖξις.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\beta$ τετρα-
 γώνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ τετραγώ-
 νοις: καὶ ἐπὶ δὲ ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ περλεχομένῳ
 ὀρθογωνίῳ. (Καλασ.) Ὅτι γὰρ τῆς αὐτῆς κα-
 ταγραφῆς. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $\beta\alpha$,
 τῆ $\bar{\alpha}\delta$, ἴση ἐστὶ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\bar{\alpha}\beta\delta$, τῆ ὑπὸ
 $\bar{\alpha}\delta\epsilon$. καὶ ἐπεὶ παντὸς τριγώνου, αἱ τρεῖς γω-
 νίαι, δυσὶν ὀρθαῖς ἴση εἰσὶν. τῶν $\bar{\alpha}\beta\delta$ ἄρα τρι-
 γώνου

an, ne , equalia sunt quadratis à rectis ay , cy descriptis: & rectangulo quod bis continetur rectis ay, yb . sed quatuor ista az, yx, an, ne , faciunt totum ad e quadratum à recta linea $a\beta$ descriptum. quadratum igitur à linea recta $a\beta$ descriptum, æquale est quadratis à rectis ay, yb descriptis: & rectangulo quod rectis ay, yb bis continetur. (Conclusio.) Si ergo recta linea secta utcunq; fuerit, quadratum à tota descriptum, æquale est quadratis ab ipsis segmentis descriptis, & rectangulo bis ipsis segmentis contento. Id quod erat demonstrandum.

Alia demonstratio.

Explicatio quæsitæ.) Dico q; quadratum à recta linea $a\beta$ descriptum, æquale sit quadratis à rectis ay, yb descriptis, & rectangulo quod ay, cy rectis bis continetur. (Delin.) Delineatio maneat eadē. (Demonstratio.) Quoniam ca recta, æqualis est rectæ ad : idcirco et angulus $a\beta d$, angulo $ad\beta$ æqualis est: & cum in omni triangulo, tres anguli sint æquales duobus rectis: ideo trianguli $a\beta d$, tres angu-

γώνων αἱ τρεῖς γωνία, αἱ ὑπὸ $\alpha\beta\delta$, $\alpha\delta\epsilon$, $\epsilon\alpha\delta$
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσι. ὀρθὴ δὲ ἢ ὑπὸ $\epsilon\alpha\delta$, λοι-
 παὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\alpha\beta\delta$, $\alpha\delta\epsilon$, μιᾷ ὀρθῇ ἴσαι εἰσι,
 καὶ εἰσὶν ἴσαι. ἐκατέρω ἄρα τῶν ὑπὸ $\alpha\beta\delta$,
 $\alpha\delta\epsilon$, ἡμίση εἰσὶν ὀρθῆς. ὀρθὴ δὲ ἢ ὑπὸ $\beta\gamma\delta$,
 ἴση γὰρ εἰς τῇ ἀπεναντίον τῇ πρὸς τὸ α . λοι-
 πῇ ἄρα ἢ ὑπὸ $\gamma\eta\delta$ ἡμίση εἰσὶν ὀρθῆς. ἴση ἄ-
 ρα ἢ ὑπὸ $\gamma\eta\beta$ γωνία, τῇ ὑπὸ $\gamma\beta\eta$. ὥστε καὶ
 πλάττωσιν ἢ $\beta\gamma$, τῇ $\gamma\eta$ εἰσὶν ἴσαι. ἀλλ' ἢ $\mu\delta\eta$ $\gamma\beta$,
 τῇ $\kappa\eta$ εἰσὶν ἴσαι: ἢ δὲ $\gamma\eta$, τῇ $\beta\kappa$. ἰσόπλευρον
 ἄρα εἰς τὸ $\gamma\kappa$, ἔχει δὲ ὀρθὴν τὴν ὑπὸ $\gamma\beta\kappa$
 γωνίαν. τετράγωνον ἄρα εἰς τὸ $\gamma\kappa$, καὶ εἰσὶν
 ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$. Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ, καὶ τὸ $\zeta\theta$ τε-
 τράγωνον εἶναι. καὶ ἴσον εἶναι τὰ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$.
 τὰ ἄρα $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ τετράγωνα εἶναι. καὶ εἰσὶν ἴσαι
 τοῖς ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, καὶ ἐπεὶ ἴσον εἶναι τὰ $\alpha\eta$ τὰ
 $\epsilon\eta$: καὶ εἰς τὸ $\alpha\eta$ τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. ἴση γὰρ
 ἢ $\gamma\eta$, τῇ $\gamma\beta$: καὶ τὸ $\epsilon\eta$ ἄρα ἴσον εἶναι τὰ ὑπὸ
 τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. τὰ ἄρα $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$, ἴσαι εἶναι τὰ διὰ τὸ
 ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: εἰς δὲ καὶ τὰ $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ ἴσαι
 τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. τὰ ἄρα $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$, $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$
 ἴσαι

anguli $a\epsilon d$, $ad\epsilon$, ϵad duobus rectis sunt æ-
 quales, sed angulus ϵad est rectus: reliqui er-
 go $a\epsilon d$, $ad\epsilon$ vni angulo recto sunt æquales.
 vterq; igitur angulorum $a\epsilon d$, $ad\epsilon$ dimidia
 est pars recti: sed angulus $\epsilon\gamma\eta$ est rectus, quia
 angulo ad a sibi opposito æqualis est: reliquus
 ergo angulus $\gamma\eta\epsilon$ dimidia pars recti est. qua-
 re angulus $\gamma\eta\epsilon$, angulo $\gamma\epsilon\eta$ est æqualis. vn-
 de ϵ latus $\epsilon\gamma$, lateri $\gamma\eta$ est æquale. sed $\gamma\epsilon$ la-
 tus est æquale lateri $\kappa\eta$: et latus $\gamma\eta$, lateri $\epsilon\kappa$.
 erit igitur figura $\gamma\kappa$ æquilatera: sed angulus
 $\gamma\epsilon\kappa$ est rectus: figura igitur $\gamma\kappa$ est quadratū,
 & descriptum est à recta $\gamma\epsilon$. Iisdē medijs de-
 monstrabitur, quod θ sit quadratum: & æ-
 quale quadrato, à recta $a\gamma$ descripto. figuræ
 igitur $\gamma\kappa$, θ sunt quadrata: & sunt æqualia
 quadratis à rectis $a\gamma$, $\gamma\epsilon$ descriptis. Cum au-
 tem rectangulum $a\eta$ sit æquale rectāgulo $\eta\epsilon$,
 & rectangulū $a\eta$ sit illud quod cōtinetur re-
 ctis $a\gamma$, $\gamma\epsilon$: nam $\gamma\eta$ est æqualis rectæ $\gamma\epsilon$: id-
 circo & $\eta\epsilon$ rectangulum erit æquale rectangu-
 lo $a\gamma$, $\gamma\epsilon$ rectis cōtento. quare rectāgula $a\eta$,
 $\eta\epsilon$ sunt æqualia rectāgulo quod $a\gamma$, $\epsilon\gamma$ rectis

B bis

ἴσα ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: καὶ τὰ δις ὑ-
 πὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: ἀλλὰ τὰ $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$: καὶ τὰ $\alpha\eta$,
 $\eta\epsilon$. ὅλον ἐστὶ τὸ $\alpha\epsilon$, ὅ ἐστιν ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$ τετρα-
 γωνον. (Συμπέρασμα.) Τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$ διπὸ τῆς
 $\alpha\beta$ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$,
 $\gamma\beta$ τετραγώνοις: καὶ τὰ δις ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$,
 $\gamma\beta$ περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. ὅπως ἔδει δέξασθαι.
 (Πόρισμα.) Ἐκ δὴ τούτων φανερόν ἐστίν, ὅτι
 ἐν τοῖς τετραγώνοις χωρίοις: τὰ περὶ πᾶν
 διάμετρον παραλληλόγραμμο, τετραγώ-
 να ἐστὶ.

Πρότασις ε'. Ἰσώρημα.

ΕΑΝ εὐθεία γραμμὴ τμηθῆ εἰς ἴσα καὶ ἀν-
 ἴσα: τὸ ὑπὸ τῶν ἀνίσων τῆς ὅλοις τμημά-
 των περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μείζον τῆς ἀπὸ
 τῆς μεταξύ τῶν τομῶν τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ
 τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ πῆ ἢ $\alpha\beta$, τμηθῶ
 εἰς μὲν ἴσα κατὰ τὸ γ , εἰς δὲ ἀνίστα κατὰ τὸ δ .
 (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$
 περιε-

bis continetur: sed figurae $\gamma\kappa, \theta\zeta$, sunt equalia quadratis à rectis $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ descriptis. Hæ igitur quatuor figurae $\gamma\kappa, \theta\zeta, \alpha\eta, \eta\epsilon$, sunt equalis quadratis à rectis $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ descriptis, & re-ctangulo quod $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ rectis bis continetur: verum $\gamma\kappa, \theta\zeta, \alpha\eta, \eta\epsilon$ figurae: constituunt totum quadratum $\alpha\epsilon$, à recta linea $\alpha\epsilon$ descriptum. (Conclusio.) Quadratum igitur à recta linea $\alpha\epsilon$ descriptum: æquale est quadratis à rectis $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ descriptis, et re-ctangulo quod rectis $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ bis continetur. Id quod demonstrandum erat. (Corollarium.) Ex his manifestum est, quod in quadratis figuris, parallelogramma quæ circa diametron sunt, sint quadrata.

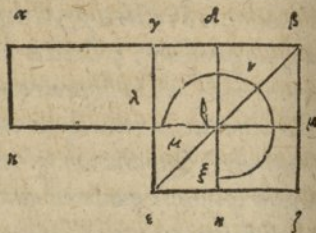
Propositio V. Theorema.

SI recta linea in equalia & in inæqualia fuerit secta: re-ctangulum quod segmentis cōtinetur inæqualibus, cum quadrato quod à linea inter ipsa segmēta posita describit: æquale est quadrato à dimidia linea descripto.

Explicatio dati.) Recta enim linea $\alpha\epsilon$, secetur in partes æquales in puncto γ , & in partes inæquales in puncto δ . (Explicatio quaesiti.) Dico quod re-ctangulum rectis ad $\alpha\delta, \delta\epsilon$

περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῶν ἀπὸ τῆς
 γδ τετραγώνων ἴσον ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς γβ τε-
 τραγώνων. (Κατασκευὴ.) Αναγεγράφθω γδ
 ἀπὸ τῆς βγ

τετράγωνον
 γεζβ
 καὶ ἐπέξτε-
 χθω ἢ βε,
 καὶ διὰ μέν
 τῶν δ, ὀπο-



τέρα τῶν γε, βζ παράλληλων ἢ χθω ἢ δθ.
 Διὰ δὲ τῶν θ. ὀποτέρων τῶν γβ, εζ παράλληλων
 ἢ χθω ἢ κμ, καὶ πάλιν διὰ τῶν α, ὀποτέρων τῶν γλ
 βμ, παράλληλος ἢ χθω ἢ ακ. (Ἀπόδειξις.)
 Καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ γθ παραπλήρωμα τῶν
 θζ, παραπληρώματα: κοινὸν προσκείσθω τὸ
 δμ. ὅλον ἄρα τὸ γμ, ὅλω τῶν δζ ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ
 τὸ γμ, τῶν αλ ἴσον ἐστίν. ἐπεὶ καὶ ἢ αγ, τῆς γβ ἴ-
 σῆ ἐστὶ: καὶ τὸ αλ ἄρα, τῶν δζ ἴσον ἐστὶ. κοινὸν
 προσκείσθω τὸ γθ. ὅλον ἄρα τὸ αθ, τῶν δζ
 καὶ δλ ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ τὸ μὲν αθ, τῶν ὑπὸ τῶν
 αδ, δβ ἴσον ἐστίν. ἴση γδ ἢ δθ, τῆς δβ, τὸ δὲ ζδ,
 δλ, ἐστὶν ὁμῆς γνῶμων, καὶ ὁμῆς ἄρα γνῶμων,

ἴσος

contentum, cum quadrato à linea $\gamma\delta$ descritto, sit æquale quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descritto. (Delineatio.) Describatur à recta linea $\beta\gamma$ quadratum $\gamma\epsilon\zeta\epsilon$: & fiat linea $\beta\epsilon$: atq; per punctum δ vtriq; rectæ $\gamma\epsilon$, $\epsilon\zeta$, ducetur æquedistans recta $\delta\eta$ per punctū etiam θ , vtriq; rectæ $\gamma\epsilon$, $\epsilon\zeta$, æquedistans ducatur recta $\kappa\mu$: item per punctum α , rectis $\gamma\lambda$, $\epsilon\mu$ æquedistans ducatur recta $\alpha\kappa$. (Demonstratio.) Cum itaq; supplementum $\gamma\theta$, supplemento $\theta\zeta$ æquale sit: commune addatur parallelogrammon $\delta\mu$. totum igitur $\gamma\mu$, toto $\delta\zeta$ erit æquale. sed $\gamma\mu$ rectangulum æquale est rectangulo $\alpha\lambda$, quia $\alpha\gamma$ recta, æqualis est rectæ $\gamma\beta$, & idcirco $\alpha\lambda$ rectangulum, erit æquale rectangulo $\delta\zeta$. commune addatur $\gamma\theta$. totum igitur rectangulum $\alpha\theta$, æquale est rectangulis $\delta\zeta$, $\delta\lambda$: sed rectangulum $\alpha\theta$, est ei quod continetur rectis $\alpha\delta$, $\delta\beta$ æquale. quia recta $\delta\theta$, rectæ $\delta\beta$ æqualis, & $\zeta\delta$, $\delta\lambda$, efficiunt gnomonem $\mu\nu\zeta$. quare $\mu\nu\zeta$ gnomon, æqualis est

B 3 rectan-

ἴσος ἐστὶ τῶν ὑπὸ $\alpha\delta$, $\delta\beta$. κεινὸν προσκείδω
τὸ $\lambda\eta$. ὅ ἐστιν ἴσον τῶν ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$. ὁ ἄρα μὲν
γνώμων, καὶ τὸ $\lambda\eta$ ἴσα ἐστὶ τῶν ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$,
 $\delta\beta$ περιεχομένων ὀρθογωνίων, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς
 $\gamma\delta$ τετραγώνω. ἀλλὰ ὁ μὲν γνώμων, καὶ τὸ
 $\lambda\eta$: ὅλον ἐστὶ τὸ γεῶν τετραγώνον, ὅ ἐστιν ἀπὸ
τῆς $\gamma\beta$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ περιεχο-
μένων ὀρθογωνίων, μὲν τῶν ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$ τετρα-
γώνων, ἴσον ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$ τετραγώνω.
(Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα θ θεῖα γραμμὴ
τμηθῆ εἰς ἴσα ϵ ἀνίσια: τὸ ὑπὸ τῶν ἀνίσων τῆς
ὅλης τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογωνίων,
μὲν τῶν ἀπὸ τῆς μελαξυ τῶν πομῶν τετραγώ-
νων, ἴσον ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώ-
νω. ὅπως ἔδει δείξαι.

Πρότασις ϵ . Θεώρημα.

ΕΑΝ θ θεῖα γραμμὴ τμηθῆ δίχα, προστε-
θῆ δὲ πρὸς αὐτῇ θ θεῖα ἐπὶ θ θείας: τὸ ὑ-
πὸ τῆς ὅλης ζ ὑπὸ τῆς προσκείμενης, καὶ τῆς
προσκειμένης περιεχόμενον ὀρθογωνίων, με-
τὰ τῶν ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνων, ἴσον ἐστὶ
τῶν ἀπὸ τῆς συγκειμένης ἕκ τε τῆς ἡμισείας,
καὶ τῆς

rectangulo $ad, \delta\beta$ rectis contento. Commune
 addatur $\lambda\eta$, quod æquale est quadrato à re-
 cta $\gamma\delta$ descripto. itaq; $\mu\nu\xi$ gnomon, & $\lambda\eta$
 quadratum, æqualia sunt rectangulo $ad, \delta\beta$
 rectis contento, & quadrato à recta $\gamma\delta$ de-
 scripto. verum $\mu\nu\xi$ gnomon, & quadratum
 $\lambda\eta$: faciunt ac constituunt totum quadratum
 $\gamma\epsilon\zeta$, quod est quadratum à recta $\gamma\epsilon$ descri-
 ptum. Quare rectangulum $ad, \delta\beta$ rectis con-
 tentum, cum quadrato à $\gamma\delta$ descripto: æqua-
 le est quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descripto. (Con-
 clusio.) Si igitur recta linea fuerit secta in
 partes æquales, & in partes inæquales: re-
 ctangulum quod segmentis continetur inæ-
 qualibus totius lineæ rectæ, cum quadrato e-
 ius lineæ, quæ est inter segmenta, æquale est
 quadrato dimidiæ lineæ rectæ. Id quod erat
 demonstrandum.

Propositio VI. Theorema.

SI recta linea in duas partes æquales secta
 fuerit: & ei addatur alia quædam recta li-
 nea è directo: tum rectangulum quod tota &
 addita linea recta continetur cum quadrato
 à dimidiâ lineâ rectâ descripto: est æquale qua-
 drato

drato à linea composita ex dimidia, & adiecta, ac si esset vna tantum linea recta, descripto.

Explicatio dati.) Recta enim linea $\alpha\beta$, secetur in duas aequales partes in puncto γ : & ei è directo adijciatur recta quaedam linea $\beta\delta$. (*Explicatio quasiti.*) Dico quod rectangulum rectis $\alpha\delta$, $\alpha\beta$ contentum cum quadrato à recta $\gamma\beta$ descripto: aequale sit quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. (*Delineatio.*) Describatur enim à recta linea $\gamma\delta$ quadratum $\gamma\epsilon\zeta\delta$: & ducatur linea recta $\delta\epsilon$: atq; per punctum β , utriq; lineæ rectæ $\epsilon\gamma$, $\delta\zeta$ ducatur æquedistans recta $\beta\eta$: item per punctum θ , utriq; rectæ $\alpha\beta$, $\epsilon\zeta$, ducatur æquedistans recta $\alpha\mu$: deniq; per punctum α utriq; rectæ $\gamma\lambda$, $\delta\mu$ æquedistans ducatur recta $\alpha\kappa$. (*Demonstratio.*) Quoniam nunc recta $\alpha\gamma$, æqualis est rectæ $\gamma\beta$: erit etiam rectangulum $\alpha\lambda$, rectangulo $\gamma\theta$ æquale, sed $\gamma\theta$ est æquale $\theta\zeta$, ergo & $\alpha\lambda$ rectangulum erit æquale rectangulo $\theta\zeta$. Commune addatur rectan-

B 5 gulum

τὸ γμ. ὅλον ἄρα τὸ $\bar{a}\mu$, πᾶν νξο γνώμονι ἐ-
 σὶν ἴσον. ἀλλὰ τὸ $\bar{a}\mu$, ἐστὶ τὸ ὑπὸ τῶν $\bar{a}\delta$, $\delta\beta$.
 ἰσῆ γδ' ἐστὶν ἡ $\delta\mu$, τῆ $\delta\delta$: καὶ ὁ νξο γνώμων, ἴ-
 σος ἐστὶ πᾶν ὑπὸ τῶν γδ, $\delta\beta$ περιεχομένῳ
 ὀρθογώνιῳ. κοινὸν προσκείσθω τὸ λη, ὅ ἐστιν
 ἴσον, πᾶν ἀπὸ τῆς γβ τετραγώνῳ. τὸ ἄρα ὑ-
 πὸ τῶν $\bar{a}\delta$, $\delta\beta$ περιεχομένον ὀρθογώνιον,
 μείζον τῆς ἀπὸ τῆς βγ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ πᾶν
 νξο γνώμονι καὶ πᾶν λη. ἀλλ' ὁ νξο γνώμων, ὅ
 τὸ λη, ὅλον ἐστὶ τὸ γεζδ τετραγώνον, ὃ ἐστὶν
 ἀπὸ τῆς γδ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $\bar{a}\delta$, $\delta\beta$ πε-
 ριεχομένον ὀρθογώνιον, μείζον τῆς ἀπὸ τῆς βγ
 τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ πᾶν ἀπὸ τῆς γδ τετρα-
 γώνῳ. (Συμπέρασμα.) Ἐὰν ἄρα εὐθεία
 γραμμὴ τμηθῆ διχα προστεθῆ δὲ πρὸς αὐτῇ
 εὐθείᾳ ἐπ' εὐθείας: τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης (ὡς τῆ
 προσκειμένη, καὶ τῆς προσκειμένης περιεχο-
 μένον ὀρθογώνιον, μᾶλλον ἢ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τε-
 τραγώνου: ἴσον ἐστὶ πᾶν ἀπὸ τῆς συγκεκλιμένης
 ἐκτὸς τῆς ἡμισείας, καὶ τῆς προσκειμένης ὡς
 ἀπὸ μιᾶς ἀναγκαζέως φένη τετραγώνῳ. ὅπως ἐδὲ
 δεῖξαι.

Πρώτη.

gulum $\gamma\mu$. totum igitur rectangulum $\alpha\mu$,
 erit v ξ o gnomoni æquale: sed $\alpha\mu$ est rectan-
 gulum quod ad, $\delta\epsilon$ rectis continetur. quia
 $\delta\mu$ recta est æqualis rectæ $\delta\beta$: ideo & v ξ o
 gnomon, æqualis est rectangulo quod rectis
 ad, $\delta\epsilon$ continetur. commune addatur rectan-
 gulum $\lambda\eta$, quod æquale est quadrato à recta
 $\gamma\delta$ descripto. ergo rectangulum ad, $\delta\epsilon$ re-
 ctis contentum cum quadrato quod à recta
 $\beta\gamma$ describitur, est æquale v ξ o gnomoni, &
 rectangulo $\lambda\eta$. verum v ξ o gnomon, & re-
 ctangulum $\lambda\eta$: constituunt totum quadra-
 tum $\gamma\epsilon\delta$, quod est descriptum à recta $\gamma\delta$.
 rectangulum igitur ad, $\delta\epsilon$, rectis conten-
 tum, cum quadrato à recta $\beta\gamma$ descripto, æ-
 quale est quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. (Cō-
 clusio.) Si igitur recta linea secta fuerit in
 duas partes æquales, eiq; addatur è directo li-
 nea quedam recta, rectangulum quod tota recta cum
 ipsa adiecta, & ipsa linea adiecta continetur: cum
 quadrato quod à dimidia linea recta describitur: æ-
 quale est quadrato, quod à linea composita ex dimi-
 dia & adiecta, & ipsa adiecta tanquam vna esset li-
 nea describitur, quod erat demonstrandum.

Propo-

Πρότασις ζ. θεώρημα.

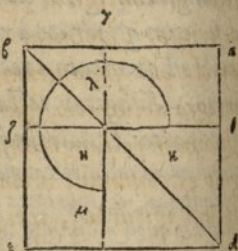
ΕΑν εὐθεία γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχε: τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμημάτων, τὰ σωμαφότερα τετράγωνα ἴσιν ἐστὶ τῶν τε δίδις ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῶν εἰρημένων τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ: καὶ τὸ ἀπὸ τῶν λοιπῶν τμημάτων τετραγώνῳ.

Εκθεσις,) Εὐθεία γάρ τις ἡ $\bar{a}\beta$, τεμήσθω ὡς ἔτυχε κατὰ τὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν $\bar{a}\beta$, $\beta\gamma$ τετράγωνα, ἴσιν ἐστὶ τῶν τε δίδις ὑπὸ τῶν $\bar{a}\beta$, $\beta\gamma$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῶν ἀπὸ τῆς $\bar{a}\gamma$ τετραγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Αναγεγράψθω γὰρ ἀπὸ τῆς $\bar{a}\beta$ τετράγω-

νον, τὸ $\bar{a}\delta\epsilon\beta$: καὶ καταγεγράψθω τὸ $\alpha\eta$ μα. (Αποδείξις.)

Καὶ ἐπεὶ ἴσιν ἐστὶ τὸ $\bar{a}\eta$, τῶν $\eta\epsilon$. κοινὸν προσκείσθω τὸ $\gamma\zeta$ ὅλον ἄρα τὸ $\bar{a}\zeta$, ὅ-

λω τῶν $\gamma\epsilon$ ἐστὶν ἴσιν. τὰ ἄρα $\bar{a}\zeta$, $\gamma\epsilon$ διπλάσια ἐστὶ τῶν $\bar{a}\zeta$. ἀλλὰ τὰ $\bar{a}\zeta$, $\gamma\epsilon$, ὁ κλμ ἐστὶ γνάμων,



κμ

Propositio VII. Theorema.

Si recta linea secta utcumque fuerit: Squadratum quod à tota, & alterum quod à segmento describitur: ista duo inquam quadrata æqualia sunt, rectangulo quod tota linea recta, & prædicto segmento bis continetur: & quadrato reliqui segmenti.

Explicatio dati.) Recta enim linea ab sectetur utcumq; in puncto γ . (*Explicatio quaesiti.*) Dico quod quadrata à rectis $ab, \beta\gamma$ descripta, sint æqualia rectangulo quod $ab, \beta\gamma$ rectis bis continetur, & quadrato à recta ay descripto. (*Delineatio.*) Describatur enim à recta ab quadratum $ade\beta$, & perficiatur integra delineatio figura. (*Demonstratio.*) Quoniam rectangulum an , æquale est rectangulo ne : commune addatur rectangulum $\gamma\zeta$. totum igitur $a\zeta$, toti γe est æquale. quare $a\zeta, \gamma e$ rectangula dupla sunt rectanguli $a\zeta$. sed rectangula $a\zeta, \gamma e$, faciunt $\kappa\lambda\mu$, gnomonem,

καὶ τὸ γζ τετράγωνον. ὁ κλμ ἄρα γνώμων,
καὶ τὸ γζ, διπλάσια ἐστὶ τοῦ αζ. ἐστὶ δὲ τοῦ
αζ διπλάσιον, καὶ τὸ δλς ὑπὸ τῶν αβ, βγ,
ἴση γὰρ ἢ βζ, τῆ βγ. ὁ ἄρα κλμ γνώμων, καὶ
τὸ γζ τετράγωνον, ἴσον ἐστὶ τῷ δλς ὑπὸ τῶν
αβ, βγ. κρινόν προσκείδω τὸ δη, ὁ ἐστὶν ἀπὸ
τῆς αγ τετράγωνον. ὁ ἄρα κλμ γνώμων, ἔ-
στὶ τὰ βη, ἡδ τετράγωνά ἴσα ἐστὶ τῷ τε δλς ὑπὸ
τῶν αβ, βγ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ
ἀπὸ τῆς αγ τετραγώνῳ. ἀλλ' ὁ κλμ γνώ-
μων, καὶ τὰ βη, ἡδ τετράγωνα. ὅλον ἐστὶ τὸ
αδβ, καὶ τὸ γζ, ἅ ἐστὶν ἀπὸ τῶν αβ, βγ τε-
τράγωνα, τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν αβ, βγ τετρά-
γωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ τε δλς ὑπὸ τῶν αβ, βγ
περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, μεία τοῦ ἀπὸ τῆς
αγ τετραγώνου. (Συμπέρασμα.) Ἐάν
ἄρα διθεία γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχε, τὸ ἀπὸ
τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμημάτων,
τὰ σωμαφότερα τετράγωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ π
δλς ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῶν εἰρημένον τμημά-
τῳ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ ἀπὸ
τῶν λοιπῶν τμημάτων τετραγώνῳ, ὅπως εἶδει
δειξάμ.

Πρῶτον

nem, & quadratum à recta $\gamma\zeta$ descriptum.
 Ergo $\kappa\lambda\mu$ gnomon, & $\gamma\zeta$ quadratum sunt
 dupla rectanguli $\alpha\zeta$, verum rectanguli $\alpha\zeta$ du-
 plum est rectangulum quod rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis
 continetur: quia $\beta\zeta$ recta, æqualis est rectæ
 $\beta\gamma$. quare $\kappa\lambda\mu$ gnomon, & quadratum $\gamma\zeta$,
 sunt æqualia rectangulo quod rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$
 bis continetur. cōmune addatur $\delta\eta$, quod est
 quadratum à recta $\alpha\gamma$ descriptum. gnomon
 igitur $\kappa\lambda\mu$, & $\beta\eta$, $\eta\delta$ quadrata æqualia sunt
 rectangulo, quod rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis continetur,
 & quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto. Verū $\kappa\lambda\mu$
 gnomon, & $\beta\eta$, $\eta\delta$ quadrata, totum constitu-
 unt ad $\epsilon\beta$, & $\gamma\zeta$, quæ sunt duo quadrata, à
 rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ descripta. Quare quadrata à re-
 ctis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ descripta, æqualia sunt rectangu-
 lo rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis cōtento, vñà cum quadra-
 to à recta $\alpha\gamma$ descripto. (Conclusio.) Si igitur
 recta linea vtcunq; fuerit secta, quadratum à
 tota descriptum, & quadratum alterius se-
 gmenti, hæc duo inquam quadrata addita, æ-
 qualia sunt rectangulo quod tota & prædicto
 segmento continetur, & quadrato à reliquo
 segmento descripto. Id q; demonstrandū erat.

Πρότασις η. Γεώρημα.

ΕΑΝ εὐθεία γραμμὴ τμηθῆ ὡς ἔτυχε, τὸ περὶ αἰκίς ὑπὸ τῆς ὅλης, ἔνός τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον μετὰ τῆ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ τε ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῷ εἰρημέιου τμήματος τετραγώνου, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγεγραφένῃ τετραγώνῳ.

(Εκθεσις.) Εὐθεία γὰρ τις ἡ $\alpha\beta$, τετμήσθω ὡς ἔτυχε κατὰ τὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ τετράκις ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, βγ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$, βγ ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγεγραφένῃ τετραγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Εκβεβλήσθω γὰρ ἐπὶ εὐθείας τῆς $\alpha\beta$, εὐθεία ἡ $\beta\delta$: καὶ κείσθω τῇ $\gamma\beta$, ἴση ἢ $\epsilon\delta$: καὶ ἀναγεγράφθω ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$, τετραγώνον τὸ $\alpha\epsilon\zeta\delta$: καὶ ἀναγεγράφθω διπλῶν τὸ σχῆμα. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ ἐν ἴσῃ ἐστὶ ἡ $\gamma\beta$ τῇ $\epsilon\delta$, ἀλλ' ἡ $\mu\delta$ βγ τῇ $\eta\kappa$ ἐστὶν ἴση. ἡ δὲ $\epsilon\delta$, τῇ $\kappa\eta$, καὶ ἡ $\eta\kappa$ τῇ $\kappa\eta$ ἐστὶν ἴση. Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ἡ $\alpha\epsilon$, τῇ $\rho\sigma$ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶ ἡ $\mu\delta$ βγ, τῇ $\epsilon\delta$, ἡ δὲ $\eta\kappa$, τῇ $\kappa\eta$, ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ μὲν

In numeris sic:

Sit $\alpha\beta$, 8. diuisa $\omega\sigma$ $\epsilon\tau\theta\chi$ in $\alpha\gamma$, 6. & $\gamma\beta$. 2. Re-
ctangulum quater contentū rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ sit 64. qua-
dratum $\alpha\gamma$, sit 36. adde, sunt 100. Quadratum verò à
rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ descriptum, ac si esset vna linea, nempe
10. est quad: 100.

64. Rect: 10.

36. Quad: 10.

100.

100. quad:

le est rectangulo $\kappa\delta$: & rectangulum $\eta\varrho$, re-
ctangulo $\varrho\nu$: sed rectangulum $\gamma\kappa$ etiam est
equale rectangulo $\varrho\nu$. quia sunt supplemen-
ta parallelogrammi $\gamma\theta$. quare $\kappa\delta$ etiam est
equale $\varrho\nu$. quatuor igitur hæc $\delta\kappa$, $\gamma\kappa$, $\eta\varrho$, $\varrho\nu$,
inter se sunt equalia, & idcirco ipsius $\gamma\kappa$
quadrupla. rursus quoniam $\gamma\beta$, equalis est
rectæ $\beta\delta$: verum $\beta\delta$ equalis est $\beta\kappa$: hoc est
 $\gamma\eta$, & $\gamma\beta$ equalis $\eta\kappa$, hoc est $\eta\omega$: ergo & $\gamma\eta$
equalis est rectæ $\eta\omega$: & quia $\gamma\eta$, equalis est
rectæ $\eta\omega$: $\omega\varrho$ verò rectæ $\varrho\theta$, ideo & $\alpha\eta$ re-
ctangulum, rectangulo $\mu\omega$ est equale: &
 $\omega\lambda$ rectangulum, rectangulo $\varrho\zeta$. verum $\mu\omega$
rectangulum, equale est rectangulo $\omega\lambda$,
quia sunt supplementa parallelogrammi $\mu\lambda$.
Ergo & rectangulum $\alpha\eta$, rectangulo $\varrho\zeta$ est
C 2 equa-

τὰ τέσσαρα ἄρα, τὰ $\alpha\eta$, $\mu\pi$, $\omega\lambda$, $\rho\zeta$, ἴσαι ἀλ-
 λήλοις ἐσὶ. τὰ τέσσαρα ἄρα, τῶν $\alpha\eta$ ἐστὶ τε-
 τραπλάσια. ἐδείχθη δὲ καὶ τὰ τέσσαρα τὰ
 $\gamma\kappa$, $\kappa\delta$, $\eta\rho$, $\rho\nu$, τῶν $\gamma\kappa$ τετραπλάσια. τὰ ἄρα
 ὁκτώ α περιέχει τὸν $\sigma\tau\upsilon$ γνώμονα, τετρα-
 πλάσια ἐστὶ τῶν $\alpha\kappa$. καὶ ἐπεὶ τὸ $\alpha\kappa$, τὸ ὑπὸ
 τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ ἐστὶν. ἴση γὰρ καὶ ἡ $\beta\kappa$, τῆ $\beta\delta$.
 τὸ ἄρα τετράκις ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ τετρα-
 πλάσιον ἐστὶ τῶν $\alpha\kappa$. ἐδείχθη δὲ τῶν $\alpha\kappa$ τετρα-
 πλάσιον $\sigma\tau\upsilon$, ὅστυ γνώμων. τὰ ἄρα τετρά-
 κισ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ ἴσαι ἐσὶ, τὰ $\sigma\tau\upsilon$ γνώ-
 μονι. κεινὸν προσκείσθω τὸ $\xi\theta$, ὃ ἐστὶν ἴσον τῷ
 ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνῳ. τὸ ἄρα τετράκις
 ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
 μετὰ τῶν ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνῳ: ἴσον ἐστὶ τῷ
 $\sigma\tau\upsilon$ γνώμονι, καὶ τῷ $\xi\theta$. ἀλλ' ὁ $\sigma\tau\upsilon$ γνώ-
 μων, καὶ τὸ $\xi\theta$, ὅλον ἐστὶ τὸ ἀεὶ δ τετράγω-
 νον, ὃ ἐστὶν ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$. τὸ ἄρα τετράκις ὑ-
 πὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
 μετὰ τῶν ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνῳ, ἴσον ἐστὶ τῷ
 ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$. τῶν $\alpha\delta$ ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$, καὶ
 $\beta\gamma$, ὡς ἀπὸ μίας ἀναγραφέντι τετραγώνῳ.

(Συμ-

æquale. quatuor igitur hæc $\alpha\eta, \mu\omega, \omega\lambda, \rho\zeta$,
sunt inter se æqualia, & idcirco rectanguli $\alpha\eta$
quadrupla. Verum demonstratum est rectan-
gula $\gamma\kappa, \kappa\delta, \eta\rho, \rho\nu$ esse quadrupla rectanguli
 $\gamma\kappa$. quare octo ista quæ $\sigma\tau\nu$ gnomoni sunt cõ-
tenta, sunt etiã quadrupla rectanguli $\alpha\kappa$. &
cum rectangulum $\alpha\kappa$, sit id quod $\alpha\zeta, \zeta\delta$ rectis
cõtinetur, quia recta $\zeta\kappa$, æqualis est rectæ $\zeta\delta$.
quare quod quater continetur rectis $\alpha\zeta, \zeta\delta$,
quadruplum est rectanguli $\alpha\kappa$. sed rectanguli
 $\alpha\kappa$, demonstratus est gnomõ $\sigma\tau\nu$ quadruplus.
quare rectangula quæ rectis $\alpha\beta, \beta\delta$ quater
continentur, sunt æqualia $\sigma\tau\nu$ gnomoni. com-
mune addatur $\xi\theta$, quod est æquale quadrato
à recta $\alpha\gamma$ descripto. rectangulum igitur re-
ctis $\alpha\zeta, \zeta\delta$ quater contentum: cum quadrato
à recta $\alpha\gamma$ descripto: æquale est $\sigma\tau\nu$ gno-
moni, & $\xi\theta$: verum $\sigma\tau\nu$ gnomon, & $\xi\theta$, constitu-
unt totum quadratũ à recta $\alpha\delta$ descriptum.
rectangulum igitur quod rectis $\alpha\zeta, \zeta\gamma$ qua-
ter continetur, cum quadrato à recta $\alpha\gamma$ de-
scripto, est æquale quadrato à recta $\alpha\delta$ descri-
pto, hoc est quadrato à rectis $\alpha\zeta, \zeta\gamma$, tanquam

(Συμπέρασμα.) Εάν ἄρα ὀρθεῖα γραμμὴ
 τμηθῆ ὡς ἔτυχε: τὸ τετράκις ὑπὸ τῆς ὅλης,
 καὶ ἑνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθο-
 γώνιον, μετὰ τῶ ἀπὸ τῶ λοιπῶ τμήματι
 τετραγώνου: ἴσον ἐστὶ τῶτε ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ
 τοῦ εἰρημένου τμήματι, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀ-
 ναγραφέντι τετραγώνῳ. ὅπως ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις θ. ἰσώρημα.

Εάν ὀρθεῖα γραμμὴ τμηθῆ εἰς ἴσα καὶ ἀνίσωτα
 τὰ ἀπὸ τῶν ἀνίσων τῆς ὅλης τμημάτων
 τετράγωνα, διπλάσια ἐστὶ, τῶτε ἀπὸ τῆς ἡ-
 μισείας, καὶ τῶ ἀπὸ τῆς μετὰξὺ τῶν τομῶν
 τετραγώνου.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ πρὸς ἢ αβ τεμήσθω, εἰς
 μὲν ἴσα κατὰ τὸ γ: εἰς δὲ ἀνίσωτα κατὰ τὸ δ.
 (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν αδ, δβ
 τετράγωνα, διπλάσια ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν αγ,
 γδ τετραγώνων. (Κατασκευὴ.) Ἡχθω γὰρ
 ἀπὸ τῶ γ, τῆ αβ πρὸς ὀρθῆς ἢ γε: Ἐκείσθω
 ἴση ἐκατέρω, τῶν αγ, γβ: καὶ ἐπιζήχθωσαν
 αἰ εα, εβ: καὶ δε μὲν τῶ δ, τῆ εγ παράλλη-
 λ.

esset una linea descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea utcumq; fuerit secta: rectangulum quod à tota linea, & vno segmento continetur, cum quadrato à reliquo segmento descripto: æquale est quadrato à tota & prædicto segmento, tanquam esset una linea recta descripto. quod erat demonstrandum.

Propositio IX. Theorema.

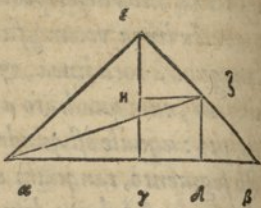
SI recta Linea fuerit secta in equalia, & in inæqualia: quadrata à segmentis inæqualibus totius lineæ recte descripta, dupla sunt quadrati à dimidiâ descripti, & quadrati eius lineæ, quæ intra ipsas comprehenditur sectiones.

Explicatio dati.) Recta enim linea ac sectetur in equalia in puncto γ , & in inæqualia in puncto δ . (Explicatio quæsitæ.) Dico quod quadrata à rectis ad , δc descripta, dupla sint quadratorum à rectis $a\gamma$, $\gamma\delta$ descriptorum.

(Delineatio.) Ducatur à puncto γ , rectæ $a\beta$ ad angulos rectos, linea recta $\gamma\epsilon$: utriq; rectarum $a\gamma$, $\gamma\beta$ fiat $\gamma\epsilon$ æqualis: atq; ducantur lineæ rectæ ea , ϵc : item per punctum δ , rectæ $e\gamma$

C 4 duca o

$\lambda\theta$ ἢ $\chi\theta\omega$ ἢ $\delta\zeta$:
 Διὰ δὲ τῆς ζ , τῆς $\alpha\beta$
 παράλληλος ἢ χ -
 $\theta\omega$ ἢ $\zeta\eta$: καὶ ἐπε-
 ζεύχθω ἡ $\alpha\zeta$. (Α-
 πόδειξις.) Καὶ ἐ-
 πεί ἴση ἐστὶν ἡ $\alpha\gamma$,
 τῆς $\gamma\epsilon$. ἴση ἐστὶ καὶ ἡ ὑπὸ $\epsilon\alpha\gamma$ γωνία, τῆς ὑ-
 πὸ $\alpha\epsilon\gamma$. καὶ ἐπειὶ ὀρθὴ ἐστὶν ἡ πρὸς τῶν γ , λοι-
 πῶν ἄρα αἱ ὑπὸ $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$, μιᾶ ὀρθῇ ἴση ἐ-
 σὶν. ἡμίση ἄρα ὀρθῆς ἐστὶν ἐκάτερα τῶν ὑ-
 πὸ $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἐκάτερα
 τῶν ὑπὸ $\gamma\epsilon\beta$, $\epsilon\beta\gamma$ ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν. ὅλη
 ἄρα ἡ ὑπὸ $\alpha\epsilon\beta$, ὀρθὴ ἐστὶν. καὶ ἐπειὶ ἡ ὑπὸ
 $\eta\epsilon\zeta$, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\epsilon\eta\zeta$ ἴση
 $\gamma\delta$ ἐστὶ τῆς ἐντὸς, ἑσπενανλίον, τῆς ὑπὸ $\epsilon\gamma\delta$.
 λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\epsilon\zeta\eta$, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἴση
 ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\eta\epsilon\zeta$ γωνία, τῆς ὑπὸ $\epsilon\zeta\eta$. ὡ-
 σε καὶ πλῆρᾶ ἡ $\epsilon\eta$, πλῆρᾶ τῆς $\zeta\eta$ ἐστὶν ἴση.
 πάλιν ἐπεὶ ἡ πρὸς τῶν β γωνία, ἡμίση ἐστὶν
 ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\zeta\delta\beta$. ἴση γὰρ πάλιν
 ἐστὶν τῆς ἐντὸς καὶ ἑσπενανλίον τῆς ὑπὸ $\epsilon\gamma\beta$.
 λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\beta\zeta\delta$, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς.



ducatur æquedistans recta $\delta\zeta$: per punctum
 etiam ζ , recta $\alpha\zeta$ æquedistans ducatur recta
 $\zeta\eta$: & postremo fiat recta $\alpha\zeta$. (Demōstratio.)
 Cum itaq; recta $\alpha\gamma$, recta $\gamma\epsilon$ sit æqualis, etiā
 angulus $\epsilon\alpha\gamma$, angulo $\alpha\epsilon\gamma$ æqualis erit, sed an-
 gulus ad punctum γ est rectus, reliqui igitur
 anguli $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$ vni angulo recto sunt æqua-
 les. vterq; igitur angulorum $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$: dimi-
 dia est recti anguli pars. per eadem demon-
 strabitur, quod vterq; angulorum $\gamma\epsilon\beta$, $\epsilon\beta\gamma$
 dimidia sit recti pars. totus igitur angulus
 $\alpha\epsilon\zeta$ est rectus, et quia angulus $\eta\epsilon\zeta$ dimidia est
 pars anguli recti, angulus verò $\epsilon\eta\zeta$ rectus, quia
 $\epsilon\gamma\zeta$ angulo interno sibi opposito æqualis est,
 idcirco reliquus angulus $\epsilon\zeta\eta$, etiam est dimi-
 dia recti pars. quare angulus $\eta\epsilon\zeta$, æqualis est
 angulo $\epsilon\zeta\eta$: vnde etiam latus $\epsilon\eta$, lateri $\zeta\eta$ est
 æquale. rursus quoniam angulus ad punctum
 β dimidia est recti pars, & angulus $\zeta\delta\beta$ re-
 ctus. quia iterum angulo $\epsilon\gamma\beta$ interno sibi op-
 posito est æqualis. reliquus igitur angulus
 $\zeta\delta\beta$ dimidia recti pars erit. quare etiam an-
 C 5 gulus

ἴση ἄρα ἢ πρὸς τὰ β γωνία, τῇ ὑπὸ δ ζ.
 ὥστε καὶ πλάρᾳ ἢ δ ζ, πλάρᾳ τῇ δ β ἐστὶν ἴση.
 καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἢ α γ, τῇ γε, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ
 ἀπὸ τῆς α γ, τὰ ἀπὸ τῆς γε. τὰ ἄρα ἀπὸ
 τῶν α γ, γε τετράγωνα, διπλάσιά ἐστι τῶν
 ἀπὸ τῆς α γ. τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν α γ, γε, ἴσον ἐστὶ
 τὸ ἀπὸ τῆς ε α τετράγωνον. ὀρθῇ γὰρ ἢ ὑπὸ
 α γε γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε α, διπλάσιον
 ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς α γ. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἢ ε η,
 τῇ η ζ, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ε η, τὰ ἀπὸ τῆς
 η ζ. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ε η, η ζ τετράγωνα, δι-
 πλάσιά ἐστι τῶν ἀπὸ τῆς ε ζ τετραγώνων. τοῖς
 δὲ ἀπὸ τῶν ε η, η ζ τετραγώνοις, ἴσον ἐστὶ τὰ
 ἀπὸ τῆς ε ζ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε ζ τετράγωνον,
 διπλάσιον ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς η ζ. ἴση δὲ ἢ η ζ, τῇ
 γ δ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε ζ διπλάσιον ἐστὶ τοῦ
 ἀπὸ τῆς γ δ. ἐστὶ δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς α ε,
 διπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς α γ. τὰ ἄρα ἀπὸ
 τῶν α ε, ε ζ τετράγωνα, διπλάσιά ἐστι τῶν
 ἀπὸ τῶν α γ, γ δ τετραγώνων. τοῖς δὲ ἀπὸ
 τῶν α ε, ε ζ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς α ζ τετράγω-
 νον. ὀρθῇ γὰρ ἢ ὑπὸ α ε ζ γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ
 τῆς α ζ τετράγωνον, διπλάσιον ἐστὶ τῶν ἀπὸ

τῶν

gulus qui est ad punctum β , angulo $A\beta$ est equalis. unde & latus $A\beta$, lateri $A\beta$ est equalis. & quia re α & γ equalis est re α & γ : idcirco & quadratum à re α & γ descriptum, equalis etiã est quadrato à re α & γ descripto. quadrata igitur à re α & γ descripta dupla sunt quadrati à re α & γ descriptis. Rursus quoniam re α & γ equalis est re α & γ : idcirco & quadratum à re α & γ descriptum, equalis est quadrato à re α & γ descripto. Ergo quadrata à re α & γ descripta dupla sunt, quadrati ab α & γ re α descripti: sed quadratis, quæ à re α & γ describuntur, equalis est quadratum à re α & γ descriptum. Ergo quadratum à re α & γ descriptum, duplum est quadrati à re α & γ descripti. sed α & γ equalis est re α & γ . quare quadratum à re α & γ descriptum, duplum est quadrati à re α & γ descripti. sed & quadratum à re α & γ descriptum, duplum etiam est quadrati à re α & γ descripti. quadrata igitur à re α & γ descripta, dupla sunt quadratorum à re α & γ descriptorum: sed illis quadratis α & γ , equalis est quadratum à re α & γ descriptum: quia angulus α & γ est rectus. quare quadratum à re α & γ descriptum: duplum est quadratorum à re α & γ descriptorum. huic autẽ quadrato α & γ ,

equalis

τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\delta$: τὰ δὲ ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\zeta$, ἴσα ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\delta$, $\delta\zeta$. ὀρθὴ γὰρ ἡ πρὸς τὰ δ γωνία. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\delta$, $\delta\zeta$ διπλάσια ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\delta$ τετραγώνων. ἴση δὲ $\delta\zeta$ τῇ $\delta\beta$. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\delta$, $\delta\beta$ τετραγωνα, διπλάσια ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\delta$ τετραγώνων. (Συμπέρασμα.) Ἐὰν ἄρα ὀθεῖα γραμμὴ τμηθῆ εἰς ἴσα καὶ αἰῖαι: τὰ ἀπὸ τῶν αἰῖσων τῆς ὅλης τμημάτων τετραγωνα: διπλάσια ἐστὶ τοῦτε ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς μετὰ τῶν τομῶν τετραγώνων. ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ι. Θεώρημα.

ΕΑΝ ὀθεῖα γραμμὴ τμηθῆ δίχα, προστιθῆ δὲ πρὸς αὐτὴν ὀθεῖα ἐπ' ὀθείας: τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης (ὡς τῇ προσκείμενῃ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς προσκείμενης, τὰ συναμφοτέρω τετραγωνα: διπλάσια ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τῶν ἀπὸ τῆς συγκείμενης ἕκαστῆς τῆς ἡμισείας, καὶ τῆς προσκειμένης, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντι τετραγώνων.

Ἐκφρασις.) Εὐθεία γὰρ πρὸς ἡ $\bar{\alpha}\beta$, πετμήσθω δίχα

æqualia sunt quadrata à rectis ad, d ζ descripta. quia angulus ad punctum d, est rectus. quadrata igitur à rectis ad, d ζ descripta, dupla sunt quadratorum à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ descriptorum: sed d ζ æqualis est rectæ d ζ . Ergo quadrata à rectis ad, d ζ descripta, dupla sunt quadratorum à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ descriptorum. (Conclusio.) Si igitur linea recta fuerit in æqualia & in inæqualia dissecta, quadrata à segmentis totius lineæ rectæ inæqualibus descripta: dupla sunt quadrati à dimidia descripti, et quadrati lineæ rectæ inter segmenta inclusæ. id quod demonstrandum erat.

Propositio X. Theorema.

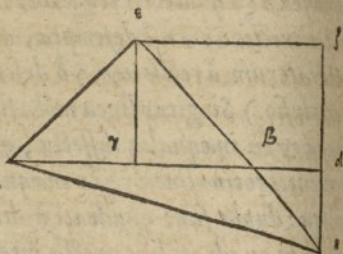
SI recta linea dissecta fuerit in partes duas æquales, & adijciatur ei recta quædam linea è directo: tum quadratum quoddam à tota cum adiecta describitur, & quadratum ab adiecta descriptum, hæc duo quadrata coniuncta, dupla sunt quadrati à dimidia linea descripti, & quadrati à recta ex dimidia & adiecta composita, tanquam esset vna linea recta descripti.

Explic. dati.) Recta enim quædam linea $\alpha\zeta$ secetur

δίχα κατὰ τὸ γ , προσκείσθω δὲ πρὸς αὐτῇ δι-
 θέια ἐπὶ διθείας ἡ βδ. (Διορισμός.) Λέγω
 ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ πετράγωνα, διπλα-
 σιά ἐστι, τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ πετράγωνων.

(Κατα-
 σκευή.)

Ἡχθω γὰρ
 ἀπὸ τοῦ
 γ σημείου
 τῆς $\alpha\beta$,
 πρὸς ὀρ-
 θῆας ἡ $\gamma\epsilon$:



καί κείσθω ἰσηκατέρη τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: καὶ ἐπι-
 ζήχθωσαν αἱ $\alpha\epsilon$, $\gamma\delta$: Ἐὰν μὲν τῆς ϵ , τῆς $\alpha\delta$
 παράλληλη ἦχθω ἡ $\epsilon\zeta$. Διὰ δὲ τῆς δ , τῆς $\gamma\epsilon$
 παράλληλη ἦχθω ἡ $\delta\zeta$. (Ἀπόδειξις τῆς
 κατὰ σκευῆς.) Καὶ ἐπεὶ εἰς παράλληλους δι-
 θέιας, τὰς $\epsilon\gamma$, $\zeta\delta$: διθέια τίς ἐνέπεσεν ἡ $\epsilon\zeta$: αἱ
 ὑπὸ $\gamma\epsilon\zeta$, $\epsilon\zeta\delta$ ἄρα δύο ὀρθαῖς ἴσῃ εἰσὶν. αἱ
 ἄρα ὑπὸ $\zeta\epsilon\delta$, $\epsilon\zeta\delta$ δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν.
 αἱ δὲ ἀπ' ἐλασσόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλό-
 ρμα συμπίπτουσιν. αἱ ἄρα $\epsilon\beta$, $\zeta\delta$ ἐκβαλ-
 λόρμα ὅτι τὰ βδ μέρη συμπεσοῦνται. ἐκ-
 βεβλή-

secetur in duas partes æquales in puncto γ :
 & adijciatur ei $\epsilon\omega$ & $\theta\epsilon$ recta quedam
 $\beta\delta$. (Explicatio quæsitæ.) dico quod qua-
 drata à rectis ad $\delta\beta$ descripta, dupla sint
 quadratorum à rectis ad $\gamma\delta$ descriptorum.
 (Delineatio.) Ducatur enim à puncto γ , re-
 ctæ $\alpha\beta$ ad angulos rectos linea recta $\gamma\epsilon$: &
 fiat utriq; rectarum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ æqualis: atq; du-
 cantur lineæ rectæ $\alpha\epsilon$, $\gamma\beta$: item per punctum
 ϵ , rectæ $\alpha\delta$, ducatur æquedistans rectæ $\epsilon\zeta$:
 item per punctum δ , rectæ $\gamma\epsilon$ æquedistans
 ducatur recta $\delta\zeta$. (Demonstratio iam factæ
 delineationis.) Et quia in lineas rectas æ-
 quedistantes $\epsilon\gamma$, $\zeta\delta$: incidit quedam recta
 $\epsilon\zeta$: anguli igitur $\gamma\epsilon\zeta$, $\epsilon\zeta\delta$ duobus rectis sunt
 æquales. atq; idcirco anguli $\zeta\epsilon\beta$, $\epsilon\zeta\delta$ duo-
 bus rectis minores. quæ verò rectæ angulos
 duob. rectis minores faciunt si, protractæ fue-
 rint, concurrent. rectæ igitur $\epsilon\beta$, $\zeta\delta$, protra-
 ctæ in partibus β & δ , concurrent: protra-
 hantur

βεβλήθωσαν, καὶ συμπιπέτωσαν κατὰ τὸ
 η̄: καὶ ἐπέζωχθω ἡ $\alpha\eta$. (Απόδειξις.) Καὶ
 ἔπει ἴση ἐστὶν ἡ $\alpha\gamma$, τῇ $\gamma\epsilon$, ἴση ἐστὶν καὶ γωνία
 ἡ ὑπὸ $\alpha\epsilon\gamma$, τῇ ὑπὸ $\epsilon\alpha\gamma$. καὶ ὀρθὴ ἡ πρὸς τῷ
 γ . ἡμίση ἄρα ὀρθῆς ἐστὶν, ἐκάτερα τῶν ὑπὸ
 $\epsilon\alpha\gamma$, $\alpha\epsilon\gamma$. Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ἐκάτερα τῶν
 ὑπὸ $\gamma\epsilon\beta$, $\epsilon\beta\gamma$, ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν. ὀρθὴ ἄρα
 ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\alpha\epsilon\beta$. καὶ ἐπεὶ ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν
 ἡ ὑπὸ $\epsilon\beta\gamma$, ἡμίση ἄρα ὀρθῆς, καὶ ἡ ὑπὸ
 $\delta\beta\eta$. ἐστὶ δὲ ζ ἡ ὑπὸ $\beta\delta\eta$ ὀρθή. ἴση γάρ ἐστι τῇ
 ὑπὸ $\delta\gamma\epsilon$, ἐναλλάξ γὰρ. λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\delta\eta\beta$ ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἡ ἄρα ὑπὸ $\delta\eta\beta$, τῇ
 ὑπὸ $\delta\beta\eta$ ἐστὶν ἴση. ὥστε καὶ $\omega\lambda\delta\rho\alpha$ ἡ $\beta\delta$, $\omega\lambda\delta\rho\alpha$
 $\rho\alpha$ τῇ $\eta\delta$ ἐστὶν ἴση. πάλιν ἐπεὶ ἡ ὑπὸ $\epsilon\eta\zeta$ ἡ-
 μίση ἐστὶν ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ πρὸς τῷ ζ . ἴση γάρ
 ἐστὶ τῇ ἀπεναντίον τῇ πρὸς τῷ γ . λοιπὴ ἄρα
 ἡ ὑπὸ $\zeta\epsilon\eta$, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\epsilon\eta\zeta$ γωνία, τῇ ὑπὸ $\zeta\epsilon\eta$. ὥστε καὶ $\omega\lambda\delta\rho\alpha$ ἡ
 $\eta\zeta$, $\omega\lambda\delta\rho\alpha$ τῇ $\epsilon\zeta$ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $\epsilon\gamma$
 τῇ $\gamma\alpha$, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\epsilon\gamma$ τετραγώ-
 νιον, τῷ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνω. τὰ ἄρα ἀ-
 πὸ τῶν $\epsilon\gamma$, $\gamma\alpha$ τετραγώγωνα διωπλάσια ἐστὶ τῷ
 ἀπὸ

hantur, & concurrant in puncto η : & fiat linea recta an . (Demonstratio.) Quia recta ay , equalis est recte ye , angulus idcirco $ae\gamma$, etiam est equalis angulo $ea\gamma$, & angulus ad punctum γ est rectus. quare dimidia recti pars est uterq; angulorum $ea\gamma$, $ae\gamma$. Per eadem etiam demonstrabitur, quod uterq; angulorum $ye\beta$, $e\beta\gamma$ dimidia recti pars sit. quare angulus $ae\beta$, est rectus, & quia angulus $e\beta\gamma$, dimidia recti pars est: etiam angulus $d\epsilon\eta$ dimidia recti pars erit: sed angulus $\epsilon d\eta$ est rectus, quia angulo dye est equalis. cum sint permutati: reliquus igitur angulus $d\eta\beta$ dimidia pars recti est. quare angulus $d\eta\epsilon$, angulo $d\epsilon\eta$ est equalis. unde & latus βd , lateri $a d$ est equalis. Rursus quoniam angulus $e\eta\zeta$, dimidia pars recti est, & angulus ad punctum ζ rectus: quia angulo sibi opposito ad punctum γ est equalis. reliquus igitur angulus $\zeta\eta$ dimidia pars recti est: ergo angulus $e\eta\zeta$, equalis est angulo $\zeta\eta$. quare & latus $\eta\zeta$, lateri $e\zeta$ est equalis. & quia recta $e\gamma$, recta ya est equalis, erit etiam quadratum à recta $e\gamma$ descriptum, equalis quadrato ab ya recta descripto. quadrata igitur à rectis $e\gamma$, ya descripta dupla sunt quadrati à recta ya descripti. verum quadratis ab $e\gamma$, ya

D rectis

ἀπὸ τῆς γα τετραγώνου. πῶς δὲ ἀπὸ τῶν εγ.
 γα, ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς εα. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς
 εα τετραγώνου, διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς
 αγ τετραγώνου. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ηζ, τῆ
 εζ ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ζη τετραγώνου, πῶς
 δὲ τῷ ζε τετραγώνου. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ζη,
 ζε διπλασία ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς εζ. τοῖς δὲ ἀπὸ
 τῶν ηζ, ζε ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς εη τετραγώ-
 νου. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς εη διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀ-
 πὸ τῆς εζ. ἴση δὲ ἡ εζ, τῆ γδ. τὸ ἄρα ἀπὸ
 τῆς εη τετραγώνου, διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀπὸ
 τῆς γδ. εἰδείχθη δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς εα, δι-
 πλάσιον τῷ ἀπὸ τῆς αγ. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν
 αε, εη τετραγώνου διπλασία ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς
 αγ, γδ τετραγώνων, τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν αε, εη
 τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αη τετρα-
 γώνου. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς αη, διπλασίον ἐστὶ
 τῶν ἀπὸ τῶν αγ, γδ. πῶς δὲ ἀπὸ τῆς αη, ἴση
 ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν αδ, δη. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν αδ,
 δη τετραγώνου, διπλασία ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν
 αγ, γδ τετραγώνων. ἴση δὲ ἡ δη, τῆ δβ. τὰ
 ἄρα ἀπὸ τῶν αδ, δβ τετραγώνου, διπλα-
 σία ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν αγ, γδ τετραγώνων.

(Συμ-

rectis, equale est quadratum ab ea recta de-
 scriptum. quare quadratum à recta ea , du-
 plum est quadrati à recta ay descripti. rur-
 sus quoniam recta nz , equalis est rectæ $e\zeta$, e-
 quale etiam erit quadratum à recta zn , qua-
 drato à recta $e\zeta$ descripto. quare quadrata à
 rectis zn , ζe descripta, dupla sunt quadrati à
 recta $e\zeta$ descripti: quadratis verò $n\zeta$, ζe : equa-
 le est quadratum à recta en descriptum. qua-
 dratum igitur à recta en descriptum, duplum
 est quadrati à recta $e\zeta$ descripti: sed recta $e\zeta$,
 equalis est rectæ yd . quadratum igitur à re-
 ctæ en , duplum est quadrati à recta yd descri-
 pti. Verum demonstratum est, quod quadratum à re-
 ctæ ea descriptum, duplum sit quadrati à recta ay de-
 scripti. quadrata itaq; à rectis ae , en descripta, dupla
 sunt quadratorum à rectis ay , yd descriptorum. qua-
 dratis verò à rectis ae , en descriptis, equale est quadra-
 tum à recta an descriptum: quare quadratum à recta
 an descriptum, duplum est quadratorum à rectis ay ,
 yd descriptorum. quadrato autem à recta an descri-
 pto, equalia sunt quadrata à rectis ad , dn descripta.
 quare quadrata à rectis ad , dn descripta, dupla sunt
 quadratorum à rectis ay , yd descriptorum. verum recta dn ,
 est equalis rectæ Ab . quadrata igitur à rectis ad , Ab ,
 descripta, dupla sunt quadratorum à rectis ay , yd de-
 scripto.

(Συμπέρασμα.) Εάν ἄρα θεῖα γραμμὴ
 τμηθῆ δίχα, προστεθῆ δὲ πρὸ αὐτῆ θεῖα
 ἐπ' αὐτῆς, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης, ὡς τῆς προ-
 σκευμένης· καὶ τὸ ἀπὸ τῆς προσκειμένης, τὰ συ-
 ναμφοτέρα τετραγωνα, διαλλάξια ἐστὶ, τῶν
 ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ ἑξ ἀπὸ τῆς συσκευμέ-
 νης ἕκαστῆς ἡμισείας, καὶ τῆς προσκευμένης,
 ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφῆς τῆς τετραγώνου.
 ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ια. Πρόβλημα.

Τὴν δοθεῖσαν θεῖαν πεμεῖν, ὡς τὸ ὑπὸ
 τῆς ὅλης, καὶ τῶν ἑτέρων τῶν τμημάτων
 περιεχομένον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ
 τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνω.

Εκθεσις.) Εστὼ ἡ δοθεῖσα θεῖα ἡ $\alpha\beta$.
 (Διορισμός.) Δεῖ δὴ τὴν $\alpha\beta$ τεμεῖν, ὡς τὸ
 ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῶν ἑτέρων τῶν τμημάτων
 περιεχομένον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ
 τῶν λοιπῶν τμημάτων τετραγώνω. (Κατα-
 σκευή.) Αναγεγράφθω γὰρ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$ τε-
 τραγώνον τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$: καὶ τεμήσθω ἡ $\alpha\beta$ δίχα
 κατὰ τὸ ε σημεῖον: ἔπειτα ῥιζωθῶ ἡ $\beta\epsilon$, καὶ δι-
 ῥιζωθῶ

scriptorum. (Cōclusio.) Si igitur recta linea secta fuerit in partes duas æquales, eiq₃ adijciatur quædam linea recta $\epsilon\pi$ & $\theta\epsilon\iota\alpha\varsigma$ (è directo) quadratū à tota cum adiecta: & quadratum ab ipsa adiecta hæc inquam duo simul quadrata: dupla sunt quadrati à dimidia descripti, & eius quadrati quod describitur à recta, composita & facta ex dimidia, & adiecta, tanquam esset quadratum ab vna linea recta descriptum. id quod demonstrandum erat.

Propositio XI. Problema.

DAtam lineam rectam ita secare, vt rectangulum quod tota linea recta, & altero segmento continetur, æquale sit quadrato à reliquo segmento descripto.

Explicatio dati.) Sit data linea recta $\alpha\beta$.

(Explicatio quæsit.) Recta igitur $\alpha\beta$, ita secanda est, vt rectangulum quod tota & altero segmento cōtinetur, æquale sit quadrato à reliqua linea recta descripto. (Delin:) Describatur à recta linea $\alpha\beta$ quadratum $\alpha\beta\gamma\delta$: & secetur recta $\alpha\gamma$, in duas partes æquales in puncto ϵ : ac ducatur recta $\beta\epsilon$: extendatur

D 3 tur

ἦχθω ἡ γὰ ἐπὶ τὸ ζ: κ
 κείδω τῇ βεῖση ἡ εζ: κ
 ἀναγεγράφθω ἀπὸ τῆς
 αζ τετραγώνον τὸ ζθ:
 καὶ διήχθω ἡ ἠθ δπὶ τὸ
 κ. (Διορισμὸς τῆς κα-
 τασκῆς.) Λέγω ὅτι ἡ
 αβ τέμνηται κτὸ θ, ὡ-
 σε τὸ ὑπὸ τῶν αβ, βθ
 περιεχόμενον ὀρθογώ-
 νιον, ἴσον εἶναι, τῷ ἀπὸ τῆς αθ τετραγώνῳ.
 (Απόδειξις.) Ἐπει γὰρ ὀρθὴ ἡ αγ, τέμνη-
 ται δίχα κατὰ τὸ ε: προσκείται δὲ αὐτῇ ἡ αζ.
 τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν γζ, ζα περιεχόμενον ὀρ-
 θογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε τετραγώνου ἴσον
 εἶσι τῷ ἀπὸ τῆς εζ τετραγώνῳ. ἴση δὲ ἡ εζ
 τῇ εβ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν γζ, ζα περιεχόμε-
 νον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε τετρα-
 γώνῳ: ἴσον εἶσι τῷ ἀπὸ τῆς εβ τετραγώνῳ.
 ἀλλὰ τῷ ἀπὸ τῆς εβ, ἴσα εἶσι, τὰ ἀπὸ τῶν βα,
 αε. ὀρθὴ γὰρ ἡ πρὸς τῷ α γωνία. τὸ ἄρα ὑπὸ
 τῶν γζ, ζα, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε, ἴσον εἶσι πῶς
 ἀπὸ τῶν βα, αε. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ
 τῆς



tur etiam recta $\gamma\alpha$, ad punctum ζ : & fiat re-
 cta $\beta\epsilon$, æqualis recta $\epsilon\zeta$: præterea à recta $\alpha\zeta$
 describatur quadratum $\zeta\theta$: deniq; extenda-
 tur recta $\eta\theta$ ad punctum ν vsq; κ . (Explicatio
 iam factæ delineationis.) Dico quod recta $\alpha\epsilon$
 sit secta in puncto θ : ut rectangulum quod
 continetur rectis $\alpha\beta$, $\beta\theta$: æquale sit quadra-
 to quod describitur à recta $\alpha\theta$. (Demonstra-
 tio.) Quoniam recta $\alpha\gamma$, secta est in duas par-
 tes æquales in puncto ϵ : eiq; est adiecta recta
 $\alpha\zeta$. rectangulum igitur quod continetur rectis
 $\gamma\zeta$, $\zeta\alpha$, cum quadrato quod à recta $\alpha\epsilon$ descri-
 bitur, æquale erit quadrato quod à recta $\epsilon\zeta$
 describitur: sed recta $\epsilon\zeta$, est æqualis rectæ $\epsilon\beta$.
 ergo rectangulum quod continetur rectis $\gamma\zeta$,
 $\zeta\alpha$ cum quadrato quod describitur à recta $\alpha\epsilon$,
 æquale est quadrato descripto à recta $\epsilon\zeta$: sed
 quadrato à recta $\epsilon\beta$ descripto, sunt æqualia
 duo quadrata à rectis $\zeta\alpha$, $\alpha\epsilon$ descripta. quo-
 niam angulus ad punctū α est rectus. rectan-
 gulum igitur quod continetur rectis $\gamma\zeta$, $\zeta\alpha$, cum
 quadrato à recta $\alpha\epsilon$ descripto, æquale est qua-
 dratis à duab' rectis $\zeta\alpha$, $\alpha\epsilon$ descriptis. Comu-

D 4 ne

τῆς $\alpha\epsilon$. λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν $\gamma\zeta$, $\zeta\alpha$ περι-
 λεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς
 $\alpha\beta$, τετραγώνῳ. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν ὑπὸ τῶν $\gamma\zeta$,
 $\zeta\alpha$ τὸ $\zeta\kappa$. ἴση γὰρ ἡ $\alpha\zeta$, τῇ $\zeta\eta$. τὸ δὲ ἀπὸ τῆς
 $\alpha\beta$, τὸ $\alpha\delta$. τὸ ἄρα $\zeta\kappa$, ἴσον ἐστὶ τῷ $\alpha\delta$. κείνον
 ἀφηρέσθω τὸ $\alpha\kappa$. λοιπὸν ἄρα τὸ $\zeta\theta$, τῷ $\theta\delta$
 ἴσον ἐστὶ. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν $\theta\delta$, τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$,
 $\beta\theta$. ἴση γὰρ ἡ $\alpha\beta$, τῇ $\beta\delta$. τὸ δὲ $\zeta\theta$, τὸ ἀπὸ τῆς
 $\alpha\theta$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\theta$ περιεχόμενον
 ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ἅπλῳ τῆς $\beta\alpha$ τετρα-
 γώνῳ. (Συμπέρασμα.) Ἡ ἄρα δοθεῖσα δι-
 τεῖα ἡ $\alpha\beta$, τέτμηται κατὰ τὸ θ : ὥστε τὸ ὑπὸ
 τῶν $\alpha\beta$, $\beta\theta$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶ-
 ναι τῷ ἅπλῳ τῆς $\beta\alpha$ τετραγώνῳ. ὅπως ἔδει
 ποιῆσαι.

Πρότασις β. θεώρημα.

ΕΝ τοῖς ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἅπλῳ
 τῆς πρὸς ἀμβλείαν γωνίαν ὑποτενύσεως
 πλάτους τετραγώνον: μείζον ἐστὶ τῶν ἀπὸ
 τῆς πρὸς ἀμβλείαν γωνίαν περιεχουσῶν πλά-
 τῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δις ὑπὸ
 τε μιᾶς

ne auferatur quadratum à recta ae descriptū.
 reliquum igitur rectangulum rectis $\gamma\zeta, \zeta a$
 comprehensum, æquale est quadrato à recta
 $a\zeta$ descripto. verum rectangulum quod con-
 tinetur rectis $\gamma\zeta, \zeta a$, est rectangulum ζx : quia
 $a\zeta$ recta, est æqualis rectæ $\zeta \eta$. quadratum ve-
 rò à recta $a\zeta$ descriptum, est ipsum quadratū
 $a\delta$. Ergo ζx quadratum est æquale quadrato
 $a\delta$. Commune auferatur ax . reliquum igitur
 quadratum $\zeta \theta$, est æquale reliquo rectangulo
 $\theta \delta$. est autem rectangulum $\theta \delta$, id quod com-
 prenditur rectis $a\beta, \beta \theta$: quia recta $a\zeta$, æ-
 qualis est rectæ $\beta \delta$: quadratum verò $\zeta \theta$, id
 quod à recta $a\delta$ describitur. Quare rectangu-
 lum quod rectis $a\zeta, \zeta \theta$ continetur, æquale est
 quadrato à recta θa descripto. (Conclusio.)
 Recta igitur data $a\beta$, diuisa est in puncto δ , hac ratio-
 ne, vt rectangulū q̄ rectis $a\beta, \beta \delta$ continetur, sit æqua-
 le quadrato à recta θa descripto. quod faciendum erat.

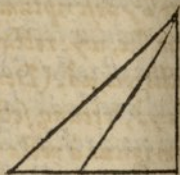
Propositio XII. Theorema.

IN triangulis amblygoniis (id est, obtusum
 habentibus angulum) quadratū quod de-
 scribitur à latere, obtusum angulum subtende-
 nte, maius est quadratis laterum obtusum

D 5 angu

πε μιᾶς τῶν περὶ τῆν ἀμβλεῖαν γωνίαν ἐφ'
 ἡ ἐκβληθεῖσαν, ἢ κάθηται \ominus πῖπει, καὶ τῆς
 ἀπολαμβανομένης ἐκείνης ὑπὸ τῆς καθέτης
 πρὸς τῆ ἀμβλεῖα γωνία.

Εκθεσις.) Εἰς ἀμβλυγώνιον τρίγωνον τὸ
 $\alpha\beta\gamma$, ἀμβλεῖαν ἔχον τῆν ὑπὸ β $\alpha\gamma$ γωνίαν
 καὶ ἤχθω ἀπὸ τῆ β σημεία, ἐπὶ τῆν $\gamma\alpha$ ἐκ-
 βληθεῖσαν κάθηται \ominus ἢ βδ. (Διορισμός.) Λέ-
 γω ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς β γ τετράγωνον, μείζον
 ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν β α , $\alpha\gamma$
 τετραγώνων, τὰ δὲ δις ὑπὸ
 τῶν $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ περιεχομέ-
 νω ὀρθογωνίω. (Απόδει-
 ξις.) Ἐπεὶ γὰρ ὀρθία ἢ γδ
 τέτμηται ὡς ἔτυχε κατὰ
 τὸ α σημεῖον: τὸ ἄρα ἀπὸ
 τῆς γδ, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ γ
 τῶν $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ τετραγώνοις: καὶ τὰ δις ὑπὸ τῶν
 $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ περιεχομένω ὀρθογωνίω. κοινὸν περ-
 σκείσθω γὰρ ἀπὸ τῆς δβ. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν
 γδ, δβ ἴσα ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$, δβ,
 τετραγώνοις, καὶ τὰ δις ὑπὸ τῶν $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$
 περιεχομένω ὀρθογωνίω. ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ
 τῶν



angulum continentium: rectangulo quod bis continetur latere vno obtusum angulum continēte, in quod si producat, perpendicularis cadit: & recta intercepta externē ab ipsa perpendiculari ad angulum obtusum.

Explicatio dati.) Sit triangulus amblygonius $\alpha\beta\gamma$: cuius angulus $\beta\alpha\gamma$ sit obtusus: & ducatur à puncto α , ad rectam $\gamma\alpha$ productā, & extensam perpendicularis recta $\alpha\delta$. (*Explicatio quaesiti.)* Dico quòd quadratum à latere $\beta\gamma$ descriptum, maius sit quadratis laterum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, rectangulo quod bis continetur rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$. (*Demonstratio.)* Quoniam recta $\gamma\delta$, utcumq; secta est in puncto α : quadratum igitur à recta $\gamma\delta$ descriptum, aequale est quadratis à lateribus $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ descriptis, & rectangulo $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ lateribus bis contento. commune addatur quadratum à recta $\alpha\beta$ descriptum. itaq; quadrata à rectis $\gamma\delta$, $\alpha\beta$ descripta, aequalia sunt quadratis à rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$, $\alpha\beta$ descriptis, & rectangulo bis, rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ contento. verum quadratis à rectis $\gamma\delta$, $\alpha\beta$

τῶν γδ, δβ ἴσων ἐστὶ τὸ διπλὸ τῆς γβ. ὀρθὴ γδ
 ἢ πρὸς τὸ δ γωνία. τῆς δλ διπλὸ τῶν αδ, δβ
 ἴσων ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αβ, τὸ ἄρα διπλὸ τῆς βγ
 τετραγώνον, ἴσων ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν γα, αβ
 τετραγώνοις, καὶ τὰ δλῆς ὑπὸ τῶν γα, αδ πε-
 ρεχομένω ὀρθογωνίω. ὥστε τὸ ἀπὸ τῆς γβ
 τετραγώνον, τῶν ἀπὸ τῶν γα, αβ τετραγώ-
 νων, μείζον ἐστὶ τὰ δλῆς ὑπὸ τῶν γα, αδ πε-
 ρεχομένω ὀρθογωνίω. (Συμπέρασμα.)
 Ἐν ἄρα ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ
 τῆς πλῆ ἀμβλείαν γωνίαν ὑποπλευρῆσι πλδ-
 ρᾶς τετραγώνον, μείζον ἐστὶ τῶν διπλῶν τῶν πλῆ
 ἀμβλείαν γωνίαν περιμετρῶν πλδρῶν
 τετραγώνων, τὰ περιεχομένω δλῆς ὑπὸ
 μιᾶς τῶν περὶ πλῆ ἀμβλείαν γωνίαν, ἐφ'
 ἧς ἢ καθ' ἑκάστην ἀπὸ τῆς ἀπολαμ-
 βανομένης ἐπιπέδου ὑπὸ τῆς καθέτης πρὸς τὴν
 ἀμβλείαν γωνίαν. ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ιγ. θεώρημα.

ΕΝ τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ διπλὸ τῆς
 πλῆ ὀξείαν γωνίαν ὑποπλευρῆσι πλδρῆς
 τετραγώνον, ἐλαττόν ἐστὶ τῶν διπλῶν τῶν πλῆ
 ὀξείαν

$\gamma\delta$, & $\delta\epsilon$ descriptis, æquale est quadratum à re-
 cta $\gamma\epsilon$, quia angulus ad pūctum δ est rectus,
 & quadratis à lineis rectis ad, $\delta\beta$ descriptis,
 æquale est quadratum à recta $\alpha\epsilon$ descriptum.
 Quare quadratum à recta $\beta\gamma$ descriptum,
 æquale est quadratis à rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\epsilon$ descri-
 ptis, & rectangulo quod rectis $\gamma\alpha$, ad bis con-
 tinetur, idcirco & quadratum à recta $\gamma\beta$ de-
 scriptum, maius est quadratis à lineis rectis
 $\gamma\alpha$, $\alpha\epsilon$ descriptis: rectangulo quod rectis $\gamma\alpha$,
 ad bis continetur. (Conclusio.) In triangu-
 lis igitur amblygonijs, quadratum quod de-
 scribitur à latere obtusum angulum subtē-
 dente, maius est quadratis laterum obtusum
 illum angulum continentium, rectangulo
 quod bis continetur vno ex lateribus angu-
 lum obtusum continentibus, in quod cadit
 perpendicularis si productum fuerit: & linea
 recta intercepta ad angulum obtusum ab ip-
 sa perpendiculari. quod demonstrandū erat.

Propositio XIII. Theorema.

IN triangulis oxygonijs, quadratum descri-
 ptum à latere acutum angulum subtē-
 dente.

ὀξείαν γωνίαν περιεχσῶν πλῆρῶν τετραγώνων, τῶ περιεχομένῳ δὲ ἵσῳ ἔσῃ ἡ μίαι τῶν ὀξείων γωνίαν ἐφ' ἧς ἡ κάθετος εἰς τὴν ὀξείαν γωνίαν ἐπιπέσει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐπιπέσου πρὸς τῆς καθέτης πρὸς τῆ ὀξεία γωνία.

Εκθεσις.) Ἐστω ὀξυγώνιον τρίγωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$ ὀξείαν ἔχων τὴν πρὸς τῷ β γωνίαν: καὶ ἦχθῃ ἀπὸ α σημεῖον ὅπῃ τὴν $\beta\gamma$ κάμπτῃ δ ἢ $\alpha\delta$.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ἀπὸ α γ τετράγωνον, ἐλαττόν ἐστι, τῶν ἀπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\alpha$ τετραγώνων τῶ δὲ ἵσῳ ἔσῃ ἡ ἀπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Ἀπόδειξις) Ἐπεὶ γὰρ

ὀρθογώνιον ἔσῃ τὸ $\alpha\delta\gamma$ ὡς ἔτυχε καὶ τὸ δ . τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta$ τετραγωνα, ἴσα ἐσὶ τῶν δὲ ἵσῳ ἔσῃ ἡ ἀπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ,

καὶ τῶ ἀπὸ τῆς $\delta\gamma$ τετραγώνῳ. κοινὸν προσκείσθῃ τὸ ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$ τετραγώνον. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta, \delta\alpha$ τετραγωνα, ἴσα ἐσὶ τῶν δὲ ἵσῳ ἔσῃ ἡ ἀπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\delta, \delta\gamma$ τετραγώνοις.

ἔλλα



dente, minus est quadratis laterum acutum illum angulum continentium, rectangulo quod bis continetur vno latere eorum, quæ acutum continent angulum, & in quod ipsa cadit perpendicularis: & linea interne ab ipsa perpendiculari intercepta, ad ipsum angulū acutum.

Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\beta\gamma$, habens acutum angulum ad punctum β , & ducatur à puncto α , ad lineam rectam $\beta\gamma$ perpendicularis recta ad . (*Explicatio quæsitæ.*) Dico quod quadratum à recta $\alpha\gamma$ descriptum, sit minus quadratis laterum $\gamma\beta$, $\beta\alpha$: rectangulo quod $\gamma\beta$, βd rectis bis continetur. (*Demonstratio.*) Quoniam recta $\gamma\beta$ utcumq; secta est in puncto d . quadrata igitur à rectis $\gamma\beta$, βd descripta, equalia sunt rectangulo quod rectis $\gamma\beta$, βd bis continetur, & quadrato à recta $d\gamma$ descripto. Commune addatur quadratum à recta ad descriptum. quadrata igitur à rectis $\gamma\beta$, βd descripta, equalia sunt rectangulo quod bis continetur rectis $\gamma\beta$, βd , & quadratis à lineis rectis ad , $d\gamma$ descriptis. Verum qua-
dratis

ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ τῶν βδ, δα, ἴσον ἐστὶ τὸ ἀ-
πὸ τῆς αβ. ὀρθὴ γὰρ ἡ πρὸς τὰ δ γωνία.
οἷς δ' ἀπὸ τῶν αδ, δγ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς
αγ. τὰ ἄρα ὑπὸ τῶν γβ, βα, ἴσα ἐστὶ τὰ π-
ἀπὸ τῆς αγ, καὶ τὰ δις ὑπὸ τῶν γβ, βδ.
ὥστε μόνον τὸ ἀπὸ τῆς αγ ἔλαττον ἐστὶ τῶν ἀ-
πὸ τῶν γβ, βα τετραγώνων, τὰ δις ὑπὸ
τῶν βγ, βδ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμ-
πέρασμα.) Ἐν ἄρα τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώ-
νοις, τὸ ἀπὸ τῆς τῶν ὀξείαν γωνίαν ὑποπ-
νέσεως πλάγους τετραγώνου, ἔλαττον ἐστὶ τῶν
ἀπὸ τῶν τῶν ὀξείαν γωνίαν περιεχουσῶν
πλάγῶν τετραγώνων, τὰ περιεχομένῳ δις
ὑπό τε μιᾶς ἢ περι τῶν ὀξείαν γωνίαν ἐφ'
λεῖ ἢ καθετῆ πλάγῃ, καὶ τῆς ἀπολαμβα-
νομένης ἐν τῷ ὑπὸ τῆς καθετῆ, πρὸς τῆ ὀ-
ξεία γωνία. ὥστε ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ιδ. Πρόβλημα.

Τὸ δοθέντι ὀξυγωνίῳ, ἴσον τετραγώ-
νον συστήσασθαι.

Εκζη

dratis à rectis Cd , da descriptis, æquale est
 quadratum à recta ab descriptum. quia an-
 gulus ad d punctum est rectus. quadratis ve-
 rò à rectis ad , dy descriptis, æquale est qua-
 dratum à recta ay descriptum. itaq; rectan-
 gula quæ rectis $\gamma\beta$, βa continentur, æqualia
 sunt quadrato à recta ay descripto, & rectan-
 gulo γC , βd rectis bis contento. erit igitur v-
 nicum quadratum à recta ay descriptum mi-
 nus, quadratis à rectis $\gamma\beta$, βa descriptis re-
 ctangulo quod rectis $\beta\gamma$, βd bis continetur.
 (Conclusio.) In triangulis igitur *oxygonijs*,
 quadratum quod describitur à latere subten-
 dente angulum acutum, minus est quadratis
 laterum angulum illum acutum continentium,
 rectangulo, quod bis continetur vno ex
 lateribus angulum illum acutum continen-
 tibus, in quod perpendicularis cadit: & linea
 internè intercepta à perpendiculari ad angu-
 lum illum acutum. quod erat demonstrandū.

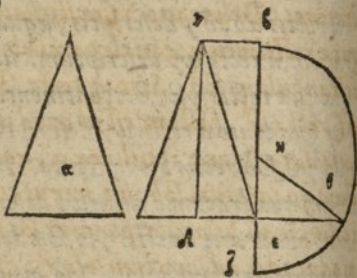
Propositio XIII. Problema.

DAtæ figure rectilineæ æquale quadratum
 constituere.

E Expli-

Εκθεσις.) Εσω τὸ δοθέν ὀρθόγραμμον τὸ
 α . (Διορισμός.) Δεῖ δὴ τὰ α ὀρθογράμματα,
 ἴσον τετράγωνον συστήσασθαι. (Κατασκευή.)

Συμμετρίω
 τὰ α ὀρθο-
 γράμματα,
 ἴσον παρα-
 ληλόγραμ-
 μον ὀρθο-
 γώνιον τὸ
 $\beta\delta$. εἰ μὲν
 ἔν ἴση ἔσιν



ἢ βε, τῆ $\epsilon\delta$, γεγονὸς αὖ εἴη τὸ ὄπισθεν. συ-
 νίσταται γὰρ τὰ α ὀρθογράμματα, ἴσον τετράγω-
 νον τὸ $\beta\delta$. εἰ δὲ ἔξ, μία τῶν βε, $\epsilon\delta$ μείζων ἔσιν.
 ἔσω μείζων ἢ βε, καὶ ἐκβεβλήσθω ὅππὶ τὸ ζ:
 καὶ κείσθω τῆ $\epsilon\delta$ ἴση ἢ ζε: καὶ τεμήσθω ἢ ζβ
 δίχα κατὰ τὸ η̄: καὶ κέντρῳ μὲν τὰ η̄, διαστή-
 ματι δὲ ἐνὶ τῶν η̄β, η̄ζ, ἡμικύκλιον γεγραφ-
 θῶ τὸ βθζ: καὶ ἐκβεβλήσθω ἢ δε, ὅππὶ τὸ θ: καὶ
 ἐπεζόχθω ἢ η̄θ. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ ἔν ὀ-
 ρθεῖα ἢ βζ τέτμηται εἰς μὲν ἴσου κατὰ τὸ η̄, εἰς
 δὲ αἴσιον καὶ τὸ ε. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, ἐξ πε-
 ριχό-

Explicatio dati.) Sit data figura rectilinea a . (Explicatio quaesiti.) Data igitur rectilinea figura a , constituendum est æquale quadratum. (Delineatio.) Constituatur datae figurae rectilineae a , æquale parallelogrammum rectangulum $\beta\delta$. Si itaq; recta βe , æqualis est rectae $e\delta$, factum est id quod iussum erat. quia datae figurae rectilineae a , æquale est factum quadratum $\beta\delta$. sin minus, una ex his rectis βe , $e\delta$ sit maior, ponatur βe maior, eaq; producatu ad punctum vsq; ζ : & fiat rectae $e\delta$ æqualis recta ζe : secetur recta $\zeta\beta$ in duas partes æquales in puncto η : postea cetro η , intervallo vel $\eta\beta$, vel $\eta\zeta$ describatur semicirculus $\epsilon\theta\zeta$: producatuq; recta $d\epsilon$, ad punctum vsq; θ : fiatq; recta $\eta\theta$. (Demonstratio.) Quoniam recta $\beta\zeta$ secta est in partes quidem æquales in puncto η , in partes verò inæquales in puncto e . rectangulum igitur quod continetur rectis βe , $e\zeta$, cum quadrato à recta $e\eta$ descripto, æquale est quadrato à recta $\eta\zeta$ descripto. sed recta $\eta\zeta$ æqualis est rectae $\eta\theta$. rectangulum igitur rectis βe , $e\zeta$ contentum

E 2 cum

ρεχόμενον ὀρθογώνιον, μὲν δ' ἀπὸ τῆς εἰς τε-
 τραγώνου: ἴσον ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῆς εἰς τετραγώνου.
 ἴση δὲ ἡ ἠζ, τῆς ἠθ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, εζ,
 μετὰ τῆς ἀπὸ τῆς ἠε, ἴσον ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῆς ἠθ,
 πρὸς δὲ ἀπὸ τῆς ἠθ, ἴση ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν θε, ηε
 πετράγωνα. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, εζ, μετὰ
 τοῦ ἀπὸ τῆς ἠε, ἴση ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῶν θε, ηε.
 κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ τῆς ἠε πετράγω-
 νον. λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν βε, εζ, περιε-
 χόμενον ὀρθογώνιον: ἴσον ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῆς εἰς
 τετραγώνου. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν βε, εζ, τὸ εδ
 ἐστίν. ἴση γὰρ ἡ εζ, τῆς εδ. τὸ ἄρα βδ παραλ-
 ληλόγραμμον, ἴσον ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῆς εἰς ἀνα-
 γραφομένῳ πετράγῳ. (Συμπέρασμα.)
 Τῷ ἄρα δοθέντι ὀρθογώνῳ πρὸς ἴσον πε-
 τράγωνον συνίσταται, τὸ ἀπὸ τῆς εἰς
 ἀναγραφοσόμνον. ὅπερ
 εἶδει ποιῆσαι.

ΤΕΛΟΣ.

cum quadrato à recta $\eta\epsilon$ descripto, æquale est quadrato à recta $\eta\theta$ descripto. Verum huic quadrato à recta $\eta\theta$ descripto, æqualia sunt quadrata à rectis $\theta\epsilon$, $\eta\epsilon$ descripta. Rectangulum igitur rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$ contentum, cum quadrato à recta $\eta\epsilon$ descripto, hæc inquam sunt æqualia quadratis à rectis $\theta\epsilon$, $\eta\epsilon$ descriptis. Commune auferatur quadratum à recta $\eta\epsilon$ descriptum. reliquum igitur rectangulum quod rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$ continetur, æquale est quadrato à recta $\epsilon\theta$ descripto: sed rectangulum $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$ rectis contentum est rectangulum $\beta\delta$: quia $\epsilon\zeta$ recta æqualis est $\epsilon\theta$ recta. quare parallelogrammum $\beta\delta$, æquale est quadrato ab $\epsilon\theta$ recta descripto. (Conclusio.) Data igitur figura rectilinea α , constitutum est æquale quadratum à recta $\epsilon\theta$ descriptum. Quod faciendum erat.

FINIS.

E 3

ΒΑΡΛΑΑΜ ΜΟΝΑΧΟΥ,
ΑΡΙΘΜΗΤΙΚΗ ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ, ΤΩΝ
γραμμικῶς ἐν τῷ δ' αὐτῷ τῶν σι-
χρῶν ἀποδειχθέντων.

ΟΡΟΙ.

Αριθμὸν, ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν
λέγω: ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν τῷ πολλαπλα-
σιάζοντι μονάδες: τοσούτοις σωληθεῖς ὁ πολ-
πλαπλασιαζόμενος ποιῆσθ' τινα: ὃν καὶ μετρεῖ,
καὶ τὰς ἐν τῷ πολλαπλασιάζοντι μονάδας.

Καλῶ δ' αὐτὸν τὸν ἐκ τέττων γνόμων:
ἑπίπεδον.

Τετράγωνον δ' ἀριθμὸν λέγω, τὸν γνό-
μων ἀπὸ τινος ἑαυτὸν πολλαπλασιάσαντος.

Αριθμὸν ἀριθμῶν μέρους λέγω: τὸ ἐλάτ-
τονα τοῦ μείζονος, ἢ ἂν μετρεῖ, ἢ ἂν μετρεῖ
τὸν μείζονα.

ΠΡΟΤΑΣΕΙΣ.

Πρώτη α. Γεώρημα.

ΕΑν δύο ἀριθμῶν ὄντων διαιρεθῆ ὁ ἕτερος
αὐτῶν εἰς ὅσους δηλοιοῦν ἀριθμῶς: ὁ ἐκ
τῶν

71.

BARLAAM MONACHI,
ARITHMETICA DEMON-
stratio eorum, quæ Euclides libro secundo
suorum elementorum in lineis & fi-
guris planis demonstravit.

DEFINITIONES.

Numerum dico multiplicare alium nu-
merum: quando quot in eo qui multi-
plicat sunt unitates: toties numerus multipli-
candus, compositus: producit aliquem nume-
rum: quem secundum unitates quæ sunt in nu-
mero multiplicante metitur.

Illum verò qui ex eiusmodi multiplica-
tione producit, nomino planum.

Quadratū voco numerum, qui fit ex mul-
tiplicatione alicuius numeri in seipsum.

Deniq; numerum alterius numeri partem
esse dico: minorem maioris, siue minor maio-
rem metiatur: siue non metiatur.

PROPOSITIONES.

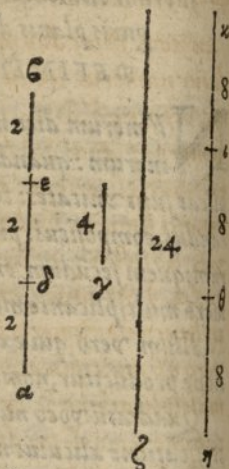
Propositio prima. Theorema.

Siduo bus propositis numeris, alter illorū
diuidatur in aliquot numeros quotquot

E 4 sint:

τῶν ἐξαρχῆς δύο ἀριθμῶν Ἰπίπεδ \odot δριθ-
 μός: ἴσος ἐστὶ τοῖς ἐκλετῶ ἀδιαρέτῃ, καὶ ἐκά-
 στῶν μερῶν τῶ διαρεθέν \odot γνομένοις ἐ-
 πιπέδοις.

Εκφεσις.) Εσωσαν
 δύο δριθμοὶ ἢ $\bar{a}\beta$, γ :
 καὶ διηρόσω ὁ $\bar{a}\beta$, εἰς
 ὅσας δηποτοῦν δριθ-
 μος, τῶς $\bar{a}\delta$, $\delta\epsilon$, $\epsilon\beta$.
 (Διορισμός.) Λέγω ὅ-
 τι ἐκ τῶ $\bar{a}\beta$ Ἰπίπε-
 δ \odot : ἴσος ἐστὶ τοῖς ἐκ τῶ
 $\bar{a}\delta$: γ , $\delta\epsilon$: $\bar{a}\beta$, $\epsilon\beta$ ἐ-
 πιπέδοις. (Καλασκ.)
 Εσω γὰρ ἐκ μὲν τῶν γ ,
 $\bar{a}\beta$, ὁ ζῶ ἐκλετῶν $\bar{a}\delta$
 ὁ $\eta\theta$: ἐκ δὲ τῶ $\bar{a}\beta$, $\delta\epsilon$, ὁ θ :
 ἐκ δὲ τῶ $\bar{a}\beta$, $\epsilon\beta$ ὁ κ . (Απόδ.) Καὶ ἐπεὶ ὁ $\bar{a}\beta$ τῶ
 πολλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸν ζῶ ἄρα γ με-
 τρεῖ τῶ ζῶ, καὶ τὰς ἐν τῶ $\bar{a}\beta$ μονάδας. Διὰ τὰ αὐ-
 τὰ δὲ καὶ τὸν $\eta\theta$ μετρεῖ: καὶ τὰς ἐν τῶ $\bar{a}\delta$ μο-
 νάδας: τὸν δὲ θε καὶ τὰς ἐν τῶ $\delta\epsilon$: τῶ δὲ $\epsilon\beta$: κα-
 τὰ τὰς ἐν τῶ $\epsilon\beta$ μονάδας. Ὀλον ἄρα τὸν $\eta\kappa$
 μετρεῖ



fiat: numerus planus, qui fit ex multiplicatione duorum ab initio propositorum numerorum, erit æqualis numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numeri non diuisi, & vnaquaq; parte numeri diuisi.

Ex 7e 15.) Sint duo numeri $\alpha\beta$, & γ : ac diuidatur numerus $\alpha\beta$ in quocunq; alios numeros, utpote $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$, $\epsilon\beta$. (Διορισμός.) Dico qd numerus planus qui fit ex numerorum γ , & $\alpha\beta$ multiplicatione: æqualis sit numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numerorum γ , & $\alpha\delta$: item γ , & $\delta\epsilon$: deniq; γ , & $\epsilon\beta$. (Καταστροφή.) Sit enim ζ numerus planus ex multiplicatione numerorum γ , & $\alpha\beta$ productus: $\eta\theta$ vero ex multiplicatione γ , & $\alpha\delta$: θ : vero ex multiplicatione γ , & $\delta\epsilon$: deniq; ex multiplicatione γ , & $\epsilon\beta$ producatur numerus $\iota\kappa$. (Απόδειξις.) Cum itaq; numerus $\alpha\beta$ multiplicando numerum γ , produxit numerum ζ : idcirco numerus γ , metitur numerum ζ , iuxta unitates quæ sunt in numero $\alpha\beta$. Per eadem demonstrabimus, quod numerus γ etiam metiatur numerum $\eta\theta$, penes unitates, quæ sunt in numero $\alpha\delta$: numerum vero θ per unitates quæ sunt in numero $\delta\epsilon$: deniq; numerum $\iota\kappa$, secundum unitates quæ sunt in numero $\epsilon\beta$.

μετρῆ ὁ γ: κατὰ τὰς ἐν τῷ ᾱβ μονάδας. ἐ-
 μέτρῃ δὲ καὶ τὸν ζ, κατὰ τὰς ἐν τῷ ᾱβ μονά-
 δας. ἐκάτερος ἄρα τῶν ζ, ἦκ, ἰσάκεις ἐστὶ πολ-
 λαπλάσι. Θ τῷ γ. οἱ δὲ τῷ αὐτοῦ ἰσάκεις
 πολλαπλάσιοι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἴσ Θ ἄρα
 εἰσὶν ὁ ζ τῷ ἦκ. καὶ εἰσὶν ὁ μὲν ζ, ὁ ἐκ τῶν γ,
 αβ ἑπίπεδοι Θ , ὁ δὲ ἦκ, ὁ συγκείμενος Θ ἐκ
 πε τῷ γ, ἑκάστω τῶν ᾱδ, δέ, ἐβ ἑπίπεδων.
 ὁ ἄρα ἐκ τῶν γ, αβ ἑπίπεδοι Θ ἴσ Θ ἐστὶ τῶν
 ἐκ πε τῷ γ, ἑκάστω τῶν ᾱδ, δέ, ἐβ ἑπίπε-
 δοις. (Συμπέρασμα.) Ἐὰν ἄρα δύο ἀριθ-
 μῶν ὄντων: διαρῆθῃ ὁ ἕτερος Θ αὐτῶν εἰς ὅσους
 ἀριθμοὺς ἀριθμοὺς: ὁ ἐκ τῶν ἐξ ἀριθμοῦ δύο ἀ-
 ριθμῶν ἑπίπεδος ἴσος ἐστὶ τοῖς ἐκ πε Θ ἀδια-
 ρῆτος, καὶ ἐκάστω τῶν μερῶν τῷ διαρῆθῆναι Θ
 ἑπίπεδοις. ὅπως ἔδει δεῖξαι.

Πρότεσις β. Γεώρημα.

ΕΑν ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς διαρῆθῃ:
 δύο ἑπίπεδοι ἀριθμοὶ οἱ γινόμενοι ἐκ πε Θ
 ὅλου, καὶ ἐκάστω τῶν μερῶν, συναμφοτέροι:
 ἴσοι εἰσὶ τῷ ἀπὸ τῷ ὅλου τετραγώνῳ.

Εκθε-

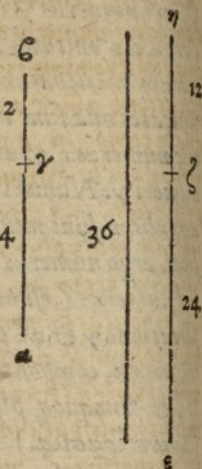
Quare numerus γ totum numerum $\eta\kappa$ metitur iuxta vnitates, quæ sunt in numero $\alpha\beta$. Verum metiebatur antea numerum ζ , penes vnitates quæ sunt in numero $\alpha\beta$. Vterq; igitur numerus ζ & $\eta\kappa$ æqualiter est multiplex numeri γ . Numeri verò qui eiusdem numeri æqualiter sunt multiplices, æquales inter se sunt. ergo numerus ζ , æqualis est numero $\eta\kappa$. sed numerus ζ , est numerus planus, ex multiplicatione γ & $\alpha\beta$ productus. alter verò numerus $\eta\kappa$, compositus ex numero γ non diuiso, & vnoquoq; plano numero $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$, $\epsilon\zeta$. ($\Sigma\mu\omega\epsilon\epsilon\gamma\sigma\mu\alpha.$) Si igitur fuerint duo numeri, quorum alter diuisus sit in quoscunq; alios numeros: tum numerus planus qui fit ex multiplicatione duorum ab initio propositorum numerorum: æqualis est numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numeri non secti, & singulis partibus eius numeri qui diuisus & sectus est. Quod erat demonstrandum.

Propositio II. Theorema.

SI numerus aliquis diuisus fuerit in alios duos numeros: tum numeri plani qui fiunt ex multiplicatione totius, & vtriusq; partis, hi ambo coniuncti: erunt æquales quadrato numero totius numeri propositi.

Εκθεσις.) Αριθμὸς
 γὰρ ὁ $\bar{\alpha}\beta$ διηρήθω εἰς 6
 δύο ἀριθμοὺς τὰς $\bar{\alpha}\gamma$,
 $\bar{\gamma}\beta$. (Διορισμὸς.) Λέ-
 γω ὅτι δύο ἴπιδιοι ἀ-
 ριθμοὶ, ὅτε ἐκ τῶν $\bar{\alpha}\beta$,
 $\bar{\alpha}\gamma$: καὶ ὅτε ἐκ τῶν $\bar{\alpha}\beta$, $\bar{\gamma}\beta$
 σωτηθέντες: ἴσοι εἰσὶ τῷ
 ἀπὸ τοῦ $\bar{\alpha}\beta$ τετραγώ-
 νῳ. (Καλασκάη.) Οἱ γὰρ
 $\bar{\alpha}\beta$ ἑαυτὸν πολλαπλα-
 σιάσας ποιήτω τὸν δ:
 ὁ δὲ $\bar{\alpha}\gamma$, τὸν $\bar{\alpha}\beta$ πολλα-
 πλασιάσας: ποιήτω τὸ

$\bar{\epsilon}\zeta$: τὸν δὲ αὐτὸν $\bar{\alpha}\beta$ καὶ ὁ $\bar{\gamma}\beta$ πολλαπλασιά-
 σας ποιήτω τὸ $\zeta\eta$. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ τοίνυν ὁ
 $\bar{\alpha}\gamma$ τὸν $\bar{\alpha}\beta$ πολλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸν $\bar{\epsilon}\zeta$.
 ὁ ἄρα $\bar{\alpha}\beta$ μετρεῖ τὸν $\bar{\epsilon}\zeta$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\bar{\alpha}\gamma$ μονά-
 दास. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\bar{\gamma}\beta$, τὸν $\bar{\alpha}\beta$ πολλαπλα-
 σιάσας, ἐποίησε τὸν $\zeta\eta$: ὁ ἄρα $\bar{\alpha}\beta$ μετρεῖ τὸν
 $\zeta\eta$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\bar{\gamma}\beta$ μονάदास. ἐμέτρεε δὲ καὶ
 τὸν $\bar{\epsilon}\zeta$, κατὰ τὰς ἐν τῷ $\bar{\alpha}\gamma$ μονάदास. ὅλον ἄρα
 τὸν $\epsilon\eta$, μετρεῖ ὁ $\bar{\alpha}\beta$, κατὰ τὰς ἐν ἑαυτῷ μονά-
 दास.



Εξ ἧτος.) Diuidatur enim numerus $\alpha\beta$, in
 duos alios numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. (Διορισμὸς.) Di-
 co quod duo numeri plani qui fiunt ex multi-
 plicatione $\alpha\beta$, & $\alpha\gamma$. deinde $\alpha\beta$, & $\beta\gamma$: hi in-
 quam compositi, æquales sint quadrato nu-
 mero, qui fit ex multiplicatione numeri $\alpha\beta$
 in seipsum. (Κατασκευὴ.) Numerus enim $\alpha\beta$
 seipsum multiplicando, producat numerum δ :
 numerus etiam $\alpha\gamma$, multiplicando numerum
 $\alpha\beta$, producat numerum $\epsilon\zeta$: rursus numerus $\gamma\beta$,
 multiplicando eundem numerum $\alpha\beta$: faciat
 numerum $\zeta\eta$. (Ἀποδείξις.) Cum itaq; $\alpha\gamma$ nu-
 merus multiplicando numerum $\alpha\beta$, produxe-
 rit numerum $\epsilon\zeta$. igitur numerus $\alpha\beta$ metitur
 numerum $\epsilon\zeta$ secundum vnitates quæ sunt in
 numero $\alpha\gamma$. Rursus quoniam $\gamma\beta$ numerus,
 multiplicauit $\alpha\beta$ numerum: & produxit nu-
 merum $\zeta\eta$: idcirco $\alpha\beta$ metietur numerum $\zeta\eta$
 secundum vnitates quæ sunt in numero $\gamma\beta$.
 Verum idem numerus $\alpha\beta$ metiebatur antea
 quoq; numerum $\epsilon\zeta$, iuxta vnitates quæ sunt
 in numero $\alpha\gamma$. Ergo numerus $\alpha\beta$, totum nu-
 merum $\epsilon\eta$ metietur iuxta vnitates quæ in ipso
 $\alpha\beta$ sunt.

νάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\gamma\beta$ τὸν $\alpha\beta$ πολλαπλα-
 σιάσας, ἐποίησε τὸν $\zeta\eta$: ὁ ἄρα $\alpha\beta$ μετρῆ τὸν
 $\zeta\eta$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\gamma\beta$ μονάδας. ἐμέτρῃ δὲ καὶ
 τὸν ἐξ $\zeta\eta$ τὰς ἐν τῷ $\alpha\gamma$ μονάδας. ὅλον ἄρα τ
 εἷ, μετρῆ ὁ $\alpha\beta$, κατὰ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας.
 πάλιν ἐπεὶ ὁ $\alpha\beta$ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας,
 ἐποίησε τὸν δ : μετρῆ ἄρα καὶ τὸν δ , καὶ τὰς ἐν
 ἑαυτῷ μονάδας. ἐκάτερον ἄρα τῶν δ , εἰ: με-
 τρῆ ὁ $\alpha\beta$, κατὰ τὰς ἐν ἑαυτῷ μονάδας. ὁσι-
 πλάσιον ἄρα ἐστὶν ὁ δ , τῷ $\alpha\beta$: τοσαύτῃ πλά-
 σιον ἐστὶ καὶ ὁ εἷ τοῦ $\alpha\beta$. οἱ δὲ τῷ αὐτῷ ἀριθ-
 μοῦ ἰσάκεις πολλαπλάσιοι ἀριθμοὶ: ἴσοι ἀλ-
 λήλοις εἰσιν. ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ δ , τῷ εἷ. καὶ ἐστὶ
 ὁ μὲν δ , ὁ ἀπὸ τῷ $\alpha\beta$ πετράγωνον, ὁ δὲ εἷ,
 σωληθεὶς ἐκ δύο ὀπίπεδων ἀριθμῶν, τῶν ἐκ
 τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. ὁ ἄρα ἀπὸ τῷ $\alpha\beta$ πε-
 τράγωνον: ἴσος ἐστὶ τῷ συγκείμενῳ, ἐκ δύο ὀ-
 πιπέδων, τῶν ἐκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$.
 (Συμπέρασμα.) Ἐὰν ἄρα ἀριθμὸς εἰς δύο
 ἀριθμοὺς διαυρεθῆ: δύο ὀπίπεδοι ἀριθμοὶ, οἱ
 γινόμενοι ἐκτε τῷ ὅλῳ, καὶ ἐκαστέρῳ τῶν μερῶν συ-
 ναμφοτέροισι ἴσοι εἰσιν τῷ ἀπὸ τοῦ ὅλῳ πετρα-
 γώνῳ. ὅπως εἶδη δεῖξαι.

πρότερον

$\alpha\beta$ sunt. Præterea quoniã $\alpha\beta$ numerus mul-
 tiplicando seipsum, produxit numerum d : id-
 circo numerus $\alpha\beta$, metietur seipsum iuxta v-
 nitates quas in seipso continet. Quare metie-
 tur utrunq, scilicet numerum d , & numerum
 $e\eta$: per vnitates quæ in ipso $\alpha\beta$ numero sunt.
 Quotuplex igitur numerus d , est numeri $\alpha\beta$:
 totuplex etiam est numerus $e\eta$, numeri $\alpha\beta$.
 Numeri verò qui eiusdem sunt æqualiter
 multiplices, inter se æquales sunt. Quare nu-
 merus d , est æqualis numero $e\eta$: & nume-
 rus d , est quadratus factus ex $\alpha\beta$ nume-
 ro. numerus verò $e\eta$ factus & compositus ex
 duobus numeris planis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: & $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$.
 Numerus itaq, quadratus ex $\alpha\beta$ numero: æ-
 qualis est numero plano, composito ex nu-
 meris $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. ($\Sigma\mu\tau\acute{\epsilon}\rho\sigma\mu\alpha$.) Si
 igitur aliquis numerus diuisus fuerit in duos
 numeros alios: tum numeri plani qui fiunt ex
 multiplicatione totius, & vtriusq, partis: hi
 ambo coniuncti, erunt æquales quadrato nu-
 mero totius propositi numeri. quod demon-
 strandum erat.

Propo^{si}

Πρότασις γ. Γεώρημα.

ΕΑΝ ἀριθμὸς διαιρεθῆ εἰς δύο ἀριθμοὺς ὅ
 ἕκ τε ὅλα, καὶ ἑνὸς τῶν μερῶν ἴπιπέδω
 δⓈ: ἴσⓈ ἐστὶ τῶ ἕκ τῶν μερῶν ἴπιπέδω,
 ζῶ τῶ ἀπὸ τοῦ ἀφαιρεμένου μέρους τετρα-
 γώνω.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γδ
 ὁ ἄβ διηρέσθω εἰς δύο ἀ-
 ριθμοὺς τοὺς ἄγ, γβ. 6

(Διορισμὸς.) Λέγω ὅτι
 ὁ ἕκ τῶν ἄβ, βγ, ἴπιπέ- 2

δⓈ: ἴσος ἐστὶ τῶ ἕκ τῶ
 ἄγ, γβ ἴπιπέδω, ἔ τῶ 4

ἀπὸ τῶ γβ τετραγώ-
 νω. (Καλασκαδῆ.) Οἱ γδ 12

ἄβ πολλαπλασιάτω τῶ
 γβ, καὶ ποιήτω τὸν δ: ὁ 8

δὲ ἄγ, τὸν γβ πολλα-
 πλασιάτω, καὶ ποιήτω 6

τὸν εζ: ὁ δὲ γβ ἑαυτὸν
 πολλαπλασιάσας ποιήτω τὸν ζη. (Από-
 δέξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ ἄβ τὸν γβ πολλαπλα-
 σιάσας, ἐποίησε τὸν δ: ὁ ἄρα γβ, μετρεῖ τὸν
 δ, καὶ

Propositio III. Theorema.

SI numerus aliquis diuidatur in duos numeros: numerus planus qui fit ex multiplicatione totius & vnius partis: æqualis est numero plano, facto ex partibus, & numero quadrato, producto ex parte prædicta.

Εκθεσις.) Sit enim numerus $\alpha\epsilon$, qui diuidatur in duos numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. (Διορισμός.) Dico quòd numerus planus, qui fit ex multiplicatione numerorum $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$: æqualis sit numero plano facto ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: & quadrato ex $\gamma\beta$ numero producto. (Κατασκευή.) Numerus enim $\alpha\epsilon$, multiplicando numerum $\gamma\beta$, producat numerum δ . deinde $\alpha\gamma$ numerus, multiplicando numerum $\gamma\beta$: producat numerum $\epsilon\zeta$. deniq; $\gamma\beta$ numerus, multiplicando seipsum producat numerum $\zeta\eta$. (Απόδειξις.) Cum igitur numerus $\alpha\beta$, multiplicando numerum $\gamma\beta$, produxerit numerum δ : idcirco numerus $\gamma\epsilon$, metitur numerum δ , iuxta vnitates quæ sunt in numero $\alpha\epsilon$. Ad hæc quoniam numerus $\alpha\gamma$ multiplicauit numerum $\gamma\beta$: & produxit numerum $\epsilon\zeta$. ergo $\gamma\epsilon$ numerus, metitur numerum $\epsilon\zeta$ iuxta vnitates

F tes

δ , κ $\bar{\epsilon}$ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ
 $\alpha\gamma$, τὸν $\gamma\beta$ πλλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸν $\epsilon\zeta$.
ὁ ἄρα $\gamma\beta$, μετρῆ τὸν $\epsilon\zeta$, κ $\bar{\epsilon}$ τὰς ἐν τῷ $\alpha\gamma$ μονά-
νάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\gamma\beta$ ἑαυτὸν πλλαπλα-
σιάσας, ἐποίησε τὸ $\zeta\eta$. μετρῆ ἄρα ὁ $\gamma\beta$ τὸ $\zeta\eta$,
κατὰ τὰς ἐν ἑαυτῷ μονάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ
τὸν $\epsilon\zeta$ κ $\bar{\epsilon}$ τὰς ἐν τῷ $\alpha\gamma$ μονάδας. ὅλον ἄρα
τὸν $\epsilon\eta$, μετρῆ ὁ $\gamma\beta$, κατὰ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μονά-
νάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν δ , κατὰ τὰς ἐν τῷ
 $\alpha\beta$ μονάδας. ἰσάκεις ἄρα ὁ $\gamma\beta$, ἐκάτερον
τῶν δ , $\epsilon\eta$ μετρῆ. οἱ δὲ ὑπὸ τοῦ αὐτοῦ ἰσά-
κεις μετρέμενοι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἴσος ἄρα
ἐστὶν ὁ δ , τῷ $\epsilon\eta$, κ $\bar{\epsilon}$ ἐστὶν ὁ $\mu\delta$, ὁ $\epsilon\kappa$ τῶν $\alpha\beta$, ἐν
ἐπίπεδῳ Θ . ὁ δὲ $\epsilon\eta$, ὁ $\epsilon\kappa$ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ἴσος ἐστὶ
 $\delta\Theta$, $\zeta\eta$ τῷ $\alpha\alpha$ τῷ $\gamma\beta$ πετραγώνῳ. ὁ ἄ-
ρα $\epsilon\kappa$ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ἐπίπεδῳ Θ , ἴσος ἐστὶ τῷ $\mu\delta$
 $\epsilon\kappa$ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ἴσος ἐστὶ τῷ $\delta\Theta$: καὶ τῷ $\delta\Theta$ τῷ
 $\gamma\beta$ πετραγώνῳ. (Συμπερασμα.) Ἐὰν ἄ-
ρα ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμὸς τυχόντας διαμε-
θῆ: ὁ $\epsilon\kappa$ τοῦ ὅλου καὶ ἐνὸς τῶν μερῶν ἴσος
ἐστὶ τῷ $\mu\delta$: ἴσος ἐστὶ τῷ $\delta\Theta$: ἴσος ἐστὶ τῷ $\mu\delta$
 $\epsilon\kappa$ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ἐπίπεδῳ Θ : ἴσος ἐστὶ τῷ $\delta\Theta$
 $\epsilon\kappa$ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ πετραγώνῳ. ὅπως ἔδει δεῖξαι.

Πρότερον

res quæ sunt in numero $\alpha\gamma$. Rursus quoniam
 $\gamma\epsilon$ numerus, multiplicauit seipsum: & pro-
 duxit numerum $\zeta\eta$. ergo numerus $\gamma\epsilon$, meti-
 tur numerum $\zeta\eta$, iuxta vnitates quæ in seipso
 sunt. Verum antea idem numerus $\gamma\epsilon$, etiam
 metiebatur numerum $\epsilon\zeta$ iuxta vnitates quæ
 in ipso sunt $\alpha\gamma$ numero. Totus itaq; numerus
 $\gamma\epsilon$, metitur totum numerum $\epsilon\eta$, per vnitates
 quæ sunt in numero $\alpha\epsilon$. sed & numerum δ
 metiebatur penes vnitates, quæ sunt in nume-
 ro $\alpha\epsilon$. Quare numerus $\gamma\epsilon$ æqualiter metitur
 vtrunq; numerum, nempe numerum δ , & nu-
 merum $\epsilon\eta$. Quos verò idem numerus æquali-
 ter metitur: æquales inter se sunt. idcirco numerus
 δ , est æqualis numero $\epsilon\eta$: sed numerus δ , est planus,
 factus ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: nume-
 rus verò $\epsilon\eta$, est numerus ex multiplicatione numero-
 rum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, procreatus: & quadrato numeri $\gamma\beta$.
 Quapropter numerus planus, factus ex multiplica-
 tione $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ numerorum: æqualis est numero plano
 ex $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ numeris producto: & quadrato numeri $\gamma\beta$.
 (Conclusio.) Si igitur numerus aliquis diuidatur in
 duos numeros: numerus planus, qui fit ex multipli-
 catione totius, & vnius partis: æqualis est numero
 plano, facto ex partibus, & numero quadrato produ-
 cto ex parte prædicta. quod demonstrandum erat.

Propositio IIII. Theorema.

SI numerus aliquis in duos numeros diuisus fuerit: quadratus numerus totius, æqualis est quadratis partium: & numero plano, qui generatur, atq; fit ex multiplicatione partium bis facta.

Εκθεσις.) Sit enim numerus $αβ$, qui diuidatur in duos numeros $αγ$, $γβ$. (Διορισμός.) Dico quod quadratus numerus totius $αβ$ numeri: æqualis sit quadratis partium, seu numerorum $αγ$, $γβ$: & numero plano factò ex multiplicatione numerorum $αγ$, $γβ$ bis repetita. (Κατασκευ.) Fiat itaq; quadratus numerus ex multiplicatione totius numeri $αβ$ in seipsum, et sit numerus $δ$. deinde fiant etiã quadrati numeri ex multiplicatione $αγ$ in seipsum numerus $εζ$: et ex multiplicatione $γβ$ in seipsum numerus $ηθ$. deniq; ex multiplicatione numerorum $αγ$, $γβ$ fiat vterq; numerus planus $ζη$, $θκ$. (Απόδειξις.) Cum itaq; numerus $αγ$ multiplicando seipsum produxerit numerum $εζ$, idcirco $αγ$ numerus, metitur numerum $εζ$ iuxta vnitates quæ sunt in seipso. cum etiam $γβ$ numerus, multiplicauerit nu-

μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\gamma\beta$, τὸν $\gamma\alpha$ πολλα-
 πλάσιάσας ἐποίησε τὸν $\zeta\eta$: μετρεῖ ἄρα τὸν
 $\zeta\eta$, ὁ $\alpha\gamma$, κατὰ τὰς ἐν τῷ $\gamma\beta$ μονάδας. ἐμέτρη-
 ὀ δὲ καὶ τὸν $\epsilon\zeta$, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῷ. ὅλον ἄρα τὸν
 $\epsilon\eta$, μετρεῖ ὁ $\alpha\gamma$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μονάδας.
 ὁ ἄρα $\alpha\beta$ πολλαπλάσιάσας τὸν $\alpha\gamma$, ἐποίη-
 σε τὸν $\epsilon\eta$. ὁ $\epsilon\eta$ ἄρα ἴπιπεδον ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν
 $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. ὁμοίως δὴ δείξομεν ὅτι καὶ ὁ $\eta\kappa$ ἴπι-
 πεδον ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: ἔστιν ἄρα τὸ
 $\alpha\beta$ τετράγωνον ὁ δ. εἰὰ δὲ ἀριθμὸς διαμε-
 θῆ εἰς δύο ἀριθμοὺς, ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων τετράγω-
 νον: ἴσος ἐστὶ δύοσι τῶν ἐκ τῶν ὅλων, καὶ ἑκατί-
 ρα τῶν μερῶν ἴπιπέδοις. ἴσος ἄρα ὁ δ, τῷ $\epsilon\eta$.
 ἀλλὰ μὴν ὁ $\epsilon\kappa$, συγκείμενον ἐστὶν ἐκ τῶν
 ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώνων: καὶ τοῦ δις
 ἐκ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ἴπιπέδου. ὁ δὲ δ, ἰσὺς ἀρχῆς
 ὁ ἀπὸ τοῦ $\alpha\beta$ τετράγωνον. ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ
 $\alpha\beta$ τετράγωνος: ἴσος ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$,
 $\gamma\beta$ τετραγώνοις, καὶ τῷ δις ἐκ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$
 ἴπιπέδῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰὰ ἄρα ἀριθ-
 μὸς, διαμεθῆ εἰς δύο ἀριθμοὺς: ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων
 τετράγωνον: ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν μερῶν τετρα-
 γώνοις: καὶ τῷ δις ἐκ τῶν μερῶν ἴπιπέδῳ. ὁ δὲ
 εἶδει δείξαι.

numerum $\gamma\alpha$, & produxerit numerum $\zeta\eta$.
 Ergo $\alpha\gamma$ numerus, metitur numerum $\epsilon\eta$ pe-
 nes unitates quæ sunt in numero $\gamma\beta$. Verum
 antea metiebatur etiam numerum $\epsilon\zeta$, per u-
 nitates quæ sunt in numero $\alpha\zeta$, & propterea
 numerus $\alpha\zeta$, multiplicans numerum $\alpha\gamma$, pro-
 duxit numerum $\epsilon\eta$, eamq; ob causam nume-
 rus $\epsilon\eta$, est numerus planus factus ex multiplicatione
 numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. Simili modo demonstrabimus,
 quod numerus $\epsilon\eta$ sit planus factus ex multiplicatio-
 ne numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$. Præterea numerus δ , est qua-
 dratus numeri $\alpha\beta$. quod si verò numerus aliquis di-
 uisus fuerit in duos numeros: quadratus totius nume-
 ri æqualis est duobus numeris planis, qui ex multi-
 plicatione totius & utrarumq; partium fiunt. quare
 numerus δ quadratus, æqualis est numero $\epsilon\eta$ plano.
 Verum numerus $\epsilon\eta$, compositus est ex quadratis nu-
 merorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: & numero plano, qui ex multiplica-
 tione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ bis facta producitur: nume-
 rus verò δ quadratus totius numeri $\alpha\beta$. Quare nu-
 merus quadratus factus ex multiplicatione numeri
 $\alpha\beta$ in seipsum: æqualis est quadratis numeris, nume-
 rorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ partium: & numero plano ex multipli-
 catione numerorū $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ bis facta, producto. (Con-
 clusio) Si igitur numerus aliquis in duos numeros di-
 uisus fuerit: quadratus numerus totius, æqualis est
 quadratis partium: & numero plano ex multipli-
 catione partium bis facta producto. quod demonstrandum
 erat.

Πρότασις ε. Τεώρημα.

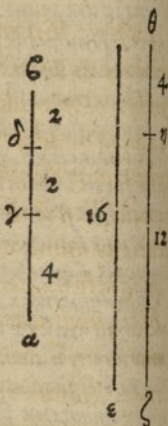
Εάν ἄρπ⊙ δριθμός δίχα διαρρεθῆ: διαρρεθῆ δὲ καὶ εἰς ἀνίσως δριθμῶς: ὁ σκ τῶν ἀνίσων μερῶν ἴππεδ⊙, μετὰ τῶ ἀπὸ τοῦ μεταξὺ τετραγώνου: ἴσος ἐστὶ τῶ ἀπὸ τῶ ἡμίσεος τετραγώνου.

Εκθεσις.) Εἰσω γὰρ ἄρπ⊙ δριθμός ὁ αβ: Ἐδιηρηθῶ δίχα μὲν εἰς σὺν α γ, γ β: ἀνισαχῆ ἢ εἰς σὺν α δ, δ β.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι ὁ ἀπὸ τῶ γ β τετραγών⊙: ἴσος ἐστὶ τῶ σκ τῶν α δ, δ β ἴππεδῶ, μὲν τοῦ ἀπὸ τῶ γ δ τετραγώνου. (Κατασκευὴ.) Εἰσω γὰρ ἀπὸ μὲν τῶ γ β τετραγών⊙ ὁ ε:

σκ δὲ τῶν α δ, δ β ἴππεδ⊙ ὁ ζη. ἀπὸ δὲ τῶ δ γ τετραγών⊙ ὁ ηθ.

(Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ β γ ἀριθμὸς διηρηται εἰς δύο ἀριθμῶς σὺν β δ, δ γ. ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῶ β γ τετραγών⊙, τῶ εἰς ὁ ε: ἴσος τοῖς ἀπὸ τῶν β δ, δ γ τετραγώνοις, μετὰ τοῦ δις



Propositio V. Theorema.

SI numerus aliquis par, diuisus fuerit in duas partes æquales: deinde idem numerus rursus diuidatur in partes inæquales: numerus planus qui fit ex multiplicatione partium inæqualium, cum quadrato numeri interpositi: æqualis est quadrato dimidij numeri.

Ex ἡσ. Sit enim $αβ$ numerus par, diuisus in duos æquales numeros $αγ$, $γδ$: & in duos numeros inæquales $αδ$, $δβ$. (Διορισμός.) Dico quod quadratus numerus, qui fit ex multiplicatione dimidij numeri $γδ$ in seipsum: æqualis sit numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum $αδ$, $δβ$ inæqualium: & quadrato numeri $γδ$ interpositi. (Κατασκευ.) Fiat quadratus numerus ex multiplicatione numeri $γδ$ dimidij in seipsum, & sit numerus $ε$. Planus verò ex multiplicatione $αδ$, $δβ$ numerorum inæqualium, numerus $ζη$: denique numeri $δγ$ intercepti, fiat quadratus numerus $ηθ$. (Ἀπόδειξις.) Quoniam numerus $βγ$ diuisus est in $βδ$, $δγ$ numeros, idcirco quadratus numeri $βγ$: hoc est numerus $ε$, æqualis est quadratis numerorum $βδ$, $δγ$: & numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum $βδ$, $δγ$ bis facta. (Κατασκευὴ ἡ ἀποδείξεως.)

F 5 Sit

δις ἐκ τῶν βδ, δγ. (κατασκευῆ τ' ἀποδεί-
 ξεως.) Ἐσω ἔν ἀπὸ μμ' τῆ βδ πετάγωνος
 ὀ κ λ: ἀπὸ δὲ τοῦ δγ ὀ ν ζ. ἐκ δὲ τῶν βδ, δγ
 ἑκάπερ τῶν λμ, μν. ὅλ' ἄρα ὀ κ ζ ἴσος
 ἐστὶ τῶ ε. καὶ ἐπεὶ ὁ βδ ἑαυτὸν πολλαπλασιά-
 σαις ἐποίησε τὸν κλ: μετρεῖ ἄρα αὐτὸν, κατὰ
 τὰς ἐν ἑαυτῷ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ,
 τὸν δβ πολλαπλασιάσας τὸν λμ ἐποίησε. ὁ ἄ-
 ρα δβ μετρεῖ τὸν λμ, κτ' τὰς ἐν τῷ γδ μο-
 νάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν κλ, κατὰ τὰς ἐν ἑ-
 αυτῷ μονάδας: ὅλον ἄρα τ' κμ μετρεῖ ὁ δβ,
 κατὰ τὰς ἐν τῷ γβ μονάδας. ἴσος δὲ ὁ γβ τῷ
 γα. ὁ ἄρα δβ, μετρεῖ τὸν κμ κατὰ τὰς ἐν τῷ
 γα μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ πολλαπλα-
 σιάσας, τὸν δβ ἐποίησε τὸν μν. ὁ ἄρα δβ, με-
 τρεῖ τὸν μν, κτ' τὰς ἐν τῷ δγ μονάδας, ἐμέ-
 τρει δὲ καὶ τὸν κμ, κατὰ τὰς ἐν τῷ α γ μονά-
 δας. ὅλον ἄρα τὸν κν μετρεῖ ὁ βδ, κτ' τὰς ἐν
 τῷ αδ μονάδας. ὑπόκλιμα γδ. ἴσος ἄρα ἐστὶν
 ὁ ζη, τῷ κν. οἱ γδ τῆ αὐτῆ ἰσάκεις πολλαπλα-
 σιοι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἐστὶ δὲ καὶ ὁ ηθ τῷ νζ
 ἴσος. ἑκάπερος γδ ὑπόκλιμα ἀπὸ τῆ γδ πε-
 τράγων' ὅλ' ἄρα ὀ κ ζ, ὅλω τῷ ζθ ἴσος
 ἐστὶν

Sit igitur quadratus numeri $\beta\alpha$, numerus $\kappa\lambda$: nume-
 ri vero $\delta\gamma$ sit quadratus numerus $\nu\xi$: deniq; ex multi-
 plicatione numerorum $\beta\alpha$, $\delta\gamma$: fiat vterq; numerus
 $\lambda\mu$, & $\mu\nu$. Itaq; totus numerus $\kappa\xi$, æqualis est numero
 1. Quoniam nunc numerus $\beta\alpha$ multiplicando seip-
 sum, produxit numerum $\kappa\lambda$: idcirco metitur cum per
 vnitates, quæ sunt in seipso. præterea cum numerus
 $\gamma\delta$, multiplicans numerum $\alpha\beta$, produxerit nume-
 rum $\lambda\mu$: eam ob causam $\alpha\beta$ numerus metitur etiam
 numerum $\lambda\mu$, penes vnitates quæ sunt in numero $\gamma\delta$.
 Verum antea metiebatur quoq; numerum $\kappa\lambda$ per vni-
 tates quæ in seipso sunt. Quare numerus $\alpha\beta$, meti-
 tur totum numerum $\kappa\mu$ iuxta vnitates, quæ sunt in
 numero $\gamma\beta$. Sed numerus $\gamma\beta$ æqualis est numero $\gamma\alpha$.
 numerus igitur $\alpha\beta$, numerum $\kappa\mu$ metitur per vnita-
 tes, quæ sunt in numero $\gamma\alpha$. Rursus quoniam nume-
 rus $\gamma\delta$, multiplicando numerum $\alpha\beta$, produxit nume-
 rum $\mu\nu$: idcirco $\alpha\beta$ numerus, metitur numerum $\mu\nu$.
 per vnitates quæ sunt in numero $\gamma\delta$. Verum antea
 metiebatur numerum $\kappa\mu$, iuxta vnitates, quæ sunt
 in numero $\alpha\gamma$. Numerus igitur $\beta\alpha$ metitur totum
 numerum $\kappa\nu$, per vnitates quæ sunt in numero $\alpha\delta$.
 illud enim est propositum. Quare numerus $\zeta\eta$, æ-
 qualis est numero $\kappa\nu$, nam numeri qui eiusdem sunt
 æqualiter multiplices æquales inter se sunt:
 sed numerus $\eta\theta$, est æqualis numero $\nu\xi$. nam
 vterq; proponitur esse quadratus numeri $\gamma\delta$.
 totus itaque $\kappa\xi$, toto $\zeta\theta$ æqualis est. Verum
 nume-

ἔστιν. ἐστὶ δὲ καὶ τῶν ἰσοῦς. καὶ ὁ ζθ ἄρα τῶν
 ἰσοῦς ἐστὶ. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ζθ, ὁ ἐκ τῶν αδ, δβ
 Ἰπίπεδος: μὲν τῶν ἀπὸ εδγ τετραγώνου. ὁ δὲ
 ε, ὁ ἀπὸ τοῦ γβ τετραγώνου. ὁ ἄρα ἐκ τῶν αδ,
 δβ Ἰπίπεδος, μὲν τῶν ἀπὸ τοῦ δγ τετραγώ-
 νου, ἰσοῦς ἐστὶ τῶν ἀπὸ τοῦ γβ τετραγώνου.
 (Συμπέρασμα.) Ἐὰν ἄρα ἀριθμὸς, ἀριθμὸς,
 διααιρεθῆ διχα: διααιρεθῆ δὲ εἰς ἀνίσους ἀριθ-
 μούς: ὁ ἐκ τῶν ἀνίσων μερῶν Ἰπίπεδος: με-
 τὰ τῶν ἀπὸ τοῦ μέγαλυ τετραγώνου: ἰσοῦς ἐστὶ
 τῶν ἀπὸ τῶν ἡμίσεως τετραγώνου. ὅπως ἔδει
 δεῖξαι.

Πρότασις 5. Γεώρημα.

Ἐὰν ἀριθμὸς, ἀριθμὸς, διααιρεθῆ διχα: πε-
 ρεθεθῆ δὲ πρὸς αὐτῶν: ὁ ἐκ τοῦ ὅλου, ἑὶς τῶν
 περσοκείμενων: καὶ εἰς περσοκείμενον Ἰπίπεδος,
 μετὰ τῶν ἀπὸ τοῦ ἡμίσεως τετραγώνου: ἰσοῦς
 ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν συγκειμένων, ἐκ τοῦ ἡμίσε-
 ος, καὶ τοῦ περσοκείμενου τετραγώνου.

Ἐκθεσις.) Ἀριθμὸς γδ ἀριθμὸς ὁ αβ, διηρή-
 στω

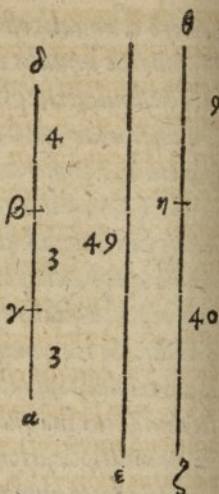
numero ϵ , æqualis est numerus $\kappa\xi$. Ergo & $\zeta\theta$ numerus æqualis est numero ϵ , & numerus $\zeta\theta$ est numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ factus: cum quadrato numeri $\delta\gamma$. numerus verò ϵ quadratus numeri $\gamma\beta$. (Συμπέροσμα.) Quare planus numerus factus ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ inæqualium cum quadrato numeri $\delta\gamma$ intercepti: æqualis est quadrato numeri $\gamma\beta$ dimidij. Si itaq; numerus par diuisus fuerit in partes duas æquales: & idem rursus in partes diuidatur inæquales: numerus planus, qui fit ex multiplicatione partium inæqualium, cum quadrato numeri interpositi: æqualis est quadrato dimidij numeri. Quod erat demonstrandum.

Propositio VI. Theorema.

SI numerus par, diuisus fuerit in duos numeros æquales, & adijciatur ei aliquis alius numerus: tum planus numerus, qui fit ex multiplicatione numeri totius cum adiecto, & numeri adiecti, vnà cum quadrato dimidij numeri: æqualis est quadrato, numeri ex dimidio & numero adiecto compositi.

Εκθεσις.) Par enim numerus $\alpha\beta$, diuidatur in

ὄσω δίχα εἰς $\delta\delta\bar{\alpha}\gamma$,
 $\gamma\delta$ ἀριθμὸς: καὶ περ-
 σκείω αὐτὰ ἑπὶ ἑ-
 πὶς ἀριθμὸς ὀβδ. (Διο-
 ρισμὸς.) Λέγω ὅτι ὁ
 ἐκ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ ἴπι-
 πεδ \odot , μὲν τοῦ ἀπὸ
 τοῦ $\gamma\beta$ τετραγώνου:
 ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ
 $\gamma\delta$ τετραγώνου. (Κά-
 πτωκλή.) Ἐσω γὰρ ἀ-
 πὸ μὲν τῶν $\gamma\delta$ τετρα-
 γων \odot ὀε, ἐκ δὲ τῶν
 $\alpha\delta$, $\delta\beta$ ἴπιπεδ \odot ὀ



ζη: ἀπὸ δὲ τοῦ $\gamma\beta$ τετραγώνου ὀηθ. (Από-
 δεξις.) Καὶ ἐπειὶ ὁ ἀπὸ τῶν $\gamma\delta$ ἴσος ἐστὶ τῷ
 ἀπὸ τῶν $\delta\beta$, $\beta\gamma$: μετὰ τῶν $\delta\beta$,
 $\beta\gamma$ ἔσω ἀπὸ μὲν τῶν $\beta\delta$ ὀ κλ: ἐκ δὲ τῶν $\delta\beta$,
 $\beta\gamma$, ἐκάπερ τῶν $\lambda\mu$, $\mu\eta$: ἀπὸ δὲ τῶν $\beta\gamma$ ὀ
 $\nu\zeta$. ὀλ ἄρα ὀ κζ, ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῶν $\gamma\delta$
 τετραγώνου. ἢ ἐστὶν ἀπὸ τῶν $\gamma\delta$ τετραγώνου
 ὀε. ὀ ἄρα κζ: ἴσος ἐστὶ τῷ ε. καὶ ἐπεὶ ὁ $\beta\delta$ ἑαυ-
 τὸν πολλαπλασιάσας τὸν κλ, κατὰ τὰς ἐν ἑαυτῷ
 ὀ ἄρα $\beta\delta$, μετρεῖ τὸν κλ, κατὰ τὰς ἐν ἑαυτῷ

tur in duos numeros æquales $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$: eiq̄ ad-
 ijciatur alius numerus $\beta\delta$. ($\Delta\iota\omicron\epsilon\lambda\iota\sigma\mu\omicron\varsigma$.) Di-
 co quòd numerus planus, ex multiplicatione
 numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ factus, cum quadrato nu-
 meri $\gamma\beta$: æqualis sit quadrato numeri $\gamma\delta$.
 (Κατασκευη.) Sit enim quadratus numerus
 numeri $\gamma\delta$, numerus ϵ : planus vero ex nu-
 merorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ multiplicatione factus, nu-
 merus $\zeta\eta$: deniq̄ quadratus numeri $\gamma\epsilon$, nu-
 merus $\eta\theta$. (Αποδειξις.) Quoniam quadratus
 numeri $\gamma\delta$, æqualis est quadrato numerorum
 $\delta\epsilon$, $\epsilon\gamma$, cum plano numero, qui fit ex multi-
 plicatione numerorum $\delta\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis facta. sit
 quadratus numeri $\epsilon\delta$, numerus $\kappa\lambda$: plani ve-
 rò ex multiplicatione numerorum $\delta\beta$, $\epsilon\gamma$ bis
 facta, vterq̄ numerorum $\lambda\mu$, $\mu\nu$. quadratus
 deniq̄ numeri $\beta\gamma$ numerus $\nu\xi$. Totus igitur
 $\kappa\xi$, æqualis erit quadrato numeri $\gamma\delta$. sed
 quadratus numeri $\gamma\delta$ est numerus ϵ . Ergo
 numerus $\kappa\xi$, æqualis est numero ϵ . Et cū nu-
 merus $\beta\delta$ multiplicando seipsum, produxe-
 rit numerum $\kappa\lambda$. ergo numerus $\beta\delta$ meritor
 numerum $\kappa\lambda$, iuxta vnitates, quæ in seipso
 sunt.

μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ τὸν λμ, κτ̄ τὰς ἐν τῷ
 γβ μονάδας. ὅλον ἄρα τὸν κμ μετρεῖ ὁ δβ,
 κτ̄ τὰς ἐν τῷ γδ μονάδας. καὶ ἐπεὶ ὁ δβ με-
 τρεῖ Ἐ τὸν μν, κατὰ τὰς ἐν τῷ γβ μονάδας.
 ἴσθ̄ δὲ ὁ γβ, τῷ γα, ὑπόκειται γδ. ὅλον ἄ-
 ρα τὸν κν, μετρεῖ ὁ δβ, κτ̄ τὰς ἐν τῷ αδ μο-
 νάδας. ἀλλὰ μὴν καὶ τὸν ζη μετρεῖ ὁ δβ, κα-
 τὰ τὰς ἐν τῷ αδ μονάδας, ὑπόκειται γὰρ
 ὁ ζη ἐκ τῶν αδ, δβ. ἴσθ̄ ἄρα ὁ ζη, τῷ κν.
 ἐστὶ δὲ καὶ ὁ θῆ τῶν ζῖσος. ἐκάπερ ἴσθ̄ γὰρ ἐστὶν
 ὁ ἀπὸ τῆ γβ τετραγώνου. ὅλος ἄρα ὁ ζθ
 τῷ κζ ἐστὶν ἴσθ̄. ὁ δὲ κζ ἀπεδείχθη τῷ εἰ-
 σθ̄: καὶ ὁ ζθ ἄρα τῷ εἰσθ̄ ἴσος ἐστὶ. καὶ ἐστὶν ὁ ρμ
 ζθ: ὁ ἐκ τῶν αδ, δβ, μτ̄ τῆ ἀπὸ τοῦ γβ τε-
 τραγώνου. ὁ δὲ ε, ὁ ἀπὸ τῆ γδ. ὁ ἄρα ἐκ τῶν
 αδ, δβ, μετὰ τῆ ἀπὸ τοῦ γβ: ἴσθ̄ ἐστὶ τῷ ἀ-
 πὸ τοῦ γδ τετραγώνου. (Συμπέρασμα.)
 Εάν ἄρα ἄρμ̄ ἀριθμὸς διαιρεθῆ δίχα:
 προσπεθῆ δὲ πρὸς αὐτῷ: ὁ ἐκ τοῦ ὅλου ζῶν τῷ
 προσκειμένῳ, καὶ τῆ προσκειμένῳ ἰσθ̄ πρὸς
 μτ̄ τῆ ἀπὸ ἧ ἡμίσεος τετραγώνου: ἴσθ̄ ἐστὶ
 τῷ ἀπὸ ἧ συγκειμένῳ, ἐκτὲ τῆ ἡμίσεος, καὶ
 ἧ προσκειμένῳ τετραγώνου. ὅπως εἶδη δεῖξαι.

Πρότι-

sunt. verum metitur etiam numerum $\alpha\mu$ per vnitates quæ sunt in $\gamma\beta$ numero. quare numerus $\alpha\beta$ totum numerum $\alpha\mu$ metitur penes vnitates, quæ sunt in numero $\gamma\delta$. sed & numerus $\alpha\beta$, metitur numerum $\mu\nu$ per vnitates quæ sunt in numero $\gamma\beta$: & numerus $\gamma\beta$, est æqualis numero $\gamma\alpha$. illud enim proponitur. Ergo numerus $\alpha\beta$, totum numerum $\alpha\nu$ metitur iuxta vnitates quæ sunt in numero $\alpha\delta$. verum numerus $\alpha\beta$ metitur etiam numerum $\zeta\eta$ per vnitates quæ sunt in numero $\alpha\delta$: quia proponitur numerum $\zeta\eta$, esse planum ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$ $\alpha\beta$ factum. Quare numerus $\zeta\eta$ erit æqualis numero $\alpha\nu$ sed $\theta\iota$ numerus etiam est æqualis numero $\nu\zeta$. quia vterq; est numerus quadratus numeri $\gamma\beta$. Totus igitur $\zeta\theta$ numerus, æqualis est $\alpha\zeta$ numero: & $\alpha\zeta$ numerus, demonstratus est æqualis esse numero ϵ . Itaq; $\zeta\theta$ numerus etiam erit æqualis numero ϵ , & numerus $\zeta\theta$ est numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\alpha\beta$ factus: cum quadrato numeri $\beta\gamma$: numerus verò ϵ , quadratus numeri $\gamma\delta$. Quare numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\alpha\beta$, cum quadrato numeri $\gamma\beta$: æqualis est quadrato numeri $\gamma\delta$. ($\Sigma\upsilon\mu\pi\acute{\epsilon}\rho\alpha\sigma\mu\alpha$.) Si igitur numerus par, diuisus fuerit in duos numeros æquales, & adijciatur ei aliquis alius numerus, tum numerus planus, qui fit ex multiplicatione totius numeri cum adiecto, & numeri adiecti, vnâ cum quadrato dimidij numeri: æqualis est quadrato numeri compositi ex dimidio, & adiecto. Quod demonstrandum erat.

G Pro.

Πρότασις ζ. Γεώρημα.

ΕΑΝ ἀριθμὸς διαρεθῆ, εἰς δύο ἀριθμοὺς: ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων τετραγώνῳ, μὲν τῶν ἀφ' ἑνὸς τῶν μερῶν τετραγώνῳ: ἴσῳ ἐστὶ τὰς δύο ἐκ τοῦ ὅλου, καὶ τῶν εἰρημένῃς μέρεσ, ὅτι πᾶσι δῶ, μὲν τῶν ἀπὸ τῶν λοιπῶν μέρεσ τετραγώνῳ.

| | | |
|---|----------------------|---------------------------|
| 6 | 8 | 64 quad: totius αβ. |
| | 8 | 25 quad: partis αγ. |
| | 64 quad: totius. | 89. |
| 3 | 5 | 80 planus bis facta. |
| | 5 | 9 quad: reliq: partis βγ. |
| γ | 25 quad: partis. | 89. |
| | 8 | |
| | 8 | |
| 5 | 5 | |
| | 5 | |
| | 40 | 40 |
| | 3 | |
| | 3 | |
| α | 9 quad: reliq: part: | |

Εκθεσις.) Αριθμὸς γδ ὁ αβ, διηρηθῶ εἰς δύο αγ, γβ ἀριθμοὺς. (Διορισμὸς.) λέγω ὅτι οἱ ἀπὸ

Propositio VII. Theorema.

Si numerus aliquis diuidatur in duos numeros, quadratus numeri totius cum quadrato vnus partis: æqualis est numero plano, ex multiplicatione totius numeri, & prædictæ partis bis facta, cum quadrato partis reliquæ.

| | | | |
|---|--------------------------------|---------------------|---------------------------|
| 6 | 8 | | |
| | 8 | | 64 quad: totius αβ. |
| | — | | 25 quad: partis αγ. |
| 3 | 64 | quad: totius. | 89. |
| | 5 | | 80 planus bis facta. |
| | 5 | | 9 quad: reliq: partis βγ. |
| γ | — | | |
| | 25 | quad: partis. | 89. |
| | 8 | 8 | |
| 5 | 5 | 5 | |
| | — | — | |
| | 40 | 40 | |
| | } 80 planus bis facta multipl. | | |
| | 3 | | |
| | 3 | | |
| α | — | | |
| | 9 | quad: reliqu: part. | |

Εξ ἧστος.) Numerus αβ, diuidatur in numeros αγ, γβ. (Διορισμὸς.) Dico quod numeri

G 2 meri

SCD LYON 1

οὐκ ἀπὸ τῶν βα, αγ τετραγώνων: ἴσοι εἰσὶν τὰ
 δις ἐκ τῶν βα, αγ ὀπιπέδω, μὲν τοῦ διπ
 τῆ βγ τετραγώνου. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ γὰρ
 ὁ ἀπὸ τῆ αβ τετραγώνου, ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ
 τῶν βγ, γα, καὶ τὰ δις ἐκ τῶν βγ, γα. κοί-
 νος περσκέιδω ὁ ἀπὸ τῆ αγ τετραγώνου.
 ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ βα, μετὰ τῆ ἀπὸ δ' αγ: ἴσος
 ἐστὶ δύοσι τοῖς ἀπὸ τῆ αγ τετραγώνοις. καὶ εἰ
 τὰ ἀπὸ τοῦ γβ, μὲν τῆ δις ἐκ τῶν βγ, γα.
 καὶ ἐπεὶ ἀπαξ ἐκ τῶν βα, αγ: ἴσος ἐστὶ τὰ
 ἀπαξ ἐκ τῶν βγ, γα, μὲν τῆ ἀπὸ τοῦ γα τε-
 τραγώνου. ὁ ἄρα δις ἐκ τῶν βα, αγ: ἴσος ἐστὶ
 τὰ δις ἐκ τῶν βγ, γα, μετὰ δύο τῶν ἀπὸ
 τῆ γα τετραγώνων. κοίνοσ περσκέιδω ὁ ἀ-
 πὸ τῆ βγ τετραγώνου. δύο ἄρα τετραγώ-
 νοι ἀπὸ τῆ αγ: καὶ εἷς ἀπὸ τῆ γβ, μετὰ τῆ
 δις ἐκ τῶν βγ, γα: ἴσοι εἰσὶν τὰ δις ἐκ τῶν
 βα, αγ μὲν τῆ ἀπὸ δ' γβ. ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ αβ
 τετραγώνου, μὲν τῆ ἀπὸ τῆ αγ τετραγώ-
 νου: ἴσος ἐστὶ τὰ δις ἐκ τῶν βα, αγ, μετὰ τοῦ
 ἀπὸ τῆ λοιπῆ γβ μέρους τετραγώνου. (Συμ-
 πέρασμα.) Ἐὰν ἄρα ἀριθμὸς διαρεθῆ εἰς
 δύο ἀριθμοὺς: ὁ ἀπὸ τῆ ὅλη τετραγώνου,
 μὲν

meri quadrati numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$: æquales
 sint numero plano, ex multiplicatione nume-
 rorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ bis facta, cum quadrato nume-
 ri $\beta\gamma$. (Απόδειξις.) Cum enim quadratus
 numeri $\alpha\beta$, sit æqualis quadratis numerorum
 $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$, & numero plano ex multiplicatione numerorū
 $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta: communis addatur quadratus numeri
 $\alpha\gamma$. Ergo quadratus numeri $\alpha\beta$, cum quadrato numeri
 $\alpha\gamma$: æqualis est duobus quadratis numeri $\alpha\gamma$, & vno
 quadrato numeri $\gamma\beta$: cum numero plano, ex multipli-
 catione numerorum $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta. Quoniam verò
 numerus planus, ex multiplicatione $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ numero-
 rum semel facta: æqualis est numero plano ex multi-
 plicatione $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ semel facta, vñà cum quadrato $\gamma\alpha$,
 numerus itaq; ex multiplicatione $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ bis facta: æ-
 qualis erit numero ex multiplicatione $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta:
 cum duobus quadratis numeri $\gamma\alpha$. Communis ad-
 datur quadratus numerus $\beta\gamma$. ergo duo quadrati nu-
 meri $\alpha\gamma$, & vnus quadratus numeri $\gamma\beta$: cum numero
 plano, ex multiplicatione $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta: sunt æqua-
 les numero plano, ex numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ multiplica-
 tione bis facta, cum quadrato numeri $\gamma\beta$. Quare qua-
 dratus numeri $\alpha\beta$, cum quadrato numeri $\alpha\gamma$: est æqua-
 lis numero plano, ex multiplicatione $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ numero-
 rum bis facta cū quadrato numeri $\gamma\beta$. (Συμπίπασμα.)
 Si igitur numerus aliquis diuidatur in duos numeros:
 quadratus totius numeri, cum quadrato huius par-

G 3 tis:

μὴ τῷ ἀφ' ἑνὸς τῶν μερῶν τετραγώνου: ἴσος ἔστι τῶν δ' ἑκ τῷ ὅλῳ, καὶ τοῦ εἰρημένου μέρους ἑπιπέδῳ, μετὰ τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ μέρους τετραγώνου. ὅπως εἶδει δεῖξαι.

Πρότασις η. Θεώρημα.

ΕΑΝ ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς διαιρεθῆ: ἡ τετράκις ἑκ τοῦ ὅλου, καὶ ἑνὸς τῶν μερῶν ἑπιπέδῳ, μὴ τῷ ἀπὸ τῷ λοιπῷ μέρους τετραγώνου: ἴσος ἔστι τῶν ἀπὸ τῷ ὅλῳ, καὶ τοῦ εἰρημένου μέρους ὡς ἀφ' ἑνὸς τετραγώνου.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γὰρ ὁ $\alpha\beta$, διηρήσθω εἰς δύο ἀριθμοὺς $\alpha\gamma$, $\beta\delta$. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι ἡ τετράκις ἑκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῷ $\alpha\gamma$ τετραγώνου: ἴσος ἔστι τῶν ἀπὸ $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ὡς ἀφ' ἑνὸς τετραγώνου. (Καίτοι) Κείσθω γὰρ τῶν $\beta\gamma$ ἀριθμῶν ἴσος ὁ $\beta\delta$. (Ἀπόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ ἀπὸ τῷ $\alpha\delta$, ἴσος ἔστι τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ τετραγώνοις: καὶ τῶν δ' ἑκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ ἑπιπέδῳ: καὶ εἰς ἑνὸς $\beta\delta$ ἴσος τῶν $\beta\gamma$. εἰς ἑνὸς ἀπὸ τῷ $\alpha\delta$ τετραγώνου, ἴσος τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ τετραγώνοις: καὶ τῶν δ' ἑκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ἑπιπέδῳ. τὰ δὲ ἀπὸ τῶν

partis: æqualis est numero plano ex multiplicatione totius numeri, & prædictæ partis bis facta, cum quadrato reliquæ partis. quod erat demonstrandum.

Propositio VIII. Theorema.

SI numerus diuidatur in duos numeros: tum planus numerus, ex multiplicatione totius, & vnius partis quater facta, cum quadrato partis reliquæ: est æqualis quadrato totius & prædictæ partis tanquam esset quadratus vnius numeri.

Ex ἑστῶς.) Numerus enim $\alpha\beta$, diuidatur in duos numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. (Διορισμὸς) Dico quod numerus planus, ex multiplicatione numerorum, $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ quater facta, cum quadrato numeri $\alpha\gamma$: æqualis sit quadrato numeri $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ tanquam vnius esset numeri quadratus. (κατασκευὴ.) Fit enim numero $\beta\gamma$, æqualis numerus $\beta\delta$. (ἀπόδειξις.) Quoniam nunc quadratus numeri $\alpha\delta$, æqualis est quadratis numerorum $\alpha\beta$, $\beta\delta$: & numero plano ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\delta$ bis repetita. denique numerus $\beta\delta$, æqualis sit numero $\beta\gamma$. idcirco quadratus numeri $\alpha\delta$, æqualis est quadratis numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, & numero plano ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ bis facta, & quadrato numeri $\alpha\gamma$. quadrata

G 4

autem

104.

ΒΑΡΛΑΑΜ.

6

8 8 8 8

2 2 2 2

2

16 16 16 16

+γ

64 planus ex quater facta
multiplicatione.

6

6

6

36 quad: reliq:

10

10

100 quad. totius & part:

α

64

36

100 planus & quad: reliq:

τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ τετράγωνα: ἴσα ἐστὶ τὰ δὲ ἐκ
 τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ἑπιπέδω: καὶ τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$ τε-
 τραγῶν: ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$ τετράγω-
 νον, ἴσος τῶν τετράκων ἐκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ἑπι-
 πέδω: καὶ τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$ τετραγῶν. καὶ ἐ-
 στὶν ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$ τετράγωνον, ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$,
 $\beta\gamma$, ὡς ἀφ' ἑνός. ὁ γὰρ $\beta\delta$, ἴσος ἐστὶ τῶν $\beta\gamma$,
 ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ὡς ἀφ' ἑνός τε-
 τραγῶν

| | | | | | | | | | |
|---|---|----|----|-----|------------------------|---|--|--|--|
| 6 | 8 8 8 8 | | | | | | | | |
| 2 | 2 2 2 2 | | | | | | | | |
| γ | <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="border-top: 1px solid black; border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">16</td> <td style="border-top: 1px solid black; border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">16</td> <td style="border-top: 1px solid black; border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">16</td> <td style="border-top: 1px solid black; border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">16</td> </tr> <tr> <td colspan="4" style="text-align: center;">} 64 planus ex quater facta multiplicatione.</td> </tr> </table> | 16 | 16 | 16 | 16 | } 64 planus ex quater facta multiplicatione. | | | |
| 16 | 16 | 16 | 16 | | | | | | |
| } 64 planus ex quater facta multiplicatione. | | | | | | | | | |
| 6 | <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">6</td> <td style="padding: 2px 10px;">6</td> </tr> <tr> <td style="border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">36</td> <td style="padding: 2px 10px;">quad: reliq:</td> </tr> </table> | 6 | 6 | 36 | quad: reliq: | | | | |
| 6 | 6 | | | | | | | | |
| 36 | quad: reliq: | | | | | | | | |
| | <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">10</td> <td style="padding: 2px 10px;">10</td> </tr> <tr> <td style="border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">100</td> <td style="padding: 2px 10px;">quad: totius & partis.</td> </tr> </table> | 10 | 10 | 100 | quad: totius & partis. | | | | |
| 10 | 10 | | | | | | | | |
| 100 | quad: totius & partis. | | | | | | | | |
| | <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">64</td> <td style="padding: 2px 10px;">36</td> </tr> <tr> <td style="border-bottom: 1px solid black; padding: 2px 10px;">100</td> <td style="padding: 2px 10px;">planus, & quad: reliq:</td> </tr> </table> | 64 | 36 | 100 | planus, & quad: reliq: | | | | |
| 64 | 36 | | | | | | | | |
| 100 | planus, & quad: reliq: | | | | | | | | |

autem numerorum $\alpha\beta, \beta\gamma$, sunt equalia numero plano ex multiplicatinue numerorum $\alpha\beta, \beta\gamma$ bis repetita, & quadrato numeri $\alpha\gamma$. quare numerus quadratus numeri $\alpha\delta$, erit equalis numero plano ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta, \beta\gamma$ quater repetita, & quadrato numeri $\alpha\gamma$. sed quadratus numeri $\alpha\delta$, est quadratus numerorum $\alpha\beta, \beta\gamma$, tanquam esset unius numerus. quia numerus $\beta\delta$, est equalis numero $\beta\gamma$. Quare quadratus $\alpha\beta, \beta\gamma$ numerorum, tanquam esset unius numeri quadratus, equalis est numero plano

G 5 ex

τετραγώνῳ: ἴσῳ τῶν τετραγώνων ἐκ τῶν $\alpha\beta$,
 $\beta\gamma$, καὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$. (Συμπέρασμα.)
 Ἐὰν ἄρα ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς διαιρεθῆ-
 ῖ τετραγώνων ἐκ τῶν ὅλων, καὶ ἑνὸς τῶν μερῶν ἐ-
 πίπεδῳ, μὴ τῶν ἀπὸ τοῦ λοιποῦ μέρους τε-
 τραγώνων: ἴσῳ ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν ὅλων, καὶ τοῦ
 προσφερομένου μέρους, ὡς ἀφ' ἑνὸς τετραγώνου.
 ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις θ. Τεωρήμα.

ΕΑΝ ἀριθμὸς διαιρεθῆ δίχα, ἐπὶ δὲ διαιρε-
 θῆ ἔξω εἰς αἰσῶν ἀριθμοὺς: οἱ ἀπὸ τῶν αἰ-
 σῶν ἀριθμῶν τετραγώνων: διπλασιοὶ εἰσὶ τῶν
 ἀπὸ τῶν ἡμισείας τετραγώνων, μὴ τῶν ἀπὸ τοῦ
 μετὰξὺ τετραγώνων.

Εκθεσις.) Ἄρῃ $\alpha\beta$ ἀριθμὸς ὁ $\alpha\beta$, δίχα
 διηρήσθω εἰς $\alpha\gamma$, $\beta\gamma$ ἀριθμοὺς: εἰς αἰ-
 σῶν δὲ διηρήσθω $\alpha\delta$, $\delta\beta$. (Διορισμός.)
 Λέγω ὅτι οἱ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ τετραγώνων: δι-
 πλασιοὶ εἰσὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\beta\gamma$ τετραγώ-
 νων. (Ἀποδείξις.) Ἐπεὶ γὰρ ἄρῃ $\alpha\beta$ ἀριθ-
 μὸς ὁ $\alpha\beta$, εἰς ἴσους μὴ δὲ ἡρηται $\alpha\gamma$, $\beta\gamma$,
 εἰς αἰσῶν δὲ $\alpha\delta$, $\delta\beta$. ὁ ἄρα ἐκ τῶν $\alpha\delta$,
δβ,

ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ quater repetita, & quadrato numeri $\alpha\gamma$. ($\Sigma\mu\pi\epsilon\epsilon\gamma\sigma\mu\alpha$.) Si igitur numerus diuidatur in duos numeros: tum planus numerus qui fit ex multiplicatione totius, & vnius partis quater repetita, cum quadrato partis reliquæ: est æqualis quadrato totius & prædictæ partis, tanquam esset quadratum vnius numeri, quod erat demonstrandum.

Propositio IX. Theorema.

SI numerus diuidatur in duos numeros æquales, atq; iterum in partes diuidatur inæquales: numeri quadrati numerorum inæqualium, dupli sunt quadrati eius, qui fit ex multiplicatione dimidij in seipsum, cum quadrato numeri inter ipsos intercepti.

Εξ ἑστῆς.) Numerus enim $\alpha\beta$, qui est par, diuidatur in numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, æquales: & in numeros $\alpha\delta$, $\delta\beta$ inæquales. ($\Delta\iota\sigma\iota\sigma\mu\acute{o}\varsigma$.) Dico quodd quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$, dupli sint quadratorum qui fiunt ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ in seipsum. (Ἀποδείξις .) Cū enim numerus $\alpha\beta$ sit numerus par, diuisus etiã sit in numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: æquales, & postea in $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numeros inæquales. numerus itaq; planus ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ factus,
cum

108.

ΒΑΡΛΑΑΜ.

| | | |
|---|---|---|
| $\begin{array}{r} 6 \\ \\ 2 \\ \\ \delta \\ \\ 3 \\ \\ \gamma \\ \\ 5 \\ \\ \alpha \end{array}$ | $\begin{array}{r} 8 \\ 8 \\ \hline 64 \text{ quad:} \end{array}$ | $\begin{array}{r} 2 \\ 2 \\ \hline 4 \text{ quad:} \end{array}$ |
| | $\begin{array}{r} 64 \\ 4 \\ \hline 68 \text{ quad: inæqual:} \end{array}$ | |
| | $\begin{array}{r} 5 \\ 5 \\ \hline 25 \text{ quad: dimidij.} \end{array}$ | $\begin{array}{r} 68 \\ 34 \\ \hline \end{array} \text{ (2.)}$ |
| | $\begin{array}{r} 3 \\ 3 \\ \hline \end{array}$ | $\begin{array}{r} 25 \\ 9 \\ \hline \end{array}$ |
| | $9 \text{ qua: intercep: } 34 \text{ quad: dimid: } \textcircled{\alpha} \text{ intercepti.}$ | |

$\delta\beta, \mu\tilde{\iota}$ τῆ ἀπὸ τῆ $\gamma\delta$: ἴσ $\textcircled{\alpha}$ ἐστὶ τῶ ἀπὸ τοῦ
 $\alpha\gamma$ τετραγώνω. ὁ δὲ ἄρα ἐκ τῶν $\alpha\delta, \delta\beta,$
 $\mu\tilde{\iota}$ δύο τῶν ἀπὸ τῆ $\gamma\delta$ τετραγώνων: διπλα-
 σι $\textcircled{\alpha}$ ἐστὶ τῆ ἀπὸ τοῦ $\alpha\gamma$ τετραγώνου. Καὶ
 ἐπεὶ ὁ $\alpha\beta$, δίχα διήρηται εἰς δύο $\alpha\gamma, \gamma\beta$. ὁ ἄ-
 ρα ἀπὸ τῆ $\alpha\beta$, τετραγών $\textcircled{\alpha}$: τετραπλασίος
 ἐστὶ τῆ ἀπὸ τῆ $\alpha\gamma$ τετραγώνου. καὶ ἐπεὶ ὁ δὲ
 ἐκ τῶν $\alpha\delta, \delta\beta$, μείζον δύο τῶν ἀπὸ τῆ $\delta\gamma$: δι-
 πλάσι $\textcircled{\alpha}$ ἐστὶ τῆ ἀπὸ τοῦ $\gamma\alpha$. εἰαὶ δὲ ὡς δύο
δριθ.

cum quadrato numeri $\delta\gamma$: est æqualis quadrato numeri $\alpha\gamma$. Ergo numerus planus ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta, \delta\beta$ bis facta cum duobus quadratis numeri $\gamma\delta$: duplus est quadrati numeri $\alpha\gamma$. Cum etiam $\alpha\beta$ numerus sit diuisus in duos numeros $\alpha\gamma, \gamma\beta$ æquales: idcirco quadratus numeri $\alpha\beta$, quadruplus est numeri quadrati, ex multiplicatione numeri $\alpha\gamma$ in seipsum facti. Adhæc cum numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta, \delta\beta$ bis repetita factus, cum duobus quadratis numeri $\delta\gamma$ duplus sit numeri quadrati ex $\gamma\alpha$ numero: cumq; duo fuerint numeri, quorum alter eiusdem numeri sit quadruplus: alter verò eiusdem duplus: tum quadruplus numeri dupli erit duplus. Quare quadratus numeri $\alpha\beta$, duplus est numeri ex numerorū $\alpha\delta, \delta\beta$ multiplicatione bis facta procreati, cum duobus quadratis numeri $\delta\gamma$. idcirco numerus, qui ex multiplicatione $\alpha\delta, \delta\beta$ numerorum bis facta producitur: dimidio minor est quadrato numeri $\alpha\beta$. quadrato nempe numero bis repetito multiplicatione
 numeri

αριθμοί, ὁ μὲν ἑτέρω αὐτῶν ἔσσι τετρα-
 πλάσι ὁ δ' ἑτέρω διπλάσιος: ὁ τετρα-
 πλάσιος διπλάσι ἔσσι τῆ διπλάσις. ὁ ἄ-
 ρα ἀπὸ τῆ αβ, διπλάσι ἔσσι τοῦ δις ἐκ
 τῶν αδ, δβ, μετὰ δύο τῶν ἀπὸ τῆ δγ. ἔσσι
 ἄρα ὁ δις ἐκ τῶν αδ, δβ ἑλαττων ἡμίσεω,
 τῆ ἀπὸ τοῦ αβ, τῆ δις ἀπὸ τῆ δγ. καὶ ἔσσι
 ὁ δις ἐκ τῶν αδ, δβ, μὲν τοῦ συγκφεμένω ἐκ
 τῶν ἀπὸ τῶν αδ, δβ: ἴσσι ἔσσι τῆ ἀπὸ τοῦ
 αβ. ὁ ἄρα συγκφεμένω ἐκ τῶν ἀπὸ τῶν
 αδ, δβ: μείζων ἔσσι ἡμίσεω τῆ ἀπὸ τῆ αβ,
 τῆ δις ἀπὸ τῆ δγ. καὶ ἔσσι ὁ ἀπὸ τοῦ αβ,
 τοῦ ἀπὸ τοῦ αγ τετραπλάσιω. ὁ ἄρα συγ-
 κείμω ἐκ τῶν ἀπὸ τῶν αδ, δβ: μείζων
 ἔσσι διπλάσις τοῦ ἀπὸ τῆ αγ, τῆ δις ἀπὸ
 τῆ δγ. Διπλάσιος ἄρα ἔσσι τῶν ἀπὸ τῶν
 αγ, γδ. (Συμπέρασμα.) Εἰάν ἄρα ἀριθ-
 μὸς, διαιρεθῆ δίχα, ἐπιθε διαιρεθῆ καὶ
 εἰς ἀνίσως ἀριθμοῦ: οἱ ἀπὸ τῶν ἀνίσων ἀριθ-
 μῶν τετραγῶνοι: διπλάσιοι εἰσὶ τῆ ἀπὸ τῆ
 ἡμισείας τετραγῶνω, μετὰ τῆ ἀπὸ τῆ μετὰ
 ξυ τετραγῶνω. ὅπως ἐδφ δεῖξαι.

Πρώτα-

numeri $\delta\gamma$ in seipsum facta. & quia nume-
 rus ex multiplicatione ad, $\delta\beta$ numerorum
 bis facta, cum numero composito, & produ-
 cto ex multiplicatione numerorum ad, $\delta\beta$:
 equalis est quadrato numeri $\alpha\beta$. idcirco nu-
 merus qui componitur ex quadratis nume-
 rorum ad, $\delta\beta$, maior est dimidio quadrati
 numeri $\alpha\beta$: numero quadrato numeri $\delta\gamma$
 bis repetito. & est quadratus numeri $\alpha\beta$,
 quadrati numeri $\alpha\gamma$ quadruplus. Quare
 compositus numerus ex quadratis numero-
 rum ad, $\delta\beta$: maior est duplo quadrati nu-
 meri $\alpha\gamma$: numero quadrato numeri $\delta\gamma$ bis
 repetito. Quare duplus est quadratorum,
 ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ bis
 factorum. ($\Sigma\upsilon\mu\pi\acute{\epsilon}\rho\sigma\mu\alpha.$) Si igitur nume-
 rus diuidatur in duos numeros aequales: &
 iterum in numeros inaequales: numeri qua-
 drati numerorum inaequalium dupli sunt
 quadrati eius, qui fit ex multiplicatione di-
 midij in seipsum, cum quadrato numeri inter
 ipsos intercepti. quod demonstrandum erat.

Propo-

Πρότασις ι. Γεώρημα.

Εάν ἄριθμὸς ἀριθμὸς, διαρευθῆ δίχα, πᾶσι
 σπῆ δέ τις αὐτῷ ἑτέρῳ ἀριθμὸς: ὁ ἀπὸ
 τῶν ὅλων ζυγῶν πᾶσι προσκειμένω: καὶ ὁ ἀπὸ τῶν
 προσκειμένου οἱ σωμαμφότεροι τετραγώνου
 διπλάσιοι εἰσὶ τῶν ἀπὸ ἡμίσεος τετραγώνου:
 καὶ τῶν ἀπὸ τοῦ συγκειμένου ἕκαστε τῶν ἡμίσεος,
 καὶ τῶν προσκειμένων ὡς ἀφ' ἑνὸς τετραγώνου.

| | | | |
|---|-----------------------------------|--|-------------|
| δ | 8 | | 2 |
| | 8 | | 2 |
| 2 | 64 quad: αδ. | | 4 quad: ββ. |
| | 5 | | |
| 3 | 25 quad: γδ dimidij, εἰς adiecti. | | |
| | 3 | | 25 64 |
| 3 | 9 quad: dimid: αγ. 34. 68. 34 | | 9 4 68 (2 |
| α | | | |

Εκθεσις.) Εἶπω γὰρ ἄρπιος ἀριθμὸς ὁ αβ, καὶ
 διηρήσθω δίχα εἰς αὐτῷ ἄγ, γβ: καὶ προσκει-
 σθω αὐτῷ ἑτέρος τις ἀριθμὸς ὁ βδ. (Διορισ-
 μὸς.) Λέγω ὅτι οἱ ἀπὸ τῶν αδ, δε τετραγώ-
 νου, διπλάσιοι εἰσὶ τῶν ἀπὸ τῶν ἀγ, γδ τε-
 τραγώνου.

Propositio X. Theorema.

Si numerus par, diuisus fuerit in duos numeros æquales, eiq̄ addatur alius aliquis numerus: tum numerus quadratus totius cū adiecto, & quadratus numeri adiecti: hi duo quadrati numeri coniuncti: dupli sunt quadratorum numerorum, scilicet quadrati dimidij, & quadrati eius, qui est compositus ex numero dimidio, & adiecto, ac si vnus numeri quadratus esset.

| | | | |
|---|---------------------------------|-------------|------------|
| δ | 8 | 2 | |
| 2 | 8 | 2 | |
| ε | 64 quad: αδ. | 4 quad: δβ. | |
| 3 | 5 | | |
| γ | 5 | | |
| | 25 quad: γδ dimidij, & adiecti. | | |
| 3 | 3 | 25 | 64 |
| α | 3 | 9 | 4 |
| | 9 quad: dimid: αγ. | 34. | 68. 34 (2. |

Εκθεσις.) Sit enim αε numerus par, & diuidatur in duas partes æquales αγ, γε numeros: eiq̄ adijciatur alius numerus εδ. (Διορισμός.) Dico quod numeri quadrati numerorum αδ, δβ dupli sint numerorū quadratorum

H sorum

τραγώνων. (Απόδειξις.) Ἐπει γὰρ ἀριθμὸς ὁ
 ᾱδ, διήρηται εἰς ᾱβ, βδ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν
 ᾱδ, δβ τετράγωνοι: ἴσοι εἰσὶν τὰς δὲ εἰς ἑκάστην
 ᾱδ, δβ ἑπιπέδω, μὲν τῆ ἀπὸ τῆ ᾱβ τετρα-
 γώνου. ὁ δὲ ἀπὸ τῆ ᾱβ τετράγωνος, ἴσος ἐστὶ
 τέσσαρσι τοῖς ἀπὸ τῶν ᾱγ, γβ τετραγώνοις.
 ἴσος γὰρ ἐστὶν ὁ ᾱγ, τὰς γβ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν
 ᾱδ, δβ τετράγωνοι: ἴσοι εἰσὶ τὰς τε εἰς ἑκάστην
 ᾱδ, δβ, καὶ τέσσαρσι τοῖς ἀπὸ τῶν βγ, γα
 καὶ ἔπει ὁ ἕκαστος τῶν ᾱδ, δβ, μὲν τῆ ἀπὸ τῆ γβ,
 ἴσος ἐστὶ τὰς ἀπὸ τῆ γδ. οἱ ἄρα δὲ εἰς ἑκάστην
 ᾱδ, δβ, μὲν δύο τῶν ἀπὸ τῆ γβ: ἴσος ἐστὶ δύο
 τοῖς ἀπὸ τῆ γδ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν ᾱδ, δβ τε-
 τράγωνοι: ἴσοι εἰσὶ δύοσι τοῖς ἀπὸ τῆ γδ: καὶ
 δύοσι τοῖς ἀπὸ τῆ ᾱγ. διπλάσιοι ἄρα εἰσὶν
 τῶν ἀπὸ τῶν ᾱγ, γδ. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ
 ᾱδ τετράγωνος, ὁ ἀπὸ τῆ ὅλας καὶ τῆ προσκεί-
 μένης: ὁ δὲ ἀπὸ τῆ δβ, ὁ ἀπὸ τῆ προσκείμενου:
 ὁ δὲ ἀπὸ τῆ γδ, ὁ ἀπὸ τῆ συγκείμενης ἑκάτε
 ἡμίσεος, καὶ τῆ προσκείμενης. οἱ ἄρα ἀπὸ τῆ ὅλας
 εἰσὶ τὰς προσκειμένω τετράγωνος μὲν τῆ ἀ-
 πὸ τοῦ προσκείμενου: διπλάσιος ἐστὶ τοῦ ἀ-
 πὸ τῆ ἡμίσεος μὲν τῆ ἀπὸ τῆ συγκείμενου
 ἑκάτε

terum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$. (Απόδειξις.) Cum enim numerus $\alpha\delta$, diuisus sit in numeros $\alpha\beta$, $\beta\delta$: idcirco numeri quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ equals sunt numero plano ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ bis repetita facto, cum quadrato numeri $\alpha\beta$. sed quadratus numeri $\alpha\beta$, equalis est quatuor quadratis numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: quia $\alpha\gamma$ est equalis $\gamma\beta$ numero: idcirco etiam quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$: equals sunt numero plano ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum bis facta producto: & quatuor quadratis numerorum $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$. Cum verò planus numerus ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum factus, cum quadrato numeri $\gamma\epsilon$: equalis sit quadrato numeri $\gamma\delta$. idcirco numerus ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ numerorum bis repetita factus, cum duobus quadratis numeri $\gamma\epsilon$: est equalis quadrato numeri $\gamma\delta$. Quare quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$: equals erunt duobus quadratis numeri $\gamma\delta$: & duobus quadratis numeri $\alpha\gamma$. ergo erunt dupli quadratorum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ numerorum, & quadratus numeri $\alpha\delta$, est quadra-

H 2 tus

ἐκλε τοῦ ἡμίσεος, καὶ τοῦ προσκείμενου.
 (Συμπέρασμα:) Ἐὰν ἄρα ἄριστος ἀριθ-
 μὸς δίχα διαιρεθῆ, προστεθῆ δὲ πρὸς αὐτὸν ἑ-
 πταστός ἀριθμὸς, ὁ δὲ ἀπὸ τῆς ὅλου ζῆν τῶν προ-
 σκείμενων, καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ προσκειμένου, οἱ σω-
 αμφοτέροι τετραγώνου: διπλασίου εἰσὶ τοῦ
 ἀπὸ τῆς ἡμίσεος τετραγώνου, καὶ τῆς ἀπὸ
 τῆς συγκειμένου ἐκλε τῆς ἡμίσεος, καὶ
 τοῦ προσκείμενου ὡς ἀφ' ἑνὸς
 τετραγώνου. ὅπως
 εἶδη δεῖξαι.

ΤΕΛΟΣ.

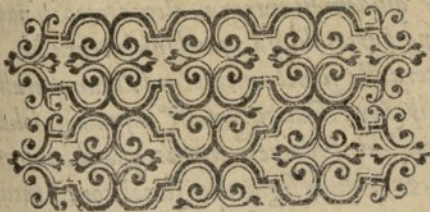


tus totius, & adiecti numeri: quadratus vero $\delta\epsilon$, est quadratus numeri adiecti. quadratus etiam numeri $\gamma\delta$, est quadratus numeri compositi ex dimidio & adiecto. (Συμπλέγματα.) Quare si numerus par diuisus fuerit in duos numeros aequales: eiq̄ addatur alius aliquis numerus, tum numerus quadratus totius & adiecti, cum quadrato adiecti duplus est quadratorum dimidij, & eius, qui compositus est ex dimidio & adiecto, ac si vnius numeri quadratus esset. Quod erat demonstrandum.

FINIS.

H 3

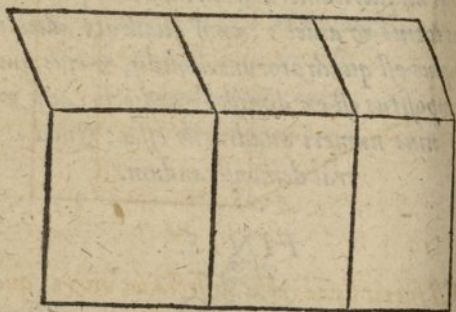
Theo-



Theoremata οδο, qui-
bus nonnulla ex præceden-
tibus demonstrantur

Στερεωμετρικῶς.

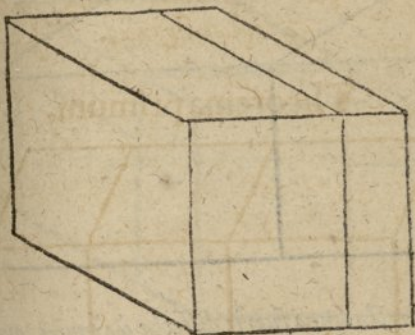
Theorema primum.



S Ifuerint duæ lineæ rectæ , quarum vna
quidem sit integra , altera vero in quor-
cunq; partes diuisa : quod sub integra bis , &
altera illa semel continetur solidum paralle-
lepipedon rectangulum, est æquale ijs solidis
parallelepipedis rectangulis, quæ sub integra
bis, & singulis segmentis semel continentur.

Theo-

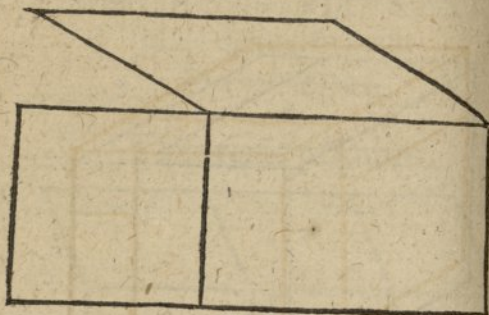
Theorema secundum.



SI fuerit linea recta dissecta *in* ϵ *et* χ ϵ , quae
 sub tota bis, & singulis segmentis semel
 continentur solida parallelepipeda rectangu-
 la, sunt aequalia ei, qui ex tota fit cubo.

H 4

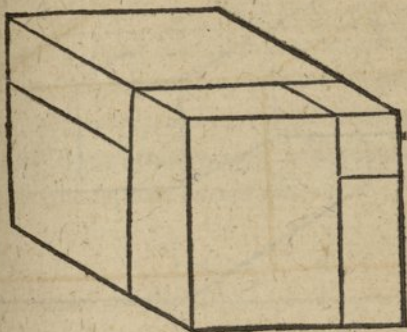
Theorema tertium.



SI recta linea fuerit dissecta $\omega\zeta\epsilon\tau\chi\epsilon$, quod sub tota, & vno segmento bis continetur solidum parallelepipedon rectangulum: est æquale solido parallelepipedo rectangulo, quod continetur sub eodem illo segmento bis, & reliquo semel, vna cum eo, qui ab eodem segmento est cubo.

Theo-

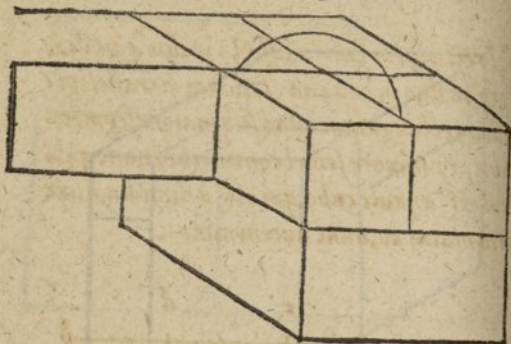
Theorema quartum.



Si recta linea fuerit dissecta $\omega\sigma$ $\epsilon\tau\upsilon\chi\epsilon$, qui à
 tota est cubus, est æqualis ijs cubis, qui
 sunt à segmentis, vnà cum solidis parallele-
 pipedis rectangulis, quæ sub tota & duobus
 segmentis continentur ter.

H 5

Theorema quintum.

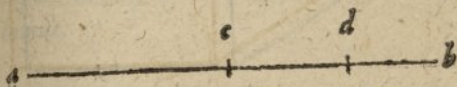


SI recta linea fuerit dissecta in duo equalia, & in duo inæqualia, quod sub maiore segmento semel, & minore bis continetur solidum parallelepipedon rectangulum, vna cū duobus solidis parallelepipedis rectangulis, quorum vnum quidem sub dimidia bis, & ea quæ sectionibus interiacet semel, alterum vero sub minore segmento semel, & ea quæ sectionibus interiacet bis, continetur: est æquale ei, qui à dimidia est cubo.

Thee-

Theorema sextum.

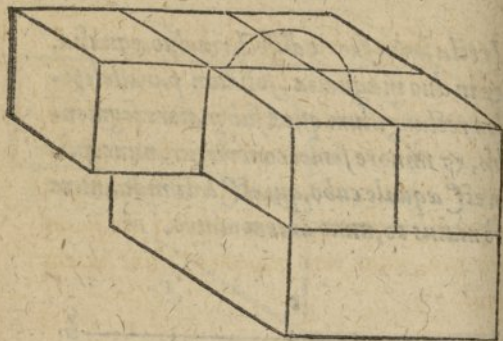
SI recta linea fuerit dissecta in duo equalia,
 & in duo inaequalia, solidum parallelepi-
 pedon rectangulum quod sub maiore segmen-
 to bis, & minore semel continetur, nunc qui-
 dem est aequale cubo, qui est à dimidia, nunc
 verò maius eo, nunc autem minus.



Theor



Theorema septimum.

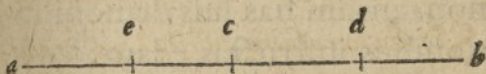


SI recta linea fuerit dissecta dicta, & adie-
 cta ipsi fuerit alia quaedam recta eadem obel-
 us: solidum parallelepipedon rectangulum,
 quod sub tota cum adiecta semel, & ea qua
 adiecta est bis continetur, una cum duobus
 solidis parallelepipedis rectangulis, quorum
 unum quidem sub dimidia bis, & adiecta se-
 mel, alterum vero sub dimidia cum adiecta
 bis, tanquam linea una, & dimidia semel
 continetur, est æquale cubo qui est à dimidia
 cum adiecta, tanquam linea una.

Theore-

Theorema octauum.

Si recta linea fuerit dissecta dīxa, & ei adiecta fuerit alia quaedam e & d & c : solidum parallelepipedon rectāgulum, quod sub tota cum adiecta bis, & ea quae adiecta est semel continetur, nunc quidem est aequale cubo, qui est à dimidia cum adiecta tanquam linea vna, nunc verò maius eo, nunc autem minus.



Has



Has octo propositiones stereometricas sub finem annexas esse volui: vt videatur, quomodo ista de qua diximus κοινωρία ἢ Ἰστισημῶν sit intelligenda: & quod διαίρεσις se in corporibus ita, vt in figuris planis habeat: sed ipsas demonstrationes propter temporis angustiam annectere nō potui: verum quamprimum se occasio offeret: non tantum has suis demonstrationibus instructas edam: sed & plura adiungam: ne videar bonis & studiosis, quibus hæc scribo, defuisse adolescentibus.

FINIS.

ARGENTORATI APVD
Christianum Mylium.

1564.

1112

RECEIVED

of the

1112

